

This is a digital copy of a book that was preserved for generations on library shelves before it was carefully scanned by Google as part of a project to make the world's books discoverable online.

It has survived long enough for the copyright to expire and the book to enter the public domain. A public domain book is one that was never subject to copyright or whose legal copyright term has expired. Whether a book is in the public domain may vary country to country. Public domain books are our gateways to the past, representing a wealth of history, culture and knowledge that's often difficult to discover.

Marks, notations and other marginalia present in the original volume will appear in this file - a reminder of this book's long journey from the publisher to a library and finally to you.

Usage guidelines

Google is proud to partner with libraries to digitize public domain materials and make them widely accessible. Public domain books belong to the public and we are merely their custodians. Nevertheless, this work is expensive, so in order to keep providing this resource, we have taken steps to prevent abuse by commercial parties, including placing technical restrictions on automated querying.

We also ask that you:

- + Make non-commercial use of the files We designed Google Book Search for use by individuals, and we request that you use these files for personal, non-commercial purposes.
- + Refrain from automated querying Do not send automated queries of any sort to Google's system: If you are conducting research on machine translation, optical character recognition or other areas where access to a large amount of text is helpful, please contact us. We encourage the use of public domain materials for these purposes and may be able to help.
- + Maintain attribution The Google "watermark" you see on each file is essential for informing people about this project and helping them find additional materials through Google Book Search. Please do not remove it.
- + Keep it legal Whatever your use, remember that you are responsible for ensuring that what you are doing is legal. Do not assume that just because we believe a book is in the public domain for users in the United States, that the work is also in the public domain for users in other countries. Whether a book is still in copyright varies from country to country, and we can't offer guidance on whether any specific use of any specific book is allowed. Please do not assume that a book's appearance in Google Book Search means it can be used in any manner anywhere in the world. Copyright infringement liability can be quite severe.

About Google Book Search

Google's mission is to organize the world's information and to make it universally accessible and useful. Google Book Search helps readers discover the world's books while helping authors and publishers reach new audiences. You can search through the full text of this book on the web at http://books.google.com/



Acerca de este libro

Esta es una copia digital de un libro que, durante generaciones, se ha conservado en las estanterías de una biblioteca, hasta que Google ha decidido escanearlo como parte de un proyecto que pretende que sea posible descubrir en línea libros de todo el mundo.

Ha sobrevivido tantos años como para que los derechos de autor hayan expirado y el libro pase a ser de dominio público. El que un libro sea de dominio público significa que nunca ha estado protegido por derechos de autor, o bien que el período legal de estos derechos ya ha expirado. Es posible que una misma obra sea de dominio público en unos países y, sin embargo, no lo sea en otros. Los libros de dominio público son nuestras puertas hacia el pasado, suponen un patrimonio histórico, cultural y de conocimientos que, a menudo, resulta difícil de descubrir.

Todas las anotaciones, marcas y otras señales en los márgenes que estén presentes en el volumen original aparecerán también en este archivo como testimonio del largo viaje que el libro ha recorrido desde el editor hasta la biblioteca y, finalmente, hasta usted.

Normas de uso

Google se enorgullece de poder colaborar con distintas bibliotecas para digitalizar los materiales de dominio público a fin de hacerlos accesibles a todo el mundo. Los libros de dominio público son patrimonio de todos, nosotros somos sus humildes guardianes. No obstante, se trata de un trabajo caro. Por este motivo, y para poder ofrecer este recurso, hemos tomado medidas para evitar que se produzca un abuso por parte de terceros con fines comerciales, y hemos incluido restricciones técnicas sobre las solicitudes automatizadas.

Asimismo, le pedimos que:

- + Haga un uso exclusivamente no comercial de estos archivos Hemos diseñado la Búsqueda de libros de Google para el uso de particulares; como tal, le pedimos que utilice estos archivos con fines personales, y no comerciales.
- + No envíe solicitudes automatizadas Por favor, no envíe solicitudes automatizadas de ningún tipo al sistema de Google. Si está llevando a cabo una investigación sobre traducción automática, reconocimiento óptico de caracteres u otros campos para los que resulte útil disfrutar de acceso a una gran cantidad de texto, por favor, envíenos un mensaje. Fomentamos el uso de materiales de dominio público con estos propósitos y seguro que podremos ayudarle.
- + Conserve la atribución La filigrana de Google que verá en todos los archivos es fundamental para informar a los usuarios sobre este proyecto y ayudarles a encontrar materiales adicionales en la Búsqueda de libros de Google. Por favor, no la elimine.
- + Manténgase siempre dentro de la legalidad Sea cual sea el uso que haga de estos materiales, recuerde que es responsable de asegurarse de que todo lo que hace es legal. No dé por sentado que, por el hecho de que una obra se considere de dominio público para los usuarios de los Estados Unidos, lo será también para los usuarios de otros países. La legislación sobre derechos de autor varía de un país a otro, y no podemos facilitar información sobre si está permitido un uso específico de algún libro. Por favor, no suponga que la aparición de un libro en nuestro programa significa que se puede utilizar de igual manera en todo el mundo. La responsabilidad ante la infracción de los derechos de autor puede ser muy grave.

Acerca de la Búsqueda de libros de Google

El objetivo de Google consiste en organizar información procedente de todo el mundo y hacerla accesible y útil de forma universal. El programa de Búsqueda de libros de Google ayuda a los lectores a descubrir los libros de todo el mundo a la vez que ayuda a autores y editores a llegar a nuevas audiencias. Podrá realizar búsquedas en el texto completo de este libro en la web, en la página http://books.google.com

DIRECCION GENERAL

SEL

INSTITUTO GEOGRÁFICO I ESTADÍSTICO.

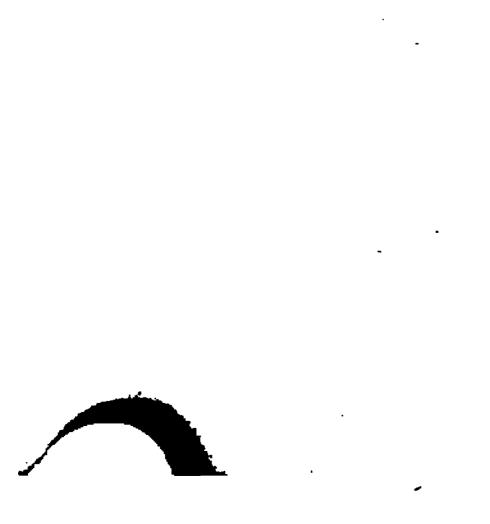
INSTRUCCIONES

PARA

LOS TRABAJOS GEODÉSICOS.







•

.

·

DIRECCION GENERAL LU

Spann

DEL

INSTITUTO GEOGRÁFICO Y ESTADÍST

INSTRUCCIONES

PARA

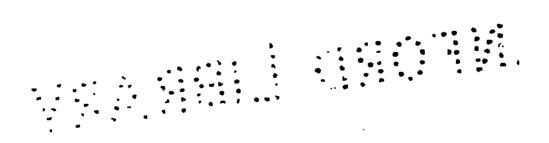
LOS TRABAJOS GEODÉSICOS.

MADRID.

ESTABLECIMIENTO TIPOGRÁFICO DE R. LABAJO calle de la Cabeza, núm. 27.

1878.

24



PRIMER ÓRDEN.

RED GEODÉSICA.

TRABAJOS DE CAMPO.

BASES.

1.—Para conocer la longitud, reducida al nivel medio del mar, de una línea de la red geodésica que haya de servir de base de partida, se medirá directamente la distancia entre dos puntos situados convenientemente y á la inmediacion de aquella línea, y que disten entre sí próximamente 1: 20 de su longitud. Esta pequeña base, directamente medida y reducida que sea al nivel del mar, se enlazará con la línea de la red general, cuya longitud se quiere conocer, por medio de una red especial, cuyos elemen-

da precision y cuyos errores se compensarán por el cárculo hasta obtener el valor más probable entre los que resultarían para la línea de que se trata. Del reconocimiento y eleccion de vértices para la mencionada red especial, de la observacion de sus direcciones azimutales y de la compensacion de sus errores angulares, se tratará más adelante cuando se den las instrucciones concernientes à la red geodésica que comprende todo el territorio peninsular de España.

2.—Concretándose estos artículos de las instrucciones á la medicion directa de la distancia que media entre dos puntos separados, en cas general, de dos á tres kilómetros, conviene a te todo indicar las condiciones principala que esta base ha de satisfacer para que se tenga su longitud con la necesaria precene el menor tiempo posible y sin grand lestias para los observadores.

La base se ha de elegir precisamente trozo, en línea recta, de una carretera que lle en buen estado de conservacion, prodo la medicion en uno de sus paseos, co cion dependerá de la orientacion de la si la direccion de ésta se aproxima Sur, la medicion se hará en el paso

sentido Sur-Norte; si la carretera se dirige de Este à Oeste, se debe medir la base en el paseo Norte y en sentido Este-Oeste, todo con el objeto de que la galería de sombrajos, colocada en el borde mismo de la cuneta y abierta por la parte opuesta para el servicio, preserve al aparato de los rayos directos del Sol. Teniendo en cuenta este objeto principal, se elegirá el paseo en las demás orientaciones intermedias de la carretera.

La inclinacion de la carretera no debe llegar à tres grados sexagesimales en ningun trozo de la base.

Desde cada uno de los extremos de ésta, y á la altura ordinaria de un pilar de observacion, se debe divisar una señal que no exceda de dos metros de altura colocada en el otro extremo.

No es obstáculo que haya una línea de guardaruedas en el paseo elegido, porque éstos se quitan y restablecen fácilmente.

3.—Siendo condicion indispensable la de que esta pequeña base se pueda enlazar por medio de una red con un lado geodésico, se debe hacer inmediatamente este proyecto de union ántes de dar por definitiva la eleccion de la base. Elegida ésta, se debe medir por lo ménos cuatro veces con todas las precauciones necesarias, empleando la cinta metálica; y se consignará

el resultado obtenido en cada una ciones.

4.—Aprobado que sea el proyec reccion general, se procederá á las nes que han de fijar los extremos Estas estarán enterradas, y consi una, en una caja de sillería de bas en cuyo centro se establece un cul de 0=,30 de lado, que contiene en su cara superior un cilindro de me determina el extremo de la base. observar este punto cuando conver tapa de la caja de piedra una abert cierra con una pieza de la misma p da al efecto. De esta suerte se pue el punto extremo de la base, y situ cuando convenga, un pilar portátil cion para centrar sobre el mismo p dolito con que se han de hacer las nes angulares correspondientes á l lace. El cilindro metálico, que fija e tremo, tiene veinticinco milimetros v cinco milímetros de diámetro e pero el taladro vertical en que se i de doble profundidad que la altura llenándose de carbon molido su mi

5.—Antes de proceder à la mei base, se recorrerá el trozo de carre se ha de efectuar para prepararlo convenientemente, si fuere menester, con pequeños desmontes y terraplenes, á fin de regularizar las pendientes, y de reducirlas, en todas las posiciones que habrá de ocupar la regla, á los límites determinados por la amplitud del arco de su nivel.

6.—Entre los extremos de la base se establecerán, para marcar la alineacion, vários puntos intermedios, que habrán de estar contenidos en el plano vertical que pasa por los dos primeros. Esta operacion se lleva á cabo con el auxilio de un teodolito de grandes dimensiones, cuidadosamente centrado sobre uno de los extremos de la base y colocado en un resistente pilar. En el otro extremo se debe establecer una señal, cuyo punto de mira se halle en la vertical de la referencia, y cuyas dimensiones sean adecuadas á la longitud de la base y á la amplificacion del anteojo. Despues de rectificado el teodolito y apuntado su anteojo, de suerte que la imágen de la indicada mira extrema coincida en el centro del retículo, se procederá á situar, por medio de señas hechas con banderas, otras miras especiales intermedias que dividan la base en intervalos, cuya extension no exceda de un kilómetro; y los encargados de cada una de las últimas marcarán en la plancha incrustada en

un sillarejo que se introduc punto preciso correspondies punto de mira, en el mome cho el Jese de la operacion la aquél en el plano vertical extremos de la base. Tambi además de las intermedias, de la extrema, para que, ju proporcionen dos puntos de la seguridad de evitar desviel último intervalo.

7.—Como preliminar de be determinar la situacion dos en los cuatro termóme Ibañez para medir bases, in pósitos de mercurio, de le en una vasija que contenç fusion. Si se observase a en la situacion del cero, se respondiente correccion turas. Tambien es indise dadosamente todos los que constituyen el cita ses, á fin de que cada las condiciones exigió medicion.

8.—Colocado el j con su correspondie

de partida marcado en el terreno, empieza el Jefe de la medicion por situar verticalmente el eje; é introduciendo el anteojo de referencias, rectifica el instrumento, valiéndose del nivel y de los demás medios, hasta que el eje óptico del anteojo esté vertical, coincida con la línea alrededor de la cual se verifica el giro y pase al mismo tiempo por el punto del terreno. Reemplaza entónces el anteojo de referencias con el de alineacion, y le dirige á la más próxima de las grandes miras que, colo cadas en la direccion de la base, la dividen e n trozos ó secciones. Si es preciso, corrige el eje óptico del mencionado anteojo, dejándolo fijo en el momento en que se halle en el mismo plano vertical de la base, despues de la cual mueve el correspondiente piñon para poder ver con claridad á la distancia de cuatro metros.

Un auxiliar, que se distinguirá en lo sucesivo con el núm. 6, habrá establecido entre tanto los otros tres portamicroscopios sobre sus correspondientes trípodes, los cuales, a sí como los de soporte, se habrán dispuesto aproximadamente en la alineacion y á la debida distancia por medio de una vigueta adecuada al efecto Despues de colocar sobre el segundo de aquéllos una mira de hilos de platino cruzados, y sobre ésta un nivel, da el mismo auxiliar al eje del ins-

trumento una posicion vertical, mo mediatamente el tornillo lateral, con las señas que le hace con una pequeje el auxiliar núm. 5 encargado de la que se habrá sentado junto al antetanto que por medio de una voz brevel momento preciso en que la cruz mira se halla en el plano de la base pues de invertir los muñones de la continuase la coincidencia, rectifica los hilos de platino, moviendo ésto correspondientes tornillos; cuya openecesaria rara vez, aun despues de transporte.

El auxiliar núm. 5 lleva el anteojo cion al segundo portamicroscopio, e el número 6 establece la mira y nivcero, continuando despues al cuart ma manera.

Los auxiliares números 1 y 2, en hacer las coincidencias de las rays con las de los portamicroscopios, los dos hombres de servicio designon de aquélla con el grasu caja á los dos primeros sopos dos hombres habrán ya nivela conseguir toda la rapidez posible tratiempos, debe siempre prec

sobre los soportes una vigueta de madera que sirva para arreglar la altura de éstos; la cual manejan los mismos encargados de la conduccion de aquélla. El auxiliar núm. 4, junto al primer microscopio, y el núm. 2, junto al segundo, se preparan á efectuar las coincidencias; moviendo aquél tan sólo la regla y éste la regla en sentido perpendicular á la base, y el portamicroscopio en direccion de la misma, valiéndose del tornillo longitudinal. Tambien hace uso del tornillo de altura este último auxiliar para llevar la raya del portamicroscopio al mismo plano horizontal que la de la regla, con el objeto de no subir ni bajar ésta despues de que el auxiliar núm. 4 la tenga á la altura determinada por el primer microscopio, que es ahora el fijo.

En tanto que esto tiene lugar, los auxiliares números 3 y 4, á cuyo cargo están las dobles lecturas del arco del nivel de la regla y las de los cuatro termómetros, promedian la ampolla de aquél moviendo el tornillo del arco, y se disponen á escribir, cada uno en un pequeño cuaderno (formulario núm. 4), las cinco lecturas, que inmediatamente han de confrontar para evitar errores.

El auxiliar núm. 2 avisa al núm. 4 cuando lo tiene todo dispuesto para hacer la coincidencia,

y éste da la voz coincide, à la que contesta aqué ! con la misma, siendo simultánea la operacionen ambos extremos de la regla. Comienzan entónces sus lecturas los números 3 y 4 marchando en direcciones opuestas. Los auxiliares 4, 2, luégo que han hecho la coincidencia, separan á un tiempo la regla de los portamicroscopios, valiéndose de los correspondientes tornillos de los soportes; y los dos hombres nombrados se disponen á trasladarla á la posicion siguiente, ántes de lo cual han arreglado la altura y direccion de los otros dos soportes, y han avisado á uno de los cuatro hombres que transportan y colocan los trípodes si en la distancia de éstos hay algun error, para que lo corrijan, utilizando en todas estas operaciones una vigueta, algo más corta que la regla y con rebajos en sus extremos, á fin de evitar el contacto con los microscopios, à los cuales se miden las distancias con unos pequeños suplementos de madera, que se introducen con toda precaucion.

Terminadas las lecturas de los termómetros y nivel, manda el auxiliar núm. 4 trasladar la regla, valiéndose de voces breves, que ejecutan con precision los encargados de este servicio. A la vez, el auxiliar núm. 6 traslada el portamicroscopio que queda vacante, y lo coloca

en el primer tripode desocupado, nivelándol y metiendo las correderas ayudado por un sir viente; tres de los encargados de los tripode llevan otros tantos; los dos de que se hizo y mencion establecen los soportes en su nuev sitio, y cuatro hombres cambian el primer som brajo, armado tal cual lo hallan, que pasa ocupar el último lugar.

El auxiliar núm. 5 alínea la vigueta que lo encargados de los tripodes apoyan sobre el úl timo establecido en la alineacion y sobre el in mediato de portamicroscopio, á fin de situa éste definitivamente, y al mismo tiempo los do de regla que deben quedar entre ambos. Par esto, uno de los hombres coge la vigueta po un extremo y la coloca sobre el último trípod de microscopio alineado, de suerte que el can to de aquélla sea tangente à la circunferenci del taladro de éste, y la tiene fija en esta dis posicion, en tanto que otro sirviente la sostien por el otro extremo y atiende á las señas de auxiliar núm. 5 hasta que éste indica que é segundo extremo de la vigueta está en la ali neacion, en cuyo caso ha de ser tambien est extremo tangente al taladro del tripode en qu descansa, coincidiendo además una de las aris tas longitudinales de la vigueta con una ray trazada en la meseta del tripode, para que ést ocupe la conveniente situacion. Cada uno de los otros dos sirvientes aplica al mismo tiempo una plomada para determinar la posicion de los centros de los dos trípodes de regla. Por último, el auxiliar núm. 5 alínea el correspondiente portamicroscopio, y de igual suerte continúa la operacion.

Tambien se repiten invariablemente, bajo la direccion del Jefe, las funciones de todos los demás auxiliares y sirvientes, hasta llegar al paraje en que aquél disponga terminar el trabajo del dia. Ocho metros ántes de llegar, se abre el hoyo donde ha de quedar la piedra con plancha de laton; y despues de nivelarla y asegurarla convenientemente, se coloca dos vecer la regla, ejecutando el Jefe las operaciones ne cesarias para referir al terreno el extremo ésta.

Acontece alguna vez que, dejando acumu' los errores en la colocacion de los tripor quedan éstos á distancias tales, que el tor del portamicroscopio, destinado á los r mientos lentos en sentido de la base, r porciona la marcha suficiente, y es no mover el tripode más avanzado de los portamicroscopio entre que se halla lo que precede á la regla. En este car presenta con muy poca frecuencia,

el conjunto de la operacion, se sitúa el mencionado trípode, con su portamicroscopio, á la distancia del anterior indicada por la vigueta, y despues de corregir la nivelacion del portamicroscopio por medio del nivel colocado sobre los muñones de la mira, puede ya llevarse la cruz filar de ésta à la línea, valiéndose del tornillo correspondiente y del anteojo de alineacion, que, sin alterar la posicion del portamicroscopio en que se halla, se habrá invertido de suerte que mire hácia la parte opuesta. Es indispensable llevar despues el mismo anteojo al portamicroscopio que se movió, y dirigirlo á la señal lejana, á fin de que el plano determinado por el eje de giro del mismo portamicroscopio y el extremo del trazo grabado en él, sea perpendicular á la base. Hecho esto, y corregidos los errores en la situación de los demás trípodes, se continúa la operacion de la manera ordinaria.

9.—Como en la segunda medicion se encuentran los puntos de referencia que se determinaron en la primera, la longitud medida en cada uno de los dias de ésta puede considerarse como una base, puesto que el objeto al remedir es hallar de nuevo la distancia que media entre dos puntos dados. Para la última posicion de la regla en cada dia, se hace uso de la regli-

ta dividida que acompaña al aparato, y se anota en el cuaderno (formulario núm. 2) la pequeña distancia medida con ella.

Al terminar la medicion de la base, se necesita, por lo general, otra regla de plata, de 0^m,26 de longitud, dividida toda ella en milimetros, y el primero y último de éstos en décimas de milimetros, que se sujeta en el sitio que convenga á la regla de hierro, y sirve para medir el último intervalo, partiendo de una de las rayas, que dividen la regla principal en partes iguales de 0^m,50 de longitud.

10.—El empleo del aparato de Ibañez permite que los cálculos se hagan en el campo y en los mismos dias en que se lleven á cabo las respetivas mediciones. Si se designa por:

 F_{lR} ... la distancia que media entre las rayas extremas de la regla á una tem tura t_R , de 21.º 935 centesimales,

- t... la temperatura media de la misr en una de sus posiciones, ó el promed lecturas de los cuatro termómetros,
- φ... la dilatacion lineal de la re grado del termómetro centígrado,
- c... la correccion que debe sufrir cirla al horizonte, ó la diferencia e gitud y su proyeccion horizontal,

p... la distancia horizontal medida en la misma posicion,
 se tendrá:

(1)
$$p = F_{t_R} - (t_R - t) \varphi - c$$
,

y siendo:

n... el número de posiciones,

[t]... la suma de las temperaturas medias de la regla en sus diferentes posiciones de un dia de medicion,

[c]... la suma de las correcciones relativas à la inclinacion,

D... la distancia horizontal medida en el mismo dia, será:

(2)
$$D = n F_{t_R} (n t_R - [t]) \varphi - [c].$$

Para calcular en milímetros la correccion c de cada una de las posiciones, puede prescindirse de los cambios de temperatura, y considerar constante la longitud de la regla, é igual á cuatro mil milímetros. Por consiguiente, designando:

I... el ángulo de inclinacion de la regla, obtenido por el arco graduado del nivel, será, con suficiente exactitud:

(3)
$$c = 8000^{\text{mm}} \cdot \text{sen}^2 \cdot \frac{1}{2} \text{I.}$$

En la tabla adjunta se hallan los diferentes valores de c determinados de diez en diez segundos para las inclinaciones comprendidas entre cero y cuatro grados, á fin de abreviar todo lo posible el cálculo de las bases.

Segun los últimos trabajos hechos en este Instituto, los valores de φ y de F_{ℓ_R} , con sus errores probables, son:

$$\varphi = 0,^{mm} 043193 \pm 0,^{mm} 000009$$

$$F_{I_R} = 4,^{m} 0006542 \pm 0,^{m} 000001.$$

La distancia horizontal correspondiente al último dia de medicion de una base, se calculará introduciendo en la fórmula (2) los date obtenidos para las posiciones en que se ha empleado toda la longitud de la regla, y medio de la (4) cada una de las en que no sido posible valerse de las divisiones extradeduciendo despues, por una simple prop la longitud que corresponda á la parte empleada. El valor de c se obtiene po mula (3) sustituyendo á los 8000mm e la misma parte de regla. Calcúlase ra medicion con arreglo al formul ro 3.

11.—La segunda medicion de

tan sólo de la primera al fin de cada dia, en la última posicion de la regla, á la cual hay que adaptar, como se ha indicado, la reglita que sirve para conocer la pequeña distancia que se debe añadir ó quitar á la longitud medida.

Representando por:

- d... esta distancia obtenida por medio de la reglita,
- [t']... la suma de las temperaturas medias de la regla en las diferentes posiciones en un dia de la segunda medicion,
- [c']... la suma de las correcciones relativas à la inclinacion de la regla en un dia de la segunda medicion,
- D'... el segundo valor de la distancia horizontal correspondiente al mismo dia, será:

(4)
$$D' = n F_{\ell_R} - (n t_R - [t']) \varphi - [c'] + d.$$

El cálculo se hará segun el formulario número 4.

Conocidos los dos valores D y D' para cada uno de los dias de medicion de una base, podrá calcularse el error probable debido á los errores accidentales cometidos en la misma operacion.

Designando:

 $n_1, n_2, n_5... n_m$, el número de reglas corres-

pondientes á cada uno de los dias de medicion, $\delta_1, \delta_2, \delta_3...\delta_m$, las diferencias D — D' correspondientes á los mismos dias,

 Δ_a ... el error probable que se busca, será:

$$\frac{\Delta_{2} = 0,6745 \cdot \frac{1}{2} \sqrt{\frac{n_{1} + n_{2} + \dots + n_{m}}{n_{4}}} \delta_{1}^{2} + \dots + \frac{n_{1} + n_{2} + \dots + n_{m}}{n_{2}} \delta_{2}^{2} + \dots + \frac{n_{1} + n_{2} + \dots + n_{m}}{n_{2}} \delta_{m}^{2}$$

12.—Para reducir al nivel medio del mar la línea medida, se hará uso de las expresiones siguientes, que son suficientemente aproximadas:

$$G_{\alpha} = G_{\mu} + (G_{P} - G_{\mu}) \operatorname{sen}^{2} \alpha$$

(6)
$$L-l = \frac{L a_{m}}{R_{L}} \left(1 - \frac{a_{m}}{R_{L}}\right),$$

en las cuales representan:

L... longitud de la línea medida,

l... longitud de L reducida al nive

 $a_{\rm m}$... altitud media de la línea medida,

a... su azimut,

 G_{M} ... valor del grado de meridiano á la latitud media de L,

 G_P ... id. del círculo máximo perpendicular al meridiano.

 G_{α} ... id. en la direccion azimutal α ,

 R_L ... radio de curvatura terrestre relativo á la latitud y azimut de L.

TABLA DE LOS VALORES DE ø.

0 GR	GRADOS.				c == 8000mm	sen.* ½ I.
,	,,0	40,,	20,,	30′′	7,04	20″
	mm	mm	mım	mm	וווווו	mm
0	00000	0000	0,000	0,000,0	0,000]	0,0331
	0,000	7,000,0	0,0:03	T(30.0	0,00.15	0,0.165
8	0,0007	¥000°0	0,00,0	0,0011	210.0	1100
တ	0,0015	0,0017	0,0019	12000	0.0.733	0.0 725
4	0.0027	0,0729	74500	143:00	0,0 137	GT (0°0
	2,00,00					

-		
	25	
0,1311 0,1407 0,1508 0,1715 0,1824 0,1987 0,2053	0,9296 0,2422 0,2552 0,2552 0,3252 0,3402 0,403 0,4203	0,4373 0,4547 0,4547 0,5088 0,5275 0,5858 0,5858
0,1390 0,1390 0,1592 0,1697 0,1806 0,2034 0,2034	0,9275 0,9250 0,9580 0,9376 0,9376 0,9885 0,4175	0,4344 0,4517 0,5757 0,5757 0,5824 0,5824 0,5824 0,5824
0,1876 0,1876 0,1877 0,1877 0,1879 0,1899 0,2014 0,2014	0,8255 0,8380 0,8380 0,8015 0,3202 0,3351 0,3818 0,9818	0,4316 0,4488 0,4664 0,5727 0,57313 0,5595 0,5991
0,000 0,1850 0,1850 0,1850 0,1860 0,1880 0,1995	0,2234 0,2487 0,2487 0,2753 0,3326 0,3478 0,3533 0,4119	0,4287 0,4459 0,4635 0,5181 0,5181 0,5758
0,1940 0,1943 0,1944 0,1976 0,1976 0,1976	0,2214 0,2465 0,2465 0,2596 0,3153 0,3452 0,3926 0,4091	0,4259 0,4430 0,4605 0,5150 0,5339 0,5530
0,000 0,1000 0,1827 0,1823 0,1626 0,1733 0,1843 0,1856	0,2193 0,2244 0,2244 0,2365 0,3276 0,3581 0,4063 0,4063	0,4231 0,4402 0,4576 0,4576 0,5119 0,5198 0,5693 0,5891
88888888888888888888888888888888888888	8688 3434444444	 202122222222222222222222222222222
	,	

4 GRADO.

 $c = 8000 \text{min sen.}^{2} \frac{f}{2} I$.

	,,0	70,	.,0 Z	30,,	,,0 \$	20,,
O-1884	mm 0,6092 0,6297 0,6305 0,6717	mm 0,6126 0,6331 0,6540 0,6752 0,6968	mm 0,6160 0,6366 0,6575 0,6788	mm 0,6194 0,6401 0,6610 0,6824	0,6435 0,6435 0,6435 0,6846 0,6850	0,6363 0,6470 0,6470 0,6381 0,6885

2,4299	2,4252	2,4164	2,4097	2,4030	2,3363	ਨ ਨ
2,3895	2,3828	2,3,162	2,3595	2,3628	2,8562	38
2,9495	2,9429	2,8362	2,3296	2,3230	2,3164	2
2,3098	2,3032	2,2966	2,2901	2,2885	2,2770	%
2,2704	2,2639	2,2574	2,2509	2,2444	2,2379	18
2,2314	2,2249	2,2185	2,2120	2,2056	2,1991	%
2,1927	2,1863	2,1799	2,1735	2,1671	2,1607	ිනු
2,1544	2,1480	2,1417	2,1353	2,1290	2,1227	33
2,1163	2,1100	2,1037	2,0975	2,0912	2,0849	21
2,0787	2,0724	2,0662	2,0600	2,0537	2,0475	යි
2,0413	2,0351	2,0230	2,0,228	2,0166	2,0105	2
2,0043	1,9982	1,9921	1,9860	1,9799	1,9738	\$
1,9677	1,9616	1,9555	1,9495	1,9434	1,9374	47
1,9313	1,9253	1,9198	1,9133	1,9073	1,9013	46
1.8954	288	1,8834	1,8775	1,8716	1,8656	45
1.8597	1,8538	1,8479	1,8420	1,8361	1,8303	#
1.8244	1.8186	1,8127	1,8069	1,8011	1,7952	43
1,7894	1,7836	1.773	1,7721	1,7683	1,7606	42
1,748	1,7491	1,7438	1,7376	1,7319	1,7262	41
1,7905	1,7148	1,7092	1,7035	1.6078	1,6922	9
1,6866	1,6809	1,6753	1,6697	1,6641	1,6585	S
1,6529	1,6474	1,6418	1,6363	1,6307	1,6252	88
1,6197	1.6142	1,6087	1,6032	1,5977	1,5922	37
1,5867	1.5813	1,5758	1,5704	1,5650	1,5595	8
1,5541	1.5487	1.5438	1,5880	1,5926	1,5272	8
1,5019	1.5165	1,5112	1,5059	1,5005	1.4952	\$
1,4800	1,4847	1,4794	1,4741	4688	1,4636	88
1,4584	1,4591	1,479	1,4427	1,487	1,4923	8
1,000 1,000	1,5811	1,000	1,000	1,57,00	1,500	3 67
9000	1 001	1,000	1 0000	0	1 0200	00
1,9656	1,9808	1,956	1,8505	1.9454	1,3404	38
7.00		1-200	1887	1.815.	1,8108	8
Account 1				Tomas I	THE ASSESSED.	

2 GRADOS.

 $c = 8000 \text{mm sen.}^{\frac{1}{2}} \text{I.}$

70% 20,,	
30,,	
,,03	
,,01	
0,,	
•	

4,9282 4,9861 5,0444 5,1030 5,1619 5,2212 4,9186 4,9765 5,0347 5,0932 3587 4679 4679 5231 5786 6344 6344 7471 8039 8611 98689 9899 9899 989 989 989 989 989 989 1,9782 1,0302 1,0826 1,1353 1,1884 1,2418 4,9090 4,9668 4,9668 7,0249 7,2014 7,808 7,808 4,3496 4,4010 4,4588 4,5093 1,5093 1,7376 1,8515 1,7376 1,8515 3406 3949 4496 5047 5047 5601 6718 7282 7282 7484 4,8994 4,9571 5,0152 7,0136 7,1915 1,1915 1,1915 1,1915 1,0215 1,1265 1,1265 1,1252 1,2329

3 grados.

3 grados.				0	c == 8000mm sen.	sen. ² i.	_
)	0,,	40,,	.,02	30′′	40″	20,,	
`ක්ක්ක්ක්ක්ක්ක ^ස	mm 5,4819 5,5429 5,6043 5,7281 5,9164	m 54920 54920 54920 5446 5446 5270 5270 5270	mm 5,5022 5,56249 5,7489 5,7489 5,7489 5,7489 5,7489	mm 12,000,000,000,000,000,000,000,000,000,0	mm 5.55.00 5.00 5.00 5.00 5.00 5.00 5.00	######################################	



	7.8901	7.5916	7,6634	7.7958	1000	10005	00000	7.9541	8,0076	71017	1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1	001140	8,2502	8.3250	6000	375	074940	8,5516	8.6278	8,704.4	8,7413	8. P.	8,9361	0.0140	0.000	007.0	CONTRO O	1/(5/2 ⁶ / ₂)	F-5000	9,4085	0,4885	7999.6	9,6403	9,7808
	7,5099	7,579	7.6514	7.33	2000	14 1900	SEC. 2	7,9419	H.O.I.E.	2 19901	10001	2,001,0	8,2377	8,3125	I Section	G 48/23	0,400	C. C	K(151	8,6916	1. 25. E	R. R450	8,0231	D.00303	0.070	0.1897	2000	20000	POTE A	9,3953	9,4751	9,5553	9,6359	9,7108
	7,4984	7,5677	7,6394	7,7115	7 7090	CONTRACT OF	CONT.	7.9207	8,0031	2000	0 1800	anor to	8,22,73	8.3000	100 ×	100	000000	KANANA KANANA	8,6184	8,6788	8,755	R. 8327	8,9102	g 0480	0 4021	D-1440	(A DODA)	2000 C	8,30,63	9,9320	8194-6	9,5419	9,6224	9,7088
	7.4945	7,5338	7,6275	7,6995		540000	ウオカド	7.9175	7.000%	10000	0,10016	C,1360	×212×	8.2875	12.50 ×	00000	270750	X,51365	いのかの。大	R.66651	8.7428	8.4190	B,8972	8 9750	0 0230	0 121.4	177.440	000000	SECON	2,8687	9,4485	9,55,6	0,6090	9,6898
- 4+	7,4738	7,5459	7,6155	7.000	1000	10011	100000 P	7,9053	7.9748	00200	0 1001	10216	8,2004	8.2751	8.95ng	10 40K4	0,465,74	\$100°x	8,5770	8,6533	R.7300	CONT.	80 80 FE	A ONOR	0.0400	0.1124	1001 0	Tranta	10/X/N	1,350	9,4351	9,5152	9,5936	9,6763
*******	7.460M	7.5920	7,6085	7.67		0,540	7,04072	7.8831	7.9363	0000	040540	St. 1 138	A,1880	8,262	2727.0	2012	04,41,50	1500F	F.3343	S.6406	2717.30	8,7041	8,8714	S. O.dou)	0.000	0 1789	00000	1000 C	N, 4024	0,3423	9,4218	9,5018	9,6421	9,6828
nd I	301	500	8	8	9 6	7	妈	Š	8	000	t o	222	(1	41	9	10	3:	44	15	¥	47	48	导	20	3 62	S	36	3 -	8	28	133	22	28	跨

RECONOGIMIENTO PARA LA ELECCION DE LOS VÉRTICES.

13.-Las condiciones teóricas con que ha de cumplir una red geodésica y las particulares en cada caso gularán en el proyecto. Bien se trate de una red continua que deba extenderse por toda una gran comarca, bien de una cadena en determinada dirección, ó que se dirija enlazar bases ú otras redes ya medidas, el r conocimiento sobre el terreno para la elecr de los vértices consistirá en estacionar co goniometro en muchos lugares elevador posicion conveniente, con objeto de form. intersecciones, un cróquis de la situacio tiva y visibilidad reciproca de todos los que pudieran servir de vértices, y ele pues entre ellos el sistema que dete red más ventajosa.

14.—En la red española hay que 4.º, las cadenas que siguen las di meridianos, de paralelos y el co costas; 2.º, las redes destinadas grandes espacios o cuadriláteros las cadenas. Al proyectar éstas, preferencia al objeto primordial

junto forma la red más elevada en el órden científico, sin olvidar que, en union con las de los cuadriláteros, constituyen la total, que servirá de fundamento á la representacion gráfica del territorio.

15.—La direccion de una cadena destinada á ser tratada por la geodesia superior, debe ceñirse en lo posible à la de la línea geodésica que se trata de conocer. En principio conviene que la cadena conste del menor número de puntos y del mayor de líneas; estas condiciones se limitan mutuamente, por la potencia de los anteojos de los goniómetros, por las relaciones geométricas de figura, y tambien por la influencia, en las observaciones angulares, de las refracciones laterales. Aunque el triángulo es el natural elemento del cálculo, no por esto una cadena debe ser ni considerarse formada por una série sucesiva de triángulos, sino como un conjunto de puntos que, unidos por lineas, constituyen figuras que los enlazan intimamente y fijan su respectiva situacion. Para que una cadena reuna condiciones aceptables de figura, es necesario que exista en ella un sistema de líneas, observadas reciprocamente, que formen por si otra cadena sencilla y continua de triángulos, cuyos ángulos sean todos mayores de 30 grados sexagesimales. Los lados de estos triángulos se denominan ordinariamente lineas directas; las demas se conocen por diagonales.

16.—El sitio elegido para vértice de cadena ha de reunir circunstancias diversas: debe divisarse desde él un extenso y despejado horizonte, especialmente en las direcciones posibles de los demás vértices contiguos de cadena, y de los puntos que despues se puedan utilizar para vértices de quadrilatero ó de las redes de los órdenes sucesivos; ofrecer espacio a propósito para construir las obras necesarias; ser de acceso practicable para conducir los instrument de precision y el material à ellos anejo; p vectarse en el cielo al ser observados desde otros vértices; y. por último, conviene que tas visuales no pasen muy rasantes al terr En vista de los datos que resulten del rocc miento se tratará de conciliar estos ext

17.—Para distinguir, durante el remiento del terreno, los sitios en que hecho estacion u otros, y en general trate de asegurarse de visibilidades es necesario en algunas ocasione señales provisionales en vários pecialmente en los que el terreno i afecta formas definidas ó singular ces se han de construir estas señ no distinguirse con seguridad e

tice por interponerse obstáculos, como caserios, monte alto, etc. Estas señales se deben divisar con facilidad y sin dar lugar á duda, construirse fácilmente, con poco coste y en brevisimo tiempo. Mástiles ó árboles enteros arrancados, que se colocan verticalmente y se pelan en su mayor parte, dejando ramaje espeso en la copa, tableros, pirámides ó conos de piedra seca, grupos de árboles ó ramaje afectando formas conocidas y distintas, son medios que se adoptarán segun los recursos locales; y en cuanto á las dimensiones de las señales, se tendrá en cuenta la distancia á que han de ser reconocidos y el aumento de los anteojos. Algunas veces, estos medios son insuficientes por proyectarse en tierra los objetos que se tratan de descubrir ó tambien á causa de la gran distancia á que se han de observar; entónces se utilizarán hogueras ó señales de pólvora, hechas á horas convenidas, colocando de antemano el observador un anteojo en su direccion, que siempre se conocerá con pequeña incertidumbre. Un mapa del país, aunque sea defectuoso, y las noticias que proporcionen los prácticos y los guías, serán de mucha utilidad en las operaciones del reconocimiento. Las señales provisionales establecidas sirven tambien para medir con pequeños teodolitos las direcciones azimutales, é indicar los sitios precisos en que despues se han de construir las señales permanentes.

- 18.—Una vez elegidos los puntos que han de servir de vértices, el observador formará el cróquis del proyecto, con todas las líneas posibles, bastando conocer los ángulos con algunos minutos de aproximacion; al dibujo se acompañará una reseña que contenga los nombres de los vértices tomados en la localidad, su descripcion detallada, término, partido judicial y provincia en que está enclavado cada uno, y cuantas noticias se crean pertinentes á la ilustracion del trabajo.
- 19.—Todas las prescripciones generales que se han mencionado se aplicarán al reconce miento y proyecto de las redes de los gra espacios cerrados por las cadenas. Partier los vértices de éstas, ya definitivos, se reconocimiento de toda la comarca que el cuadrilátero, con la esencial diferente desde cada vértice nuevamente elegida han de observar los inmediatamente con de suerte que basta la existencia de de visibilidad necesarias para que se red continua de triángulos sucesivo que no haya línea alguna cruzada.
- 20.—En la eleccion de los v redes especiales de enlace de las

con una línea de la red general, se tendrá pre sente el exclusivo objeto que se trata de llenar, que es conseguir una red bien configurada, con el menor número de puntos, y que desde cada uno de ellos se divise el mayor posible de los restantes. Con un pequeño teodolito se medirán las direcciones azimutales y distancias zenitales en los vértices de la red especial, con cuyos datos se formará un cróquis del proyecto de enlace que, acompañado de una reseña muy detallada de los vértices, se remitirá à la Direccion general para la aprobacion.

PREPARACION DE LOS VÉRTICES PARA LAS OBSERVACIONES.

- 21.—Bajo el nombre de señales permanentes se comprenden todas las construcciones establecidas en los vértices para fijar permanentemente su situacion precisa, efectuar en ellos las observaciones angulares y que se presten á ser observados desde otros.
- 22.—Para el primer objeto sirven las referencias. Deben disponerse de manera que determinen sin duda alguna la situación del punto-vértice aun despues de transcurridos muchos años; este carácter de permanencia obliga á

colocarias ocultas allí donde sea de temer u destruccion intencionada. Se recomienda empleo de cruces ú otros signos grabados en roca ó en sillares á propósito, colocados en vertical del vértice y en su proximidad.

23.—Se efectúan siempre las observacion angulares sobre pilares de fábrica, y dentro tiendas que protegen los teodolitos de brus acciones del exterior; estas tiendas tienen be tidores corredizos de madera y cristal, y el so de tabla ofrece el suficiente aislamiento pilar. Por regla general, conviene que el pur de estacion se balle en la vertical del vértical

24.—El objeto que se emplee como mira e be reunir buenas condiciones para ser apun do; á esta exigencia se acomodan su forma r rente, tamaño y color. Los tableros vertice la luz heliotrópica son las miras por lencia.

25.—El buen criterio del observador, e ta de las circunstancias respectivas de la tices y de las particulares de cada uno, la clase de señales. En país montañoso tices elevados y casi inaccesibles la mate del año, se construirán, para servitos de mira, macizos de mamposterí sea peligroso estacionar sobre ello drá á su inmediacion el pilar de

Será circunstancia ventajosa disponer en la parte superior de aquéllos un tablero plano, para evitar por completo los errores de faz, y mejor, especialmente si la mira se proyecta en tierra vista desde alguno de los demas vértices ó hay que observarla desde puntos muy distantes, construir sobre el macizo y en la vertical del vértice un pequeño pilar para colocar un heliotropo. En terrenos llanos y lugares frecuentados, convendrá que el pilar de observacion sije el vértice, asegurado además por referencias ocultas; la base de este pilar podrá estar casi al nivel del terreno natural ó sobre un macizo de mampostería. Un tablero centrado con el pilar, de dimension, direccion y con la elevacion requerida, servirá de mira cuando se proyecte sobre el cielo, ó un heliotropo si se proyecta en tierra. En el primer caso se pueden emplear ambos medios. Cuando el vértice esté en sitios cercados, en torres de edificios públicos ó particulares, ó en otros al abrigo de una destruccion intencionada, será frecuente construir sólo un pilar con referencias y emplear como mira un tablero ó heliotropo. Algunas veces ocurre la necesidad de elevarse sobre el terreno natural para descubrir los vértices adyacentes; se debe siempre procurar que se logre la visibilidad á costa de un aumento de elevacion en el objeto

de mira. Las señales de madera no papel que el de miras; hay que evita exceptuando, como se ha dicho, los

26.—A las construcciones cuyos den con la vertical del punto-verti especialmente la denominacion de destinau à servir como objetos de i cuando no se empleen como tales si tentar un tablero ó colocar en su pa un heliotropo; pero si se disponer para hacer estacion sobre ellas, se ll vatorios geodésicos. Las señales asectarán la forma piramidal, y con la cónica; por lo comun, tienen tre diámetro en la base y cinco á siete facilita la construccion, conservanc cia de forma cónica, formando la s pos cilíndricos cuyos diámetros di cesivamente. En el centro de l señales, sean cualesquiera su for: nes, y al nivel del zócalo, se c rencia principal que es la que i situacion del vértice. Al exteric señales de cal ó se pintan de n vença para la visibilidad.

27.—Los observatorios de l den ser de dimensiones v su construccion está exigida de descubrir los vértices que desde él se han de observar, llega algunas veces su altura á diez, á quince metros; pero pasado un límite prudencial, el gran coste de la obra habrá ya ántes aconsejado desechar la eleccion del punto como vértice. Las dimensiones de la parte superior han de ser suficientes para proporcionar espacio al pilar y tienda de observacion. Los observatorios reunirán especiales condiciones de solidez, siendo por otra parte indiferente la forma de las obras dedicadas exclusivamente á este objeto.

- 28.—Cuando sea indispensable elevarse sobre el terreno natural del punto de estacion á una altura relativamente considerable, se construirá un sólido pilar de observacion de la altura necesaria, rodeado de un andamio, aislado del pilar y dispuesto para sustentar la tienda. En la parte superior de los observatorios se colocarán, segun proceda, tableros ó heliotropos, ó ambas cosas.
- 29.—Los vértices situados sobre edificios, se marcarán por el pilar de observacion, que llevará siempre en su eje la referencia principal. La tienda se colocará sobre una plataforma de madera, aislada en lo posible del pilar.
- 80.—Los pilares de observacion, ya estén formados por uno ó más sillares, ó de mampostería

de ladrillo ú ordinaria, tendrán forma prismática, y las dimensiones convenientes para establecer el instrumento, que son aproximadamente: 0,30 de lado en la base cuadrada, y 0,30 de altura sobre el zócalo. Ésta babrá de satisfacer á la importantisima condicion de que el observador pueda hacer sentado, y con comodidad, las punterías y lecturas micrométricas. No se utilizará para la observacion pilar alguno, sino algunos dias despues de construido.

31.—El empleo de miras está indicado para las observaciones á no muy grandes distancia y en puntos que se proyecten sobre el cielo. usarán exclusivamente las miras planas, q consisten en tableros verticales, de forma cu drada ó rectangular, centrados sobre la vert del vértice; bien sea sobre señales de man tería, observatorios ó sencillos pilares. primer caso se sujeta el tablero á un má corresponde con el eje de la señal, dej intervalo entre la cúspide de la seña' blero, para que éste se destaque cor Los tableros sobre observatorios ó fijen los vértices, se sustentarán po chos laterales, y se sujetarán al pila por medio de alambres al macizo de rio ó al terreno. Respecto á las di los tableros, se tendrá presente q

bles los pequeños á los grandes, dentro de los límites de visibilidad; estas dimensiones, y la direccion del plano vertical del tabiero, se someterán en cada caso á la condicion de que presenten desde el punto de estacion, una superficie de mira rectangular ó cuadrada de un metro de lado por lo ménos, que es lo suficiente para hacer con los teodolitos empleados excelentes punterías á cuarenta mil metros de distancia. Los tableros se pintarán de negro.

- 32.—Cuando sea preciso observar sucesivamente un tablero desde vários vértices, en lugar de atenerse á la regla anterior, aumentando la dimension horizontal, podrá ser preserible cambiar convenientemente la direccion.
- 33.—En todos los vértices se establecerán, además de la referencia principal, que es la que indica la situación precisa del punto á que se refieren todas las observaciones, otras referencias exteriores inmediatas á la principal. Todas ellas serán muy permanentes, difícil su casual descubrimiento, pero fácil y sin dar lugar á duda por quien conozca su existencia. No es conveniente por esto emplear cruces grabadas en roca y al exterior, ni otros signos muy visibles. En terreno de roca se hará uso de taladros cilíndricos verticales ó barrenos de poca profundidad, rellenos en parte de plomo ó carbon

molido, y el resto de mortero ó tierra; se colocarán encima grandes picdras ó cubrirán co tierra, si antes la había. Cuando el terreno permita, se construirán pilares enterrados pa recibir en su interior y proteger las reserencia que seran, con preserencia, pequeños cubos piedra con un taladro central relleno de plo estos cubos se empotrarán en la mamposte y sobre su cara superior se dejara un esp ó cámara rellena de carbon. Cuando el vé esté en lugar cercado o sobre un edifici tablecerán reserencias, que podrán esta vista, pero permanentes. En algun caso (rá tener que referir un vértice situad un edificio à puntos del terreno natural; generalmente se logrará el objeto por grabadas en la inmediacion, o por aco ă puntos notables de la torre ó platafor referencias de los pilares que no estar dos sobre el punto-vértice se destina sivamente para colocar el teodolito, el caracter de reserencias exteriores reunen las mismas garantías de po que las demas; siendo, por otra par sa importancia que desaparezcan u chas las observaciones.

34.—Las reserencias exteriore la inmediacion de la principal;

escrupulosidad los elementos angulares y lineales que determinan su respectiva situacion. Se utilizarán, si conviniese, las alineaciones á torres de iglesias ú otros objetos lejanos, bien definidos y permanentes.

- 35.—Se formará un cróquis acotado de todas las obras hechas en los vértices, detallando la situación y naturaleza de cada una y cuantas noticias se juzguen conducentes á la más completa inteligencia.
- 36.-Aunque con las prescripciones anteriores basta para decidir cuál sea la clase de señal que convendrá á cada vértice, se tomará, en general, como señal-tipo, la siguiente: en el sitio preciso del vértice se construirá un macizo de mampostería, de uno á tres metros de altura, de forma prismática, y áun mejor de un tronco de cono, cuya apariencia se le dará construyéndole por cuerpos cilíndricos, cuyos diámetros disminuyan sucesivamente; en la parte superior del macizo se levantará el pilar de observacion, con su referencia que corresponda con la principal colocada al nivel del zócalo del macizo; el diámetro de éste en la base será de tres metros próximamente, y en la parte superior lo suficiente para poder situar la tienda de observacion. Tres ó más referencias exteriores, taladros, si son en roca viva, y

en otro caso cubos de piedra con camaras de, carbon, protegidos por pequeños macizos de mampostería, enterrados y distribuidos atresdedor á la distancia de cuatro á diez metros de la referencia principal.

Véase cómo se cumplen con esta disposicion los tres requisitos exigidos en una buena señal: la situación precisa del vértice esta garantida por el macizo-observatorio y por las referencias exteriores; áun en el caso poco probable que desapareciese el primero por completo, éstas, separadas del macizo, quedarian probablemente intactas; se estaciona eg el vértico mismo y à alguna elevacion del terreno nate ral, evitando con esto último que se interpe gan objetos proximos durante las observad nes; se puede elegir y acomodar toda clase, miras, heliotropo ó tablero sobre el pilar de servacion, y tambien aumentar la altur macizo con piedra seca ó mamposteria, y zarlo como mira.

87.—En los vértices de las redes er que enlazan las pequenas bases con v de la red general, no se debe atender servacion del punto, suo miéntras observaciones angulares. Los pilare objeto, y en cuanto á miras, se util las distancias, heliotropos, cruces

discos y pequeños tableros blancos ó negros, colocados en las verticales de los puntos-vértices.

38.—Los heliotropos construidos por Ertel y por Brunner se componen de un anteojo astronómico que, descansando en dos collares colocados en las extremidades de una pieza de metal, puede dar vueltas dentro de ellos, bien sea rápidamente, si se levanta una cubierta giratoria que tiene el collar más próximo al ocular, ó bien lentamente, cuando se halla fija ésta en su sitio, y se mueve una rosca sin'fin, que engrana en los dientes de un disco unido al tubo del anteojo. Por delante del objetivo salen dos brazos que sostienen dos espejos planos dispuestos en escuadra, y movibles alrededor de su interseccion, haciendo uso de un piñon, que engrana en un cuadrante dentado, unido á los espejos.

Toda esta parte del instrumento puede girar à mano, assojando una pinza que le une à un disco inferior, y lentamente, despues de sujeta por medio de un tornillo, cuya accion se combina con la de un resorte en hélice. El heliotropo se termina por tres brazos con sus correspondientes tornillos, que permiten dar al eje óptico del anteojo ligeras inclinaciones respecto de la horizontal.

Para colocar el heliotropo en estacion, se centrará perfectamenta con el pilar, determinando el contro de figura de su cara superior por la interseccion de las diagonales, y trazando una circunferencia, cuyo centro sea el mismo de la cara del pilar, y que tenga por radio el que va marcado en la caja del instrumento: se pondrán los tejos de los pies tangentes á la circunferencia, disponiendo uno de los tres brazos en dirección proximamente de la señal que ha de apuntarse. Colocado que sea el ocular 🛦 conveniente distancia para que se perciban con toda claridad los hilos del reticulo, y despuer de sacar la parte necesaria de tubo para distir guir el paraje que ocupe el geodesta, se lle rá el anteojo por medio de los movimie rápidos y lentos hasta que la cruz filar colcon la imágen de la señal ú objeto de mir se hava indicado al heliotropista, y en tal i cion se asegurará el instrumento, dejant sólo libre el anteojo para girar dentro de llares, debiendo, en todas las posicion manecer constantemente centrada la inobjeto; v de no ser así, se conseguir teos con auxilio de los tornillos p ocular. Se procede d'espues con los / à mano, y luégo con el lento, cor el de los espejos alrededor de so

hasta que la imágen del Sol, reflejada por el espejo más próximo al objetivo, ó sea el más pequeño, aparezca en el campo del anteojo, y que los hilos la dividan en cuatro partes iguales. Se impedirá entónces que la luz del Sol dé sobre este espejo para asegurarse de que la imágen de la señal sigue bien apuntada, volviendo seguidamente á observar la imágen del Sol, conservándola centrada, por medio del tornillo que hace girar lentamente al anteojo, y del especial de los espejos. En esta posicion el espejo grande, ó sea el más distante del objetivo, reflejando la imágen del Sol en la misma direccion que el pequeño, pero en sentido contrario, lo hará en la direccion de la señal apuntada.

Antes de colocar el heliotropo en estacion, hay que asegurarse de que las superficies reflectantes de los espejos son planas y perpendiculares entre sí, puesto que en este requisito está basado el empleo del instrumento. Una escuadra sirve para comprobarlo aproximadamente respecto de las superficies exteriores; pero como las caras de cada uno de los espejos podrían tener defectos de paralelismo, se apuntará con el anteojo á una señal marcada en un papel, tablero fijo, ó en una pared que esté á distancia de más de cien metros; moviendo entónces el sistema de espejos hasta centrar la imágen del

Sol en el reticulo, la otra deberà quedar tambien centrada con la señal. De no verificarse esto, se corregirà la diferencia con los tornillos de los espejos.

39.—El heliotropo de Gauss se compone de una tabla rectangular de nogal ó pino, de dimensiones proporcionadas á su objeto, con dos puntos de hierro que le sirven de apoyo, colocadas en la parte inferior de uno de los lados menores. Esta tabla tiene cuntro taladros o agujeros que la atraviesan, y sirven para colocar las piezas siguientes:

En el inmediato al lado que tiene les puntas de hierro, un pequeño vástago de laton, el cual sostiene un tubo abierto por uno de sus extremos, pudiéndose cerrar a voluntad per el otro con una tapadera que gira, forrada intriormente de blanco. Dentro de este tubo r dos cerdas que se cruzan proximamente en tes iguales.

En el agujero del centro de la tabla er tornillo, cuya punta se hace coincidir, se opera, con el centro del pilar.

En el agujero que sigue inmediata coloca otro tornillo que, con las dos hierro mencionadas, forma los puntos de la tabla; y finalmento, en el agujes ta, encaja la espiga que sostiene un el que gira un espejo cuadrado, que tiene en su centro un pequeño agujero.

A la derecha de la tabla, poniendo ésta de modo que el lado menor en que están las puntas quede el más adelantado, se aseguran, por medio de tornillos, dos collares de laton; uno de los cuales puede correr un poco de derecha á izquierda, ó quedar fijo, segun se afloje ó apriete su tornillo. El otro collar, que es el más inmediato al espejo, lleva además un tornillo en su parte inferior, que sirve para hacerle subir ó bajar una corta cantidad.

En estos collares se coloca un anteojo, de suerte que el ocular corresponda al lado del espejo, y se asegura á aquéllos por medio de unas grapas con clavijas. En el lado izquierdo de la tabla, para hacer contrapeso al anteojo, va fijo un trozo de plomo.

Para servirse de este heliotropo, lo primero que se hace es colocar la tabla en direccion del objeto adonde se quiere dirigir la luz, y de modo que la punta del tornillo central coincida con el punto de estacion. Se pone el tubo en la direccion á que se quiere apuntar, y el espejo de frente al mismo sitio. Se levanta la tapa del tubo, y mirando por el agujero del espejo, se rectificará la puntería, haciendo girar la tabla lo que sea necesario alrededor del tornillo cen-

tral, y levantando ó bajando el espejo por medio del tornillo que sirve de pió hasta que se consiga ver el objeto por el agujero del espejo y el interior del tubo, y de modo que la cruz de las cerdas, que éste lleva, coincida perfectamente con el objeto.

Para asegurarse de la coincidencia, convieue verificaria apartando el ojo del agujero del espejo.

Conseguida la precisa punteria, que en estos heliotropos es lo que ofrece alguna dificultad, se baja con cuidado la tapa del tubo, y se mueve el espejo de modo que refleje la luz del Sol sobre la tabla, en cuyo reflejo se verá una pequeña mota oscura, producida por el agujero, del espejo: poco à poco, y con movimiento lentos de éste, se llevará el reflejo al tubo, le ciendo que el centro de la mota coincida co cruz de las sombras de las cerdas, que se cibirán en lo blanco de la tapa del tubo. cual quedará enviado el reflejo del Sol a que se apuntó; y para que le vean sin f cion, hay que tener cuidade de mover á medida que la mota se desvie de la indicada.

40.—El anteojo del heliotropo s' para observar las señales telegráfi se hablará más adelante, como para

tadamente el reflejo de la luz solar cuando por la mucha distancia ú otras causas no se descubra à simple vista el vértice en que està el observador. Para esto, debe colocarse el eje óptico del anteojo en direccion paralela á la línea de mira determinada por el agujero ó pequeño círculo sin azogar del espejo y la cruz de las cerdas, lo que se conseguirá con facilidad y suficiente aproximacion apuntando el heliotropo á un objeto lejano, y despues, sin mover la tabla, llevando el eje del anteojo á la misma direccion por medio de los movimientos que permiten los collares. Fijo el anteojo de este modo, paraapuntar el heliotropo á un objeto que no se vea á la simple vista, bastará apuntar el anteojo, á condicion de que no se empleen para nada los movimientos de los collares, y sí los de la tabla únicamente.

41.—Son prescripciones comunes para el servicio de toda clase de heliotropos las siguientes:

Se mirará con frecuencia por el anteojo al vértice en que está el geodesta para obedecer á las señales telegráficas que pudiera hacer.

El heliotropista cuidará de mantener el espejo ó espejos en la posicion precisa, evitando, al seguir el movimiento del Sol, cualquiera desviacion brusca. Será conveniente que fije la dirección en que ha de enviar la luz estableciendo á distancia del pilar un piquete ó una pantalla con un taladro. Esta precaucion es muy importante cuando se opera á grandes distancias, ó la visibilidad entre los vértices es dificil ó poco frecuente.

Cuando por la posicion del sol, respecto de la del heliotropo, fuera dificil o imposible su servicio, se usara un espejo auxiliar, que, colocado sobre un piquete ú otro objeto fijo, puede, por medio de sus dos movimientos giratorios, tomar sucesivamente las posiciones convenientes para reflejar sobre los espejos del heliotropo la imagen del Sol.

42.—Si un mismo panto hubiese de ser observado simultáneamente desde dos ó más, se emplearán otros tantos heliotropos inmediator al vértice y en las alineaciones de las respectivas visuales. Cuando no se pudiese disponer de suliciente espacio para situar así y servir te heliotropos, se establecerá, centrado en el vétice, un espejo auxiliar, fijo, del tamaño y reposicion conveniente para reflejar á la velas direcciones de los puntos en que esta geodestas las imágenes del Soi dirigidas heliotropos colocados en la proximidade an esto ofreciese dificultad, se colocados en la proximidade pertical del vértice dos ó más espejos

48.—Las señales telegráficas consisten en ocultaciones de la luz reflejada por los heliotropos, y á las que, segun su número, se les da significacion distinta.

Las ocultaciones se hacen impidiendo que la luz reflejada del Sol vaya al vértice adonde está dirigida, para lo cual se interpone un sombrero ó cualquier otro objeto á propósito.

Deben hacerse siempre por otro auxiliar que el que esté sirviendo el heliotropo.

Antes de hacer cualquier señal, es preciso cerciorarse de que el heliotropo está bien apuntado.

Todas las señales, excepto la de atencion, se entiende que se harán á un compás lento.

Por regla general, las señales que mande hacer el geodesta desde el vértice de estacion, se repetirán inmediatamente por el heliotropista para que conste al primero que se han comprendido. Si el geodesta no repite la señal, es que se ha comprendido bien, debiendo el heliotropista cumplimentarla en el acto; pero si aquél hace nueva señal, será prueba de que el heliotropista interpretó ó repitió mal la primera vez, en cuyo caso repetirá la segunda, y si el geodesta no hace ya señal alguna, procederá inmediatamente al cumplimiento de la última.

44.—Además de las señales particulares que cada geodesta crea convenientes para el servicio de sus secciones de heliotropistas, se emplearán las siguentes:

Número de ocultaciones. SIGNIFICACION.

Más de doce

Atencion.—Precede à cualquiera de y de prisa. las demas. Cuando se haga sola, sig. nificará que debe tenerse más cuidade en dirigir bien la luz del heliotropo procediendo inmediatamente á recti ficar la punteria.

- No se ve la luz.—Debe, por lo tani rectificarse bien la punteria, y ter 1. mucho cuidado.
 - Disminuir la luz.—Si no hub puesta ninguna pantalla, se pondi 2. de agujero mayor; si se repite pondra la que sigue; y si se repi nuevamente, se pondrá la mé queña de las tres. Si estuviere ' la que tiene el agujero más pr no se hará nada más que rec punteria.

- 3. Aumentar la luz.—Se quita la pantalla que hubiere puesta, y se pone la inmediatamente mayor. Si no tuviere ninguna, se rectificará la puntería, y cuidará de mantener siempre la luz bien dirigida.
- 4. Descanso hasta la inmediata hora de trabajo.—Si es por la mañana, hasta la tarde, y si es por la tarde, hasta la mañana del dia siguiente.
- 5. Se suspende el trabajo por lo que resta del dia de hoy.—Esta señal sólamente se hará en las horas de la mañana.
- Se ha terminado la estacion.—La seccion del heliotropo repetirá, como en todos los casos, esta señal; no dejando de enviar la luz hasta que se le conteste con seis ocultaciones, en cuyo caso cumplimentará lo que tenga prevenido el geodesta.

OBSERVACION DE DIRECCIONES AZIMUTALES.

- 45.—Las observaciones azimulales se harán por el método de reiteracion.
 - 46.—Cada observador efectuará los estudios.

necesarios para el conocimiento del teodolita que ha de emplear; estos estudios comprende rán: el de las divisiones de los limbos, y l determinacion de los valores angulares corres pondientes á las partes de los tambores micro métricos y de las divisiones de los niveles. Se procurará disponer los microscopios de suerti que una parte del tambor equivalga muy apro ximadamente à 2", en los teodolitos de Repsole y de Pistor, y á 4", en los de Ertel y en el d Brunner. En éste se determinará además e valor angular correspondiente á una parte de tambor micrométrico del ocular. Los valore angulares de las divisiones de los niveles s determinarán con auxilio de la probeta, ó so bre el mismo teodolito, por el mismo procedi miento que se dirá al tratar de las nivelacions de precision.

- 47.—Asegurado el observador de que el te dolito no ha sufrido alteracion importante d' rante el transporte, lo pondrá en estacion, cediendo para ello por este órden:
- 4.º Colocar vertical el eje sobre que toda la parte superior del instrumento.
- 2.º Verificar la horizontalidad del comuñones del anteojo.
 - 3.º Corregir la colimacion.
 - 48.—Para la práctica de las observa-

dirige el anteojo, en la posicion de C. I. (1), hácia la señal cuya direccion se elija como inicial ó cero, haciendo girar el instrumento de izquierda á derecha, con los movimientos rápidos y lentos, tanto azimutales como verticales, hasta que la imágen de dicha señal quede centrada lo más aproximadamente que se pueda en el rectángulo que forman los hilos del retículo, á cuva posicion ha de llevarse continuando lentamente el giro azimutal de izquierda á derecha, y cuidando de mover siempre en este sentido el tornillo de coincidencia. En esta posicion se anotarán; el número de órden de la vuelta de horizonte; el dia y la hora en que ésta se comienza; el nombre y naturaleza del objeto observado, y calificacion de su visibilidad; la lectura del índice, si lo hubiere, y las de los micrómetros.

Cuando se observe con el gran teodolito de Brunner ó con otro que tuviese aparato micrométrico en el ocular, se procederá de una manera semejante, con la diferencia de que la imágen de la señal se centrará, sin extremar la

⁽¹⁾ Con las iniciales C. I. y C. D. se indica que el círculo vertical se halla respectivamente á la izquierda ó à la derecha del eje central de rotacion del instrumento, mirando hacia el objeto observado.

punteria, en el rectangulo de los hilos, colocado préviamente en la posicion en que el eje óptico tiene muy pequeña colimacion; se harán las anotaciones indicadas, y por último, un numero par de punterias con el micrometro del ocular, cuyo número depende de las condiciones del instrumento y de la visibilidad del objeto apuntado.

Del mismo modo se procederá para la señal que siga iomediatamente á la derecha del observador, y así sucesivamente para todas ellas siempre de izquierda à derecha, sin interrumpir ni alterar este órden hasta llegar a la ultima visible, con lo cual quedará terminada una vuelta de horizonte. A ésta seguirá otra en órden inverso, empezando por apuntar la que fué titima, y marchando siempre de derecha á izquierda, tanto en los movimientos rápidos como en los leutos, hasta el más perfecto ajuste de la imágen en el centro del retículo, moviendo por consiguiente el tornillo de coincidencia en sentido contrario al en que se movió en la vuelta de horizonte anterior.

Terminadas estas operaciones, que constituyen una doble vuelta de horizonte, se hace girar, para las observaciones de cadena, el circulo azimutal hasta que pasen 7°30' próximamente por el cero del índice, si lo hubiere, o

por el del microscopio que se elija como tal. Dando un giro de 180° al teodolito alrededor del eje vertical, y otro al anteojo sobre el horizontal, quedará el instrumento en la posicion de C. D. y dispuesto para reiterar la doble vuelta de horizonte, que debe hacerse de un modo idéntico; asegurándose el observador préviamente de la verticalidad del eje y demas circunstancias que deben concurrir en todo el transcurso de las operaciones.

En 24 posiciones del círculo azimutal, y variándole 7°30′ para cada una, se obtendrán 24 dobles vueltas de horizonte, alternativamente con C. I. y C. D., que dan 48 observaciones para cada señal, y su resultado eliminado teóricamente de toda causa conocida de error; habiendo pasado por debajo de cada microscopio la mitad de la graduacion. Este número de 48 punterías servirá de tipo inferior, y sólo podrá reducirse un poco en casos muy especiales y justificados por las condiciones de localidad y práctica del observador.

En el gran teodolito de Brunner, que tiene cuatro microscopios sobre el círculo azimutal, se reiterará variándole tambien 7º30' para cada posicion, y en doce de éstas habrá pasado por debajo de cada microscopio la cuarta parte de la graduacion, obteniéndose en total 24 observa-

ciones para cada señal, que se tomaran como tipo inferior.

49.—Se observarán siempre reciprocamente todas las líneas directas, ya sean de la misma cadena, ó de otra que enlace con el la En todo cuadrilatero regularmente conformado se hará lomismo respecto de las seis líneas que unen sus cuatro vértices, y solamente deberá prescindirse de una línea disgonal cuando su magnitud ó circunstancias especiales hagan que la observación no presente las mismas garantias que la de las demas direcciones. En el caso de no ser posible alguna diagonal de cuadrilatero, se procurará observar la de pentágono, siendo admissible. Cuando causas accidentales hayan impedido observar una diagonal en una direccion, será may conveniente hacerlo en la reciprocajo

60.—Las observaciones correspondientes i las capitales de provincia, ó puntos importantes que no seau vértices de la cadena, se harán en estos independientemente de las vueitas de ha rizonte principales de la estacion, si bien inte caladas en el mismo cuaderno, sujetandose al po inferior de 12 punterias, y ligando sus dirciones con otra cualquiera de la red, pero i con una en cada vuelta de horizonte. Conv evitar la estacion en estos puntos, a cuyo i procurará observarlos desde tres o mas ver

51.—Para las observaciones azimutales en estaciones de los grandes espacios comprendidos por las cadenas, ó sea cuadriláteros, se ejecutará cuanto se deja prescrito para éstas, sin más diferencia que la de hacer girar el círculo azimutal de manera que pasen 30º próximamente por el cero del índice, si lo hubiere, ó por el del microscopio que se elija como tal, despues de terminar cada doble vuelta de horizonte. Por lo tanto, haciendo las observaciones. en seis posiciones del círculo, con la variacion de 30º para cada una de ellas, se obtendrán seis dobles vueltas por mitad con C. I. y C. D., que dan 12 observaciones para cada señal; y su resultado, eliminado teóricamente de toda causa conocida de error, habiendo pasado por debajo. de cada microscopio la mitad de la graduacion.

Este número de doce punterías servirá de tipo inferior, debiendo ser aumentado segun las condiciones de visibilidad, localidad y práctica del observador.

- 52.—Se observarán siempre reciprocamente en los cuadriláteros, todas las líneas directas; pero en ningun caso se tomarán las diagonales de las demas figuras geométricas que pudieran formarse.
 - 53.—Tambien se observarán, desde los puntos de cuadrilátero, las capitales de provincia.

que no sean vértices, aunque se hayan fijar por las observaciones hechas en los de las cad nas, al mismo tipo de 12 punterías, cuya op racion puede hacerse en las mismas vueltas a horizonte en que se observen los vértices.

- estacione pertenezca tambien à uno de los cu driláteros formados por la red general de cad nas, se efectuarán separadamente unas y otr observaciones, aunque por el mismo observador y con el mismo instrumento. Las corre pondientes al cuadrilátero deben satisfacer à condicion de que los valores que han de obt nerse por la compensacion de la red forma por las cadenas, queden por sólo este hecl completamente invariables; por lo que se enl zarán las direcciones de la red de cuadrilát con una cualquiera de las de cadena, que po ser diferente, pero única en cada vuelta de rizonte.
- 55.—En general debe darse principio observacion desde el momento en que se da apuntar convenientemente á algunas les, eligiendo la que tenga más probabi de buena y frecuente visibilidad para ce reccion inicial. Se tendrá siempre prese la brevedad en las operaciones de cá de posponerse á la de la observacion, p

para ésta se aprovecharán todas las circunstancias favorables; pero siempre, por supuesto, sin alterar el sistema y sin que pueda perjudicarse en lo más mínimo la bondad del resultado.

- anterior, no figurarán siempre en todas las vueltas de horizonte todos los puntos que se deban observar en la estacion; por este motivo, para no falsear el método, se procurará, cuando esto suceda, no sólo que el total de las punterías hechas á cada vértice lo haya sido por partes iguales en las posiciones C. I. y C. D., mas tambien que cada direccion resulte ligada, por medio de suficiente número de observaciones, á todas y cada una de las demas.
- nar fuera del vértice, es decir, en un punto inmediato, se tomarán con el mayor esmero los
 datos para reducir al primero los valores de las
 direcciones, especialmente la distancia horizontal entre ambos puntos, la cual se podrá medir
 con reglones ó cintas metálicas comparados. Se
 referirá la direccion de esta línea á una cualquiera de las observadas, apuntando al eje de
 la señal que contiene el vértice, ó á un objeto
 colocado en su prolongacion, que podrá ser la
 cruz filar del retículo de otro teodolito ó de un

heliotropo; siendo suficiente conocer este datocon incertidumbre de algunos minutos. Puedotambien obtenerse empleando un instrumentode poca apreciacion directa, cuando por la proximidad de la señal u otra causa se presenten dificultades; caso frecuente con el teodelitode Repsold, por las condiciones de su anteojo...

58.-Cuando en el curso de la observacion. bien por mala visibilidad ó por otras razones. sea absolutamente indispensable apuntar à un objeto de mira desviado de la señal que fija el vértice, y may inmediate à él, podrá hacerse indiferentemente á u no ú otro, pero sólo á unode ellos en cada vuelta de horizonte, siempres que se conozca por medicion directa la distancia horizontal que los separa, y la posicion 🐠 orientacion de la linea que los une, lo que equivale à conocer la amplitud angular que comprenden ambas direcciones desde el punto de estacion. Si la señal que se observa es un helle tropo, se evitará toda correccion colocándolo el plano vertical que contiene la direccion mutal al vértice, ó empleando los espejos a liares fijos de que ya se ha hablado.

59.—Los cuadernos para anotar las o' vaciones se sujetarán al modelo aprohad mulario núm. 5). El total de lo escrit ser continuo desde el principio ha dejar hojas ni renglones en claro. A la cabeza de cada hoja se repetirá todo lo que sea comun con el final de la anterior. La primera columna contendrá el número de órden de las vueltas de horizonte. La segunda, tercera y cuarta el dia y hora en que se da comienzo á éstas; la hora se contará à partir del paso del Sol por el meridiano hasta completar 24. La quinta columna, la posicion del anteojo respecto al círculo vertical. La sexta el nombre del vértice ó punto observado y la naturaleza de la señal que sirve de mira, que se consignará con iniciales en la forma siguiente: S. (señal ordinaria); T. (tablero), y H. (heliotropo). La calificacion que acompañe á cada puntería, y que se escribirá en la columna séptima, se ha de referir al estado aparente de visibilidad, pudiendo ser una de éstas: M. B. (muy buena); B. (buena), y R. (regular), entendiéndose que esta última conviene al más ordinario ó frecuente estado, dentro de aceptables condiciones de observacion. La columna octava es para las lecturas del índice, si lo hay, ó las correspondientes al centro del peine del microscopio elegido al efecto; estas lecturas que corresponden á las distintas posiciones del círculo azimutal, se harán siempre en la direccion inicial de cada vuelta de horizonte con objeto de que quede patente la reiteracion sobre los diversos

sectores del circulo; pero bastará hacer al lecturas de índice en las demas direccione conocer con seguridad los valores relati todas dentro de una division del limbo. columnas novena y décima se escriben la turas hechas en ambos microscopios y e respectivos tambores micrométricos. La columnas últimas sirven para consignar l lores relativos de las direcciones deducio los datos anteriores. En cada cuaderno, a del teodolito empleado, se expresará e angular de una parte de los tambores mic tricos, si se estacionó en el vértice ó fa él, en cuyo caso deben acompañarse los para la reduccion, y todas las anotacion se crean necesarias para la más comple teligencia. Las hojas estarán numeradas, l do cada una de ellas media firma del obser ú observadores, excepto la última, en qu recerá la firma entera.

El formulario núm. 5 (segundo) convidas observaciones hechas con teodolito que ga micrómetro en el ocular.

60.—El observador se limitará siemprocribir en su cuaderno lo que vea sobre dolito, sin hacer ninguna operacion arit mental, por sencilla que parezca. Una critos los datos, no se deben corregir po

gun motivo, aunque se crea descubrir en ellos manifiestas inexactitudes.

Debe poseer un criterio exacto de la importancia relativa de todas y cada una de las circunstancias que han de concurrir para una buena observacion. Así que, tolerando, por ejemplo, algunos pocos segundos de desviacion en la verticalidad del eje de giro, será muy escrupuloso en la puntería de las señales, por estar en ella la causa de los mayores errores; observando con igual cuidado y detencion todos los objetos, cualquiera que sea su estado aparente de visibilidad.

Si durante la observacion ocurriese en el teodolito un accidente que pueda influir en el resultado, se repetirá la parte correspondiente, tachándola en el cuaderno, pero quedando legible y salvada con una nota.

Aunque en toda columna de valores se entiende, por regla general, que un claro indica que rige el inmediatamente anterior, al anotar la observacion debe consignarse todo, siquiera sean repeticiones, con objeto de poner de manifiesto cualquier error que pudiera deslizarse.

Terminada una estacion, hecha una copia de los cuadernos, y perfectamente confrontada con el original, la guardará siempre el observador para fundar en ella los cálculos, remitiendo aquél al Director general del Instituto.

OBSERVACION DE DISTANCIAR ZENITALES.

61.—En la observacion de distancias zenitales se seguira análogamente el sistema expuesto para la de direcciones azimutales.

Dispuesto el teodolito, y en la posicion de C. I.. se apuntará, como queda dicho, a la señal, haciendo el ajuste de su imagen en el centro de los hilos del reticulo por los movimientos del anteojo rápidos y lentos, de abajo á arriba, terminandole lentamente, y siempre en ese sentido, con el tornillo de coincidencia. Se anotará el número de órden, el día, la hora, el nombre y naturaleza del objeto, calificacion de su vistbilidad, posicion de los extremos de la ampoliadel nivel fijo ó del costado, indice y lecturas micrométricas. Invertido el anteojo sobre su eje, y despues de bacer girar el teodolito 480%, quedando en la posicion de C. D., se hará la se gunda puntería á la misma señal, terminándo con el movimiento lento en sentido conter que en la anterior, esto es, de arriba abaj se harán entônces las anotaciones corresi dientes de nivel, indice y micrometros, operacion, que proporciona un valor par distancia zenital, se repetirá en órden inempezando en esta posicion de C

cual, desviando completamente la imágen del centro del rectángulo de los hilos, se ajustará de nuevo lentamente en sentido contrario al anterior, de suerte que la doble puntería en cada posicion del círculo vertical quede eliminada del efecto que pudiese ejercer la marcha del tornillo de coincidencia. Volviendo despues á la posicion de C. I., se observará por cuarta vez la señal con arreglo á lo dicho; quedando así determinado un doble valor de la distancia zenital.

girar despues el círculo vertical de suerte que pase por debajo de sus microscopios un sector de 30º próximamente, y quedará con esto dispuesto el teodolito para continuar las operaciones. En este giro hay que tener cuidado de que queden acordes las indicaciones de los centros de los peines de los micrómetros con la del índice situado en el otro círculo vertical (teodolito de Repsold), pues de no hacerlo, es preciso leer en éste las fracciones de grado, para evitar el error de 30' que podría ocasionar en la distancia zenital la carencia de numeracion en las divisiones del limbo.

Operando como se prescribe, se obtendrán, en 6posiciones del círculo vertical, 42 valores para la distancia zenital de cada objeto; tipo inferior, que se procurará completar siempre.

- 69.—En las observaciones de cuadriláterobastará reiterar tres veces la doble distanciazenital, cambiando en 60° la posicion del circulo para cada una, con lo que se obtendrán 6 va., lores, que es el tipo inferior.
- 64.—Se observaran unicamente, tanto en cadena como en cuadrilatero, los vértices que, con el de estacion, determinan lineas directas, mas como quiera que estas observaciones nopueden constituir una nívelacion geodesica, ni tienen otro objeto que obtener valeres aproximados de las altitudes de los vértices, se podrá, en casos excepcionales, prescindir de alguna observacion.
- 65.—Los puntos para fijar capitales de provincia y otros importantes que no sean vértices, se observarán al tipo de 6 determinaciones.
- 66.—Se tomarán con esmero los datos para la reduccion de las distancias zenitales á los. puntos-vértices, que son, para cada una, las alturas del eje de muñones del teodolito, y del punto observado sobre las referencias respectivas que los determinan.
- 67.—Quedan excluidas para estas observac nes las horas extremas en que el Soi está p elevado sobre el horizonte; y por regla gene

para medir la distancia zenital de una señal, es circunstancia favorable que su imágen no aparezca enteramente tranquila.

- 68.—Con el mismo objeto de eliminar en lo posible el efecto variable de la refraccion, nunca se harán seguidas para cada señal más que dos determinaciones, ó sean cuatro punterías, pudiéndose observar á continuacion otra ú otras señales, dejando entre las dobles correspondientes al mismo objeto, un intervalo prudencial, para que la refraccion no sea la misma.
- 69.—Los cuadernos de anotaciones se arreglarán al modelo aprobado (form. núm. 6). Todo lo dicho para el de azimutales es, en general, aplicable á éste. Se expresará tambien el valor correspondiente á la parte de los tambores micrométricos, el de una division del nivel fijo, los datos necesarios para la reduccion á los puntos-vértices, y, por último, cuanto se crea necesario para el completo conocimiento de la observacion.

TRABAJOS DE GABINETE.

DIRECCIONES MÁS PROSABLES EN CADA ESTACION AISLADA.

70 —El sistema adoptado para la observacion establece, hasta cierto punto, la norma de los cálculos necesarios para la determinacion de los valores definitivos de todos los elementos de la red geodésica. El método que se sigue es el del ilustre Baeyer, fundado en el principio de los minimos cuadrados.

71.—Al practicar los estudios del teodolito, se habrán determinado los valores angulares que corresponden à una parte del tambor en cada uno de los micrómetros. Si à una division del limbo resultara corresponder, en los teodolitos de Repsold y de Pistor, un número caba? de vueltas, más una fraccion de parte del tay bor que no excediera de ± 0,3, se desprecienta fraccion, tomando por valor de la parte tambor el de 2". Tambien se adoptará la ma equivalencia de 2" en ambos microsci cuando el promedio de los dos valores que yan resultado para una division, e

partes de cada uno de los micrómetros, no se diferencie del número cabal de vueltas más que en la mencionada fraccion de +0°,3, siempre que aquellos valores no difieran entre sí más que en 2º,5 del tambor. En el caso de no cumplirse estas condiciones, se formará una tabla de reduccion para cada microscopio, con el valor de la division como argumento, ó una sola para los dos, con el promedio de dichos valores, cuando los que hubieren resultado para la division, con cada micrómetro, no tengan entre sí mayor diferencia que la expresada de 2º,5 del tambor; cuya tabla se empleará para reducir á graduacion los promedios de las lecturas de ambos microscopios. En los teodolitos en que haya micrómetro en el ocular, se hará un estudio de la equivalencia angular de la parte del tambor.

Las observaciones que se hayan hecho con estos objetos, se anotarán en un cuaderno especial, en el que constarán además la determinacion de los valores angulares que correspondan á las divisiones de los niveles, los estudios de los errores de lectura, de puntería y de division del limbo y cuantos se refieran al conocimiento de las causas constantes de errores. Este cuaderno original ingresará en el Archivo geodésico.

72.—En el ejemplar de los cuadernos-copide direcciones azimutales se calculan (columna penúltima, form. núm. 5) los valores relativos de éstas, en cada vuelta de horizon con las lecturas del índice y las correspondientes de los microscopios reducidas á graduación Restando de todos ellos, en cada vuelta de horizone, el valor de la dirección inicial, ó cense calculará la columna última ó de «diferencias.»

78.—Con los datos del cuaderno se forma el «Estado de direcciones azimutales observadas (form. núm. 7).

En el caso de que no se hubiesen dirigido un mismo punto de mira todas las punter correspondientes á un vértice, se unificará reduciéndolas al caso general de haber observe do uno solo, por medio del cálculo de reducciones al vértice. Cada valor se corregirá aislado mente, y se señalará con uno ó más asterisco expresando al pié del estado de direcciones datos que hayan servido para calcular las correciones. Cuando todas las punterías á un vértice se hayan hecho á un mismo punto de mira centrado con él, se trascribirán integros valores del cuaderno, y la correccion correspo diente, que se consignará tambien en el «estado;» se aplicará con posterioridad.

Constará además en el «estado» el instrumento empleado, y los datos para reducir todas las direcciones al vértice, si no se estacionó en él. Firmará el observador ú observadores, y por último, figurarán al pié las direcciones más probables en la estacion aislada, que son los resultados de los datos de cada estacion.

- 74.—Se examinará detenidamente el «estado,» y si se echase de ver algun error grosero en la observacion, procederá inutilizar ó enmendar, si está manifiesto, la parte correspondiente del cuaderno, pasando al propio tiempo una nota á la Direccion general, debidamente razonada, para que conste adjunta al cuaderno original ya archivado.
- 75.—Seguidamente se procederá al cálculo de las direcciones más probables en cada estacion, empezando por formar el estado de grupos de igual peso, compuesto cada uno de las vueltas de horizonte en que se hayan observado unos mismos puntos. Sean
- 1.2.3... los m objetos comprendidos en el primer grupo.
- $0, [a], [b], \dots$ las sumas de los valores de las direcciones respectivamente observadas á cada objeto.
- 0 A. B... las direcciones más probables que resultan por los datos de toda la estacion, y

n.,. el número de vueltas de horizonte que farman el grupo.

Se establecerán las ecuaciones de condicion:

(7)
$$\begin{cases}
1... & n \ x + n \ h = [a] \\
3... & n \ x + n \ h = [b]
\end{cases}$$

de les que se deduce

(8)
$$n = \frac{(a_1 + (b) + \dots + n)}{m} (A + B + \dots)$$

Análogamente se establecerán estas ecuaciones para cada uno de los grupos diferentes de
que conste el estado. Con objeto de simplicar
las operaciones numéricas, se asignan á las direcciones valores relativos aproximados, que.
Be eliminan del cálculo, de manera que A. B....
no representan sino las correcciones que habrá
que aplicar á estos valores hipotéticos (formulario núm. B.)

76.—Se formarán las ecuaciones finales, que serán tantas como incógnitas: A. B. C... Para la primera, se sumarán todas las ecuaciones de los diferentes grupos (7) en que éntre la incógnita A, sustituyendo en lugar de n æ, n'æ'... sus valores dados en las ecuaciones semejantes à la (8).

La segunda ecuacion final se obtendrá análogamente, sumando las de condicion en que éntre B, introduciendo tambien los valores de n x, n'x'... y así sucesivamente. Designando por $\begin{bmatrix} a & n \end{bmatrix}$ la suma de las constantes, por $\begin{bmatrix} a & a \end{bmatrix}$, $\begin{bmatrix} a & b \end{bmatrix}$, $\begin{bmatrix} a & c \end{bmatrix}$,... las sumas de los coeficientes de A, B, C... en la primera ecuacion, y por $\begin{bmatrix} b & n \end{bmatrix}$, $\begin{bmatrix} c & n \end{bmatrix}$... $\begin{bmatrix} b & b \end{bmatrix}$, $\begin{bmatrix} b & c \end{bmatrix}$, $\begin{bmatrix} b & c \end{bmatrix}$... las respectivas á las demás ecuaciones, se obtendrá un sistema de la forma:

(9)
$$\begin{cases} [a \ n] = + [a \ a] \ A - [a \ b] \ B - [a \ c] \ C - \dots \\ [b \ n] = - [a \ b] \ A + [b \ b] \ B - [b \ c] \ C - \dots \\ [c \ n] = - [a \ c] \ A - [b \ c] \ B + [c \ c] \ C - \dots$$

En el formulario núm. 9 se indica la marcha del cálculo.

Cuando toda la estacion esté comprendida en un solo grupo, es decir, cuando en todas las vueltas de horizonte se hayan observado todos los objetos, y tambien cuando no exista entre los diferentes grupos incompatibilidad alguna, las direcciones más probables se obtendrán por los promedios generales de los valores del estado de direcciones, los cuales promedios se escribirán al pié de las respectivas columnas.

77.—La resolucion de las ecuaciones finales (9) dará à conocer los valores de las correcciones. A, B, C,... que hay que introducir en los apro-

ximados supuestos á las direcciones para obtener las más probables en la estacion. La forma simétrica de estas ecuaciones permite aplicar la norma de cálculo de resolucion que indica el formulario núm. 40. Cuando no se haga uso de logaritmos, sino que se utilice un aritmómetro (form. núm 40, segundo), será preciso aumentar convenientemente el número de cifras decimales en las operaciones, segun sea el número de incógnitas y la magnitud de los coeficientes, para que los resultados sean iguales á los que se obtendrían empleando el cálculo logaritmico.

Se sustituirán los valores de las incógnitas ó correcciones en las ecuaciones finales para asegurarse de que las satisfacen (form. núm. 44).

78.—En las estaciones en que se haya observado sobre un pilar separado del vértice, se hará el cálculo de reduccion á éste de las direcciones despues de obtenidas las más probables en el pilar, empleando las fórmulas:

(10)
$$D = D' + x$$
; $x = \frac{c. \text{ sen } \alpha}{A}$; $c = \frac{a}{\text{sen } 4''}$

siendo:

D'... direccion en el pilar ú observada.

D... id. reducida.

- A... magnitud de la línea cuya direccion se trata de reducir.
- a... distancia horizontal entre el vértice y el punto de estacion.
- une los centros y la dirección D',

y disponiéndole como indica el formulario número 42; teniendo cuidado de seguir en la columna de puntos observados el mismo órden que tienen en el estado de direcciones, é incluyendo en el lugar correspondiente la de la señal, para evitar equivocaciones en el signo de x. Los valores aproximados de las líneas, tanto directas como diagonales, se obtendrán á partir del de una base ó de una línea ya conocida, por medio de resolucion de triángulos, cuyos ángulos sean los que se deducen de las direcciones más probables en los pilares. Las direcciones reducidas constituyen cuanto se puede saber por los datos obtenidos en cada estacion, considerada aisladamente; y estos resultados son los que figuran al pié del form. núm. 7.

79.—En cada estacion de cadena se establecerán y resolverán los grupos de las ecuaciones preparatorias, que son de la forma siguiente:

$$\begin{cases} 1 = [a \ a] [a \ a] + [a \ b] [a \ \beta] + [a \ c] [a \ \gamma] + \cdots \\ 0 = [a \ b] [a \ a] + [b \ b] [a \ \beta] + [b \ c] [a \ \gamma] + \cdots \\ 0 = [a \ c] [a \ a] + [b \ c] [a \ \beta] + [c \ c] [a \ \gamma] + \cdots \\ 1 = [b \ b, \ 1] [\beta \ \beta] + [b \ c, \ 1] [\beta \ \gamma] + \cdots \\ 1 = [g \ g, \ 6] [6 \ 0]. \end{cases}$$

empleando los formularios números 13 y 13 (segundo), semejantes à los números 10 y 10 (segundo), segun que se empleen respectivamente logaritmos à se utilice el aritmómetro.

Los valeres de las incógnitas

$$[\alpha \alpha], [\alpha \beta], [\alpha \gamma], [\beta \beta], [\beta \gamma], \dots$$

se sustituirán en las ecuaciones de que proceden para asegurarse de que quedan éstas satisfechas (form. núm. 14).

60.—Los valores de las incógnitas de las ecuaciones preparatorias son los coeficientes de las

$$\begin{array}{l} (12) \left\{ \begin{array}{l} (1) = \left[\alpha \ \alpha\right] \left[1\right] + \left[\alpha \ \beta\right] \left[\frac{3}{2}\right] + \left[\alpha \ \gamma\right] \left[3\right] + \cdots \\ (2) = \left[\alpha \ \beta\right] \left[\frac{1}{2}\right] + \left[\frac{3}{2} \ \beta\right] \left[\frac{3}{2}\right] + \left[\frac{3}{2} \ \gamma\right] \left[3\right] + \cdots \\ (3) = \left[\alpha \ \gamma\right] \left[1\right] + \left[\frac{3}{2} \ \gamma\right] \left[\frac{3}{2}\right] + \left[\frac{7}{2} \ \gamma\right] \left[\frac{3}{2}\right] + \cdots \end{aligned}$$

que sirven de enlace entre los cálculos de cada estacion y los que exige la compensacion

de los errores angulares en la red. Los primeros miembros (1), (2), (3),... son las correcciones que deben recibir las cantidades A, B, C,...
para que resulten compensadas las direcciones,
y [4], [2], [3],... las alteraciones que respectivamente experimentarían las constantes [a n] [b n]
[c n]... de las ecuaciones (9), sustituyendo en
ellas por A, B, C,... los valores

$$A + (1), B + (2), C + (3)...$$

81.—Cuanto queda prescrito es aplicable á las estaciones de los cuadriláteros, exceptuando lo que se refiere á las ecuaciones de enlace para la compensacion de errores, por cuanto las observaciones en vértices de cuadrilátero se encaminan exclusivamente á la representacion gráfica del territorio.

VALORES A PROXIMADOS DE LOS ELEMENTOS LINEALES DE LA RED.

82.—Miéntras no se haya llevado à cabo la compensacion de crrores de la red, los valores de los elementos lineales se obtendrán con más que suficiente aproximacion para los trabajos gráficos por medio de procedimientos no rigorosos. Las líneas directas serán las elegidas exclusivamente para fijar el enlace de los puntos,

y servirán de bases de los órdenes sucesivos.

83.—Los elementos del elipsoide hipotético para toda clase de cálculos en que sólo deban concurrir datos de la red españota, son los dados por Struve, aceptados tambien posteriormente para los trabajos de nuestra vecina la Francia, que son:

Semieje mayor.

E = 6378398m ,3... Log. E = 6,8047048\$.

l'uadrado de la excentrioidad.

 $e^2 = 0.00677436... \text{ Log. } e^2 = 3.83086828.$

84.—Con los valores angulares que resultan de las direcciones más probables on cada estación, reducidas á los vértices (form. núm. 15), y à partir de una base ó línea cuya magnitud se conozca, se determinarán las de todas las líneas directas, distribuyendo en cada triángulo por partes iguales entre sus tres ángulos observados la diferencia de su suma á 480°. Los lados de partida se tomarán en el órden siguiente: las cadenas de los paralelos se calcularán á Oriente y Occidente sobre sus líneas directas comunes con la del Meridiano de Madrid, y a su vez prestarán las suyas a las perciales de meridianos que interceptan, por órden preferente

de más próxima latitud á Madrid. Unas y otras se prolongarán hasta los límites del territorio español, y las de costa comprendidas se apoyarán en los lados más cercanos á la base de Madridejos, siguiendo la sucesion trigonométrica de las cadenas.

Los diferentes valores que resultáran para un mismo lado segun sea el camino por donde se llegue á él, y la base medida de que se haya partido, serán todos muy poco discrepantes y servirán indistintamente para la representacion gráfica. Estas diferencias proporcionarán indicios de la bondad de las mediciones. Para este mismo objeto se calculará al resolver los triángulos, aunque no es necesario cuando se conocen los tres ángulos, el exceso esférico correspondiente por la fórmula

en la que son a, b, C los lados y el ángulo que comprenden, y

(14)
$$K = \frac{1}{2 R^2 c \sin 1''}$$

Los valores del radio de curvatura media R_c y de K, están calculados de medio en medio grado para todas las latitudes de la red en la tabla siguiente:

L,	log. R _c	Diferen- cias.	log, K	Diferen- cias.
36° 0′	6,80424639 27093	2454 2468	9,40490235 85326	4909 4936
37 0 30	29564 32041	2480	80390 75430	
38 0	34533	249 % 2504	70446	4984 5007
30 39 0	37037 39550	2543	65439 60443	5026
30	\$2073	2532	55367	5046 5064
\$0 0	44605 47143	2538	50303 45227	5076 5094
44 0 30	49690	2552	40133 35028	5105
42 0	54804	2559 2564	29944	5447 5428
30 43 0	57365 59934	2566	24783 49650	5133
30	62502	2574 2574	44508	5148 5142
44 0	6,80465076		9,40409360	

ı

85.—La resolucion de los triángulos se hará con arregio al formulario núm. 46. La primera columna contiene los nombres de los vértices, designando por V el opuesto al lado conocido, y por D é I el de la derecha é izquierda, suponiéndose colocado en el primero y mirando á dicho lado. En la segunda columna se escriben los ángulos esféricos deducidos de las direcciones más probables reducidas, de los que se obtienen los correspondientes al triángulo plano cuyos lados tienen igual longitud que los del esférico. Si la diserencia á 180° de la suma de los tres ángulos esféricos no fuese exactamente divisible por tres, se aplicará la mayor correccion al ángulo ó ángulos que más se acerquen á 90° por ser los que tendrán menor variacion en sus senos. El formulario indica con claridad la marcha del cálculo.

Los triángulos de los cuadriláteros se resolverán por zonas, empezando por los que insisten sobre líneas de cadena, y recorriendo todo el perímetro en un solo sentido desde el vértice más próximo á una base. Para evitar el doble valor de un lado comun á dos triángulos adyacentes, se resolverá el segundo de éstos mediante los dos lados ya conocidos y el ángulo que comprenden (form. núm. 17).

Llamando I al ángulo comprendido queda

determinada la aplicacion de las otras dos letras à los vértices restantes. Escritos sus nombres y los ángulos (reducidos à los vértices) en sus casillas, así como los de los lados conocidos en la suya, se sumarán aquéllos y se restará la tercera parte del exceso sobre 480° del ángulo I, escribiendo el resultado en la inmediata casilla de ángulos planos, como dato definitivo.

Para determinar los otros dos se empleará la fórmula

Tang.
$$\frac{1}{2}(V - D) = \frac{DI - VI}{DI + VI} \cot g. \frac{1}{2}I,$$

cuya aplicacion se halla en la parte inferior del formulario por el órden siguiente: se escribirá el valor de ‡ I, y à la derecha el logaritmo de su cotangente; se escribirá despues en la columna de lados la diferencia y suma de los conocidos, y à su derecha el logaritmo de la primera y el complemento logarítmico de la segunda, sumando estos últimos con el de cotg. ‡ I, para obtener el de tang. ‡ (+ V + D). El valor de este ángulo se escribirá à la izquierda en su casilla, así como el de ‡ (V + D), complemento de ‡ I, en el renglon anterior. La suma de estos dos últimos valores dará el ángulo mayor buscado, que se inscribirá en la casilla de los planos en la

misma línea que el lado mayor, y la diferencia en el lugar del ángulo restante. Aplicando con signo contrario á ambos la misma correccion que sufrió I, se escribirán los resultados debajo de los ángulos esféricos para compararlos con ellos. El triángulo se resolverá luégo por la proporcionalidad de los senos y lados opuestos, debiendo calcularse para comprobacion el V I ya conocido, cuyo logaritmo será, en general, diferente del dato definitivo en algunas unidades de último órden. Este segundo resultado no se tomará en consideracion, escribiéndolo encima del adoptado y tachándolo con una raya.

El mismo procedimiento se seguirá con los triángulos intermedios de la primera zona, y todo el sistema se repetirá en la siguiente ó siguientes, hasta llegar á un triángulo interior, cuyos lados resultarán conocidos, y cuyos ángulos se determinarán para compararlos con los observados (form. núm. 18). Entre éstos y aquéllos, en toda la operacion, deben resultar diferencias de muy pocos segundos; pudiendo repetirse el cálculo en un sentido inverso si resultasen excesivas, y adoptar de los dos caminos el mejor.

86.—En las estaciones en que se hayan hecho observaciones azimutales para sijar la situacion de alguna capital de provincia ó puntos importantes, se calcularán las direcciones más probables correspondientes, suponiendo invariables las de los vértices. Con los ángulos así deducidos y reducidos al vértice, y tomando por bases líneas de cadena ó cuadrilátero, se obtendrán por los mismos formularios, aunque por separado, los valores de los demás lados de los triángulos especiales de los dichos puntos notables.

LATITUDES, DIFERENCIAS DE LONGITUD Y AZIMUTES APROXIMADOS.

- 87.—Se considerará como primer meridiano para contar las longitudes, el del Observatorio Astronómico de Madrid, tomando como positivas las del E Los azimutes se contarán desde el Sur hácia el O., de 0° á 360°.
- 88.—Los datos de partida serán los correspondientes á un vértice cuya posicion se haya
 determinado astronómicamente ó al más inmediato á él; procurando llevar à cabo el cálculo
 de latitudes, azimutes y diferencias de longitud
 tanto en las cadenas como en los cuadriláteros,
 por el mismo órden en que se hayan obtenido
 las magnitudes de las líneas directas.
 - 89.—Se emplearán las fórmulas siguientes:

(45)
Latitud.....
$$L' = L - P K \cos Z - Q K^2 \sec^2 Z$$
.
Longitud... $M' = M - \frac{R K \sec Z}{\cos L'}$
Azimut... $Z' = 180^{\circ} + Z - (M - M') \sec^{\frac{1}{2}}(L + L')$

siendo:

$$R = \frac{(1 - e^2 \text{ sen}^2 \text{ L})^{\frac{1}{2}}}{\text{E sen 1''}}$$

$$P = R (1 + e^2 \cos^2 \text{ L})$$

$$Q = P R \text{ tang. L} \frac{\text{sen 1''}}{2}$$

en donde:

L... es la latitud del vértice de partida.

L'... latitud que se busca.

K... valor de la línea que une á ambos puntos.

Z... azimut conocido =
$$z \pm a$$
 { z . azimut anterior. a . angulo del triangulo.

Z'... azimut que se busca.

M... longitud del vértice de partida.

M'... longitud que se busca.

Las tablas adjuntas contienen los valores de P, Q, R, de cinco en cinco minutos, para los 8° de latitud que comprende la Península; y por interpolacion se deducirán los correspondientes á latitudes intermedias.

DE LOS LOGARITMOS DE P, Q Y R PARA LAS LATITUDES TABLA

DE ESPAÑA DE 5' EN 5'.

Diferencias.	
10g. R	8,57921145 8,57921145 8,57921747 8,57921747 8,57914718 8,57914718 8,57914718 8,57914310 8,57914310
Diferencias,	
log. Q	51.55.55.55.55.55.55.55.55.55.55.55.55.5
Diferencias.	66666666666666666666666666666666666666
log. P	8,51113284 8,511123284 8,51112334 8,51110231 8,51110231 8,51103318 8,511033891 8,511033891 8,51103778
17	<i>9</i> 9m분ਜ਼ਖ਼ਖ਼ਖ਼ਖ਼ਖ਼ਜ਼ ਖ਼ਫ਼ਲ਼

388	3 88		38 88	018	3 6	38	210	8	920	018 010	910	9110	911	913 110	910	911	911	113	110	110	010 010	919 110	116	118
8,50916409 8,50916409	8,50916201	8,50915785	8,50915:67	8,50914949	8,53914741	8,50914531	8.50914112	8,50313903	8,53913693	8,5,913483	8,50913273	8,50913.13	8,53912852	8,50912042	8,50912431	8,50912221	8,53912010	8,50911799	8,50911588	8,50911377	8,50911168	8,50910954	8,50910743	8,50910532
8 66	389	888	88	81.	38	83 83 84	128	32.2	521	071	36	32	361	3.5	36	36	36	701	26.5	761	361	761	161	2
1,20401	1,2075 1,20880 1,20880	1,30039	1,32267	1,30525	1,30654	1,30782	1,30,11	1,31163	1,31296	1,31424	1,31553	1,31631	1,318.99	1,31937	1,32,65	1,32192	1,32320	1,32448	1,32575	1,32703	1,32,430	1,32958	1,33335	1,33212
62 3		888 888	888 888	82	022 200 200 200 200 200 200 200 200 200	989	627	689 1897	969 969		697	069	069 069	1	06 6	500	38	6		630		333		}
8,51,09751 8,51,09180	8,51098509 8,51097887	2	38	33	कु	36		9	6	3	3 3	33	3 3	2	23	3	3	3	2	3	3	3	20	3
188	88 O 70	55	28	88	88	4 4	32	818	0 66		10	15	ଛ	સ્ટ	C C C	8		₹	9		3	IO.	01	्ट्र

Diferencias.	22222222222222222222222222222222222222
log. R	8,50910532 8,50910320 8,50910320 8,50919384 8,50909330 8,50903330 8,50903338 8,50907343 8,50907347 8,50907347 8,50906281
Diferencias.	
log. Q	1,33212 1,3321 1,33212 1,33212 1,33212 1,33212 1,33212 1,33212 1,33212 1,3321 1,33212 1,33212 1,33212 1,33212 1,33212 1,33212 1,33212 1,33212 1,33212 1,33212 1,33212 1,33212 1,33212 1,33212 1,33212 1,33212
Diferencias.	8888888888888 888888888
log. P	8,51081578 8,51081313 8,51079045 8,51079046 8,51077779 8,51076512 8,5107377 8,5107377 8,5107377 8,5107377 8,5107373 8,5107373 8,5107373 8,5107373 8,5107373 8,5107373 8,5107373
L	ද ල්පිනිපිසිප්සිපත ප්රියේ ල්පිනිපිසිප්සිපත ප්රියේ

22222222222222222222222222222222222222
8.50903578 8.50903578 8.50903578 8.50903578 8.5090358 8.5090358 8.5090358 8.5090358 8.5090358
指당교 교문교육교육교육교육교
1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1
38569 852555
8,5105481 8,51054834 8,51054834 8,51054834 8,51054834 8,5105483 8,5105484 8,5105484 8,5105484 8,5105484 8,5105484
소 2 18 - 19 3 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19

Servirá para el cálculo el formulario número 19. En cada triángulo se obtendrá por los dos puntos ya determinados, dobles valores de L' y M', aceptando los promedios respectivos para obtener los del punto siguiente; y se confrontarán el ángulo que resulte de los azimutes con el observado. Los números 1, 2 y 3 de la primera columna del estado indican respectivamente el vértice, cuya latitud y longitud se buscan, y los que están á derecha é izquierda de este punto mirando al lado que los une. Si se ha seguido el mismo órden que en la resolucion del triángulo, las notaciones 1, 2 y 3 corresponderán á las V, D, I de ésta.

90.—Terminados que sean estos cálculos en cada trozo de cadena ó cuadrilátero, se harán los correspondientes á las capitales de provincia y puntos importantes enlazados inmediatamente con los trozos, empleando el mismo formulario y con arregio á lo dicho anteriormente.

ALTITUDES APROXIMADAS.

91.—Análogamente à lo prevenido para los cálculos de las observaciones azimutales, se verificarán los estudios necesarios para obtener el valor angular correspondiente à una parte de los micrómetros del circulo vertical. Tambien se de terminará préviamente el valor angular de una

division de cada uno de los niveles con arreglo á lo que se dirá en las nivelaciones de precision.

Se deducirán los valores de las distancias zenitales en los mismos cuadernos de campo que
quedan en poder del observador (form. núm 6),
salvando con nota firmada las enmiendas que á
juicio de éste deban hacerse en ellos, como se
dijo al tratar de observaciones azimutales. Cada
distancia zenital, determinada por un par de
visuales, se calculará por la fórmula:

(16)
$$z = \frac{1}{2} (360^{\circ} + I - D) + y$$

en la cual designan:

I... La lectura sobre el círculo vertical en la posicion C I.

D... Idem en la posicion & D.

y... la correccion, en segundos, relativa al cambio de inclinacion de la recta que une los ceros de los peines en los dos micrómetros. Esta correccion se expresa por:

(47)
$$y = \frac{1}{4} n ((a' + a'') - (a_i + a_{ii})),$$

siendo:

n... el valor angular de una division del nivel.
a'... a"... las lecturas del nivel con el círculo á la izquierda.

Estas fórmulas corresponden al caso en que la numeracion del circulo vertical aumente de izquierda á derecha, para un observador que se suponga colocado en el centro, y la del nivel, tambien de izquierda á derecha. Si la numeración del circulo aumentase en sentido contrario, cambiarian de signo D é l. Los signos de a', a", a, a, dependen, igualmente, del sentido en que aumente la numeración del nivel.

92 —Con los datos del cuaderno de observaciones se formará el «estado de distancias zenitales observadas» (form. núm. 20), en el cual
se consignara el instrumento usado, los datos
para reducirlas á los puntos de referencia que
fijan los vértices, y las correcciones prévias que
habrá que aplicar á algunos valores observados
cuando no se haya apuntado siempre á un mismo punto de cada vértice. Al pié del «estado»
se escribirá el nombre del observador ú observadores, y, por último, las distancias zenitales
reducidas á los puntos-vértices.

98.—Para hacer esta reduccion se empleará la fórmula:

(18)
$$t = \frac{(a'-a) \operatorname{sen} z}{A \cdot \operatorname{sen} 1^n},$$

siendo:

- a'... la altura del punto de mira sobre la referencia que fija el vértice.
- a... id. del eje de muñones del teodolito sobre la referencia del de estacion.
- A... la distancia entre el punto observado y el de estacion.
- z... el promedio de las distancias zenitales que se trata de reducir.

El cálculo se dispondrá con arreglo al formulario núm. 21; que servirá tambien para la reduccion prévia á un mismo punto de mira, con la única diferencia que en este caso será a=0, y a' representa la altura del punto observado sobre aquél á que se quiere reducir una parte de las distancias zenitales.

94.—En el caso general de que se hayan observado recíprocamente las distancias zenitales de las líneas directas, se considerarán para el cálculo como si fuesen simultáneas, deduciendo las diferencias de nivel por la fórmula:

(19)
$$D = l. \tan \frac{1}{2} (z - z'),$$

en la cual son:

- la distancia lineal entre cada par de puntos recíprocamente observados.
- z... la distancia zenital en el punto más elevado.

z'... idem id. en el más bajo.

El cálculo se arreglará al formulario número 22.

95.—Cuando en una línea directa no se conozca sino una de las dos distancias zenitales, se obtendrá la diferencia de nível D, deduciendo preliminarmente el coeficiente k de refracción por la expresion:

(20)
$$1 - k = (z + z' - 180^{\circ}) \frac{R_c}{t r''}$$

en que R_c representa el radio de curvatura à la latitud correspondiente (Tabla del articulo 84); y r'' el número de segundos 206264,806246 comprendidos en el arco igual al radio. Se sustituirán en esta expresion los valores de l, z, z', de várias lineas observadas, lo más cercanas posible à aquélla en que se busca la diferencia de nivel y el promedio de todos los valores de l — l, se introducirá en la fórmula:

(21)
$$D = l. \cot (z - \frac{l(1-k)r''}{2R_c})$$

Los formularios núms. 23 y 24 indican la disposicion del cálculo.

96.—Si la diferencia de nivel fuese tan pequeña que la distancia zenital [observada no indicase cuál de los dos es el punto más elevado, es decir, si hubiese duda en el sigue de D,
se tendrá presente que cuando el punto en que
se ha hecho estacion sea más alto que el otro,
se verificará, prescindiendo del efecto de la refraccion, que:

$$z - 90^{\circ} > \frac{1}{2}v$$

llamando v el ángulo formado por las normales en los dos puntos, el cual tiene por expresion muy aproximada:

$$v = \frac{l}{R_c \sin 1''}$$

97.—Para obtener las altitudes de los vértices, ó sus alturas sobre el nivel medio del mar, es preciso conocer la de uno de ellos. El formulario núm. 25 indica la marcha que debe seguirse en este cálculo, aceptando sucesivamente para la altitud de cada vértice el promedio de las obtenidas por los vértices anteriores, que se relacionan con él. Respecto del órden que debe seguirse para obtener esta coordenada, se tendrá presente lo prevenido para el cálculo de las otras dos, tomando por puntos de partida aquéllos cuyas altitudes ofrezcan más garantías de precision.

98.—Se evitará en parte la acumulacion de

errores en las altitudes, deduciendo de todas las observaciones hechas en un trozo de cadena, las diferencias de nivel más probables, por la aplicacion del método de los mínimos cuadrados. Eligiendo trozos en cuyos triángulos sucesivos se hayan observado las tres diferencias de nivel, se facilita extraordinariamente el cálculo de compensacion.

. Designando por:

D^I, D^{II}, D^{III},..... las diferencias de nivel entre cada dos puntos unidos por líneas directas, y por

ε¹, ε¹¹, ε¹¹¹,..... las diferencias, en cada triángulo, entre cada diferencia de nivel y la suma, con su signo, de las otras dos;

se establecerán, entre las correcciones, las ecuaciones de condicion:

que conducen, por medio de las correlativas, muy sencillas:

$$\begin{array}{lll} \Delta D^{II} & = + I \\ \Delta D^{III} & = + I \\ \Delta D^{III} & = + I \end{array}$$

à los normales, de la forma:

$$\varepsilon^{I} = 3I + II$$

$$\varepsilon^{II} = ... + 3II + III$$

$$\varepsilon^{III} = ... + 3III + IV$$

$$\varepsilon^{IV} = ... + 3IV + V$$

Con arreglo á las anotaciones aceptadas, se tiene en este caso:

$$[a \ a] = 3 \dots = c^{1}$$

$$[b \ b. \ 4] = 3 - \frac{1}{3} \dots = c^{11}$$

$$[c \ c. \ 2] = 3 - \frac{1}{3 - \frac{1}{3}} \dots = c^{111}$$

$$[d \ d. \ 3] = 3 - \frac{1}{3 - \frac{1}{3}} \dots = c^{1V}$$

y para las expresiones generales de dos incógnitas que ocupan lugares consecutivos. Incognita N ---

$$\frac{4}{e^{n} \cdot e^{n} \cdot$$

que permiten hallar los valores de las I, II, III,... con facilidad, siguiendo la norma de calcule indicada en el form. núm. 26. Introducidos estos valores en las ecuaciones correlativas, darán los de las correcciones que, aplicadas á las diferencias de nivel D^I, D^{II}, D^{III},... las harán compatibles.

- 99.—Se formará con todos los resultados aproximados de que se ha hecho mérito un resultados (form. núm. 27), en que se expresarán los nombres de los vértices, sus latitudes, longitudes y altitudes; los azimutes de las líneas directas y las magnitudes de éstas.
- 100.—En el curso de los cálculos se tendrán presentes, además de las expuestas, las siguientes prescripciones:

Los datos de partida se recibirán oficialmente del Archivo geodésico.

Se tomarán como tales los logaritmos ó números que sean los resultados directos de otros cálculos, para evitar los errores que ocasiona el pase de unos á otros.

Tanto en los números como en los logaritmos se despreciarán las cifras decimales que excedan del número prescrito para los diferentes casos; pero si representan un valor mayor que 0,5 del órden de la última admitida, se añadirá ésta una unidad.

Todos los cálculos se harán por duplicado y por distintas personas, confrontando éstas tanto los resultados finales como los parciales, en sus distintos períodos, hasta quedar completamente seguras de su conformidad. Si circunstancias especialísimas impidieran hacerlos por dos calculadores, se repetirán independientemente, y en épocas distintas, buscando en el segundo ejemplar las comprobaciones correspondientes para cada operacion, con el objeto de evitar la repeticion de un mismo error en ambos ejemplares. Se exceptúan de esta regla sólamente los cálculos de las resoluciones de los grupos de ecuaciones, pues siendo su único objeto determinar los valores de las incógnitas que las satisfagan, bastará, para convencerse

de ello y darles la fuerza de duplicados, el ha-, cer la sustitución directa; pero esta operación se debe hacer forzosamente por duplicado.

Todo logaritmo se escribirá tal como él sea, con su característica natural.

Cuando, como en las distancias zenitales, hubiero que emplear senos de ángulos menores de 0° 12′, o cosenos de ángulos mayores de 89° 48′, se obtendrán sus logaritmos haciendo uso de la tabla de senos naturales.

Aquellos calculos para los que no hubiere formularios impresos, se harán en papel igual al empleado en los modelos, escrito por una sola cara, y con el encasillado correspondiente; se procurará la mayor claridad en las cifras, y las enmiendas ó raspaduras se salvarán al pié de la boja.

101.—Terminados que sean los cálculos referentes à una cadena ó cuadrilátero ó à una
parte de ellos, y asegurada la conformidad completa de ambos ejemplares, se remitirá uno á la
Direccion general, acompañado de una reseña
descriptiva de cuanto sea pertinente al trabajo
hecho y de utilidad para los sucesivos.

CÁLCULOS DEFINITIVOS DE LA RED.

- 102.—La Asociacion geodésica internacional, de que España forma parte, ha prescrito algunas reglas generales para la compensacion de los errores en la gran red europea, á las cuales, así como á las dictadas por esta Direccion general, se ajustarán estrictamente los cálculos encaminados al objeto comun.
- 103.—Se empleará, como hipótesis, el elipsoide de Bessel, cuyos elementos son:

Semieje mayor.

$$a = 6377397^{\text{m}}, 156...$$
 log. $a = 6,8046434637$ Semieje menor.

b = 6356078,960... log. b = 68031892,839

Longitud lineal del cuarto de meridiano.

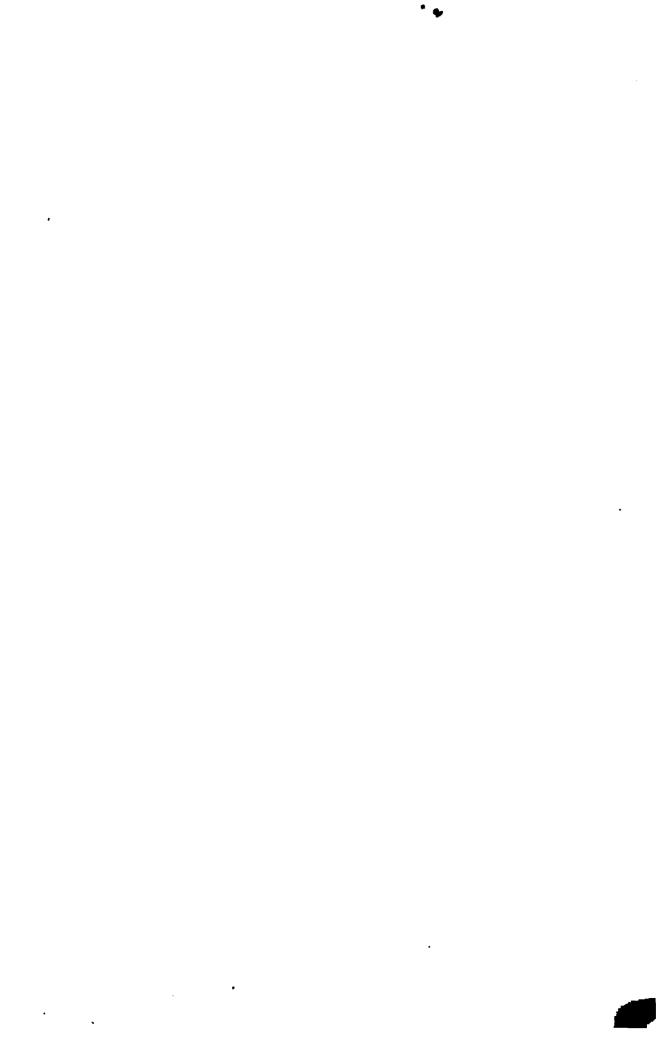
$$Q = 10000855,76...$$
 log. $Q = 7,0000371839$

Achatamiento...
$$\frac{a-b}{a} = \frac{1}{299,152818}$$
.

104.—En las redes especiales que enlazan las pequeñas bases con la red general, se compensarán los errores que provienen de las observaciones angulares con completa independencia de los demas cálculos; la línea de enlace

de la red general se considerará despues como una base directamente medida.

105.—La red española se dividirá en diez trozos, para el efecto de compensar en cada uno, con independencia de los demas, los errores que acusan las observaciones angulares superabundantes. La division está detallada en el cuadro siguiente. Véanse las figuras tá 46.



LINEAS COMUNES.	- Caldering.	- Morés. - Montolar. - Desierto. - Salada. - Chinchilla. - Santos.	- Oliva. - Santa lues, - Magina. - Mulhacen. - Conjuros.
Line	Serrota Rierro Santos Navajo	Alto-Cruz Morés Ares Espadau Molatou Altomira	Sierra-vieja Oliva Ahillo Chullo
Trozos.	Ă,	VII.	VIII.
LINEAS COMUNES.	11 i 11	Serrota — Corrai. Corral — Diego Gomez. Peñas — Gamonal Gamonal — Triguer. Trigueiro — Mampodre. Mampodre — Espigüet.	Matadeon — San Vicente, Rierro — Colgadizos, Moratilla — Ardal, Ardal — San Millan, San Millan — Altotero, Altotero — Valuera, Valuera — Lighas,
Trozos.	≓	Ħ	

2	Altotero Valnera Estéban Montolar Morés	Valnera. Llatias. Montolar. Morés. Alto-Cruz.		Calderina Chinchilla Madrono Carche Cab. del Asno	Madrono. Carche. Cab. del Asno. Porron.
	Desierto Diego Gómez — Corral Palo Mojina —	•	×	Espadan Molaton Chinchilla Madroño Carche Cab.a del Asno	Salada. Chinchilla. Madrono. Carche. Cab. del Asno. Porron.
	Santa ines O iva	– Sierra-vieja.		Mulhacen —	Conjuros.

108.—Para efectuar el calculo de compensacion en cada trozo, se empezara por formar, à la vista de las observaciones originales, un cróquis del trozo, confrontàndole cuidadosamente basta asegurarse de su exactitud respecto al número y enlace de los puntos por las líneas reciprocas y no reciprocas.

107 —Se deducirá el numero de ecuaciones de condicion que exige la existencia de la figura. Designando por l'el número total de líneas, por l el de las observadas reciprocamente, y por p el de puntos, será:

Número de ecuaciones de ángulo. l - p + lId. de id. de lado. l' - 2p + 3

108.—Se pasará despues á elegir las figuras parciales para formular las ecuaciones de condicion, teniendo muy especial cuidado de no repetir alguna de éstas implicitamente satisfecha por las otras, es decir, que todas las condiciones sean independientes entre sí. Aunque no se pueden dar reglas generales para la eleccion más conveniente de las figuras parciales, servirá de norma que, en igualdad de otras circuostancias, se debe optar por las figuras más sencillas.

109.—Se establecerán numéricamente las

ecuaciones de condicion entre los elementos angulares que resultan de las direcciones más probables en cada estacion aislada. Los valores lineales auxiliares se obtendrán préviamente con suficiente aproximacion empleando estos elementos, y por resolucion sucesiva de triángulos á partir de las bases más próximas.

110.—La ecuacion de ángulo entre los tres α, β, γ, de un triángulo (fig. 41), se escribirá:

(22)
$$d\alpha + d\beta + d\gamma + (u - \varepsilon) = 0,$$

en la cual se representan por:

- da, dβ, dγ,... las correcciones que han de sufrir los ángulos a, β, γ; y que vienen expresadas en funcion de la resta algebráica de las correspondientes á las direcciones que los determinan,
- **4...el exceso d**e la suma de α , β , y γ sobre 480°, y
- E... el exceso esférico del triángulo.
- 111.—Un sistema de cuatro puntos enlazados por seis líneas (fig. 12), dará lugar á la ecuacion de lado

$$\begin{cases}
0 = \frac{1}{\text{sen } 1''} \left(\frac{\text{sen } \alpha, \quad \text{sen } \beta, \quad \text{sen } \gamma}{\text{sen } \alpha', \quad \text{sen } \beta', \quad \text{sen } \gamma'} - 1 \right) \\
+ (\cot \alpha, d\alpha + \cot \beta, d\beta + \cot \gamma, d\gamma) - (\cot \alpha, d\alpha, d\alpha + \cot \beta, d\beta + \cot \gamma, d\gamma)
\end{cases}$$

en la cual da, dβ,... tienen la misma significacion que en la de áugulo. Idéntica forma resulla en el caso de que el punto D (fig. 43), observado desde los tres ya enlazados A, B, C, no esté situado en el interior del triángulo ABC, y tambien cuando el punto interior O lo sea de un cuadrilátero ú otro polígono cualquiera A. B. C. D... (fig. 44). Cuando en cualquiera de estos casos particulares ocurriese que uno ó más ángulos de los que figuran en la ecuacion de lado. análoga á la (23), no se hubiese directamente observado, como por ejemplo el ángulo a (figura 42), se sustituirá, al formular la ecuacion de condiction, por $480 + \epsilon - (a' + c)$; siendo ϵ el exceso esférico del triangulo cuyos ángulos son α, α' γ ο.

112.—En el caso de que en la red exista una línea entre dos puntos no enlazados directamente por otra, formándose así un espacio cerrado por un polígono de cualquier número de lados (fig. 45), se tendrán que considerar, á causa de su formacion especial, algunas de las

ecuaciones á que da lugar esta circunstancia. que son una de ángulo y tres de lado, ó una de ángulo y dos de lado respectivamente, segun que alrededor de dicho espacio E haya ó no una cadena de triángulos continua y envolvente. La ecuacion de ángulo será semejante á la que ocasiona un triángulo; u representará el exceso de la suma de los n ángulos del poligono sobre 180° (n — 2), y el exceso esférico ε será el que corresponda á la superficie del polígono. Conocidos aproximadamente los ángulos y lados de éste, tambien lo es ɛ. La ecuacion de lado que exige la cadena envolvente, es de la misma forma que la de polígono con punto central, sólo que en lugar de considerar los ángulos á derecha é izquierda de las líneas radiales, se formarán los productos de los senos de los ángulos alternos. Las dos ecuaciones de lado que restan, y cuya existencia implica la del espacio cerrado, son:

```
sen I" (M+H)+L cos B cots ydy+L' cos (B+C) cots yi d yi +
                                                                                                                                                                                                                                                   0== 1 (M'+H') + L sen B colg γ dγ + L' sen (B+C) colg γ dγ +
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                               L" cos (B+C+D) cotg yn d yn + .....
+ [cotg ada] (L cos B+L cos (B+C) +
+ dB (Loos B+L'cos (B+C) + L"cos (B+C+D) +....)
+ dC(L'cos (B+C) + L"cos (B+C+D) +....)
+ dD (L"cos (B+C+D) +....)
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                            - d B (L sen B+L' sen (B+C) +L" sen (B+C+D) +...)
- d C (L' sen (B+C) + L" sen (B+C+D) +....)
- d D (L" sen (B+C+D) +....)
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                      L''\cos(B+C+D)+....
+ [cotg bdb] (L' cos (B+C) + L" cos (B+C+D) +....)
                                                                                                                            L" sen (B+C+D) cotg \gamma^{(1)} d\gamma^{(1)} + ...
+ [cotg ada] (L sen B+L' sen (B+C) +
L" sen (B+C+D) +.....)
+ [cotg bdb] (L' sen (B+C) + L" sen (B+C+D) +.....)
```

Para expresar numéricamente estas ecuaciones, se procederá por el órden siguiente:

Se obtendrán valores aproximados de los lados A B, B C, C D,... del polígono que cierra el espacio E; si existe cadena envolvente, ó lo que es igual otro polígono A'B'C'... se obtendrán valores únicos distribuyendo los errores por una ecuacion de condicion semejante á la [(23)], en la cual figurarán los ángulos alternos de la cadena. Elegido despues un lado cualquiera AB, que conviene no sea de los de menor longitud lineal, se tomará como unidad para obtener los valores relativos L, L', L",... de los demas, cuyas expresiones son funciones de los senos de los ángulos observados. Se imaginará un punto o central que, unido con los vértices, divida al polígono, en cuanto sea posible, en triángulos regularmente conformados, cuyos excesos esféricos se han de calcular. Este punto o se fijará respecto del lado AB, considerando el triángulo isósceles ABO, en el cual AB == AO. Con el ángulo arbitrario m del triángulo plano de lados iguales al esférico, se obtendrán el ángulo m', el lado OB y el exceso esférico ε_1 , y por consiguiente, los ángulos esféricos del triángu-

lo I. Restando del ángulo B el calculado $m' + \frac{\varepsilon_1}{3}$,

se tendrá el $n' + \frac{r_n}{3}$ esférico del triângulo II,

y con él y los dos lados conocidos lo será tambien s₁, y por lo tanto, n' del triángulo plano. Siguiendo este procedimiento hasta llegar al triángulo V, se obtendrán todos los excesos esféricos de los triángulos, y con su suma s_r el correspondiente al área total del poligono. Despues se hallarán con sus signos los senos y cosenos de los ángulos B, B + C, B + C + D,... los que, multiplicados respectivamente por L, L',

L",... y por los factores conocidos $\frac{e_1}{3}$, $\frac{e_1+e_2}{3}$,...

y sumados los productos darán á conocer, en union de er, los valores de H y H' por las siguientes fórmulas:

Los mismos productos de los lados por tos senos y cosenos darán á M y M'

(26) $\frac{1}{1} = \frac{1}{1} =$ por las fórmulas

Se formarán los dos grupos de términos

+ L' ([cos (B+C) cotg a'dx'] - [cos (B+C) cotg $\beta'd\beta'$] - sen(B+C) (dB+dC)) +L ([cos B cotg a da] - [cos B cotg β dβ] - sen B dB) +L" ([cos (B+C+D) cots a"da"]-[cos (B+C+D) cots \beta"d\beta"]sen (B+C+D)(dB+dC+dD)

+L ([sen B cotg ada] - [sen B cotg β dβ] + cos B dB)) +L" ([sen (B+C+D] cotg $\pi''d\pi''$] — [sen (B+C+D) cotg $\beta''d\beta''$] + + L' ([sen(B+C)cotg a'da'] - [sen(B+C) cotg $\beta'd\beta'$]+cos(B+C) (dB+dC)) $\cos (B+C+D)(dB+dC+dD))$

en los cuales las notaciones α , β , α' , β ,... indican que dentro de cada paréntesis están agrupados diserente número de sumandos, si bien son comunes algunos ángulos de la cadena envolvente. Los representados por α y β son los alternos que dan directamente la relacion L, los α' y β' los que determinan L', etc. En α' y β' están comprendidos todos los 2 y β, ménos el angulo γ, del cual no depende L', toda vez que éste es invariable miéntras lo sea la relacion $\frac{\text{sen } p}{\text{sen } p'}$. Por esta razon, estos ángulos γ , γ^{I} , γ^{II} , aparecen sólo una vez en cada uno de los grupos anteriores. Reuniendo los términos en que entran las mismas correcciones, si se designan por a los ángulos que figuran en todas las relaciones L, L', L";... por b los que entran en todas ménos en la primera, etc.; y por γ, γ¹ γ¹¹ ... los que sólo en una, y agregando respectivamente, cada uno de los grupos anteriores á las constantes $\frac{1}{\text{sen }1''}$ (H + M) y $\frac{1}{\text{sen }1''}$ (H' + M'), se tendrán formadas las ecuaciones de condicion [(24)]. Las correcciones da, db, dc, se expresarán por la resta algebráica de las correspondientes á las direcciones que determinan los ángulos observados; los signos de las cotangentes serán los que resulten segun entren los senos de los mismos ángulos en uno ú otro término de los cocientes que expresan las relaciones L, L', L'',... Para conocer los signos por el concepto de los senos y cosenos de los ángulos B, B + C, B + C + D, ... basta notar que para los senos será positivo cuando la suma de los suplementos de cada ángulo sea menor que 480°, y negativo cuando exceda de esta cantidad; y con respecto á los cosenos, si dicha suma de suplementos está comprendida entre 0° y 90° ó entre 270° y 360°, será positivo, y negativo en el caso contrario.

113.—Establecidas numéricamente todas las ecuaciones de condicion que exige la figura del trozo de red, se les asignará un número de órden para la formacion de las ecuaciones finales, procurando, en vista del enlace que media entre las correcciones que se trata de obtener, que el desarrollo de los cálculos sea lo menor posible.

114.—Los datos obtenidos en los puntos que son comunes à dos ó más trozos en el concepto de que todas las direcciones observadas formasen parte de una misma figura, se acomodarán á las compensaciones aisladas de cada uno de la manera siguiente: Se conservarán integros, como en todos los demás puntos no comunes, los valores de las direcciones más probables en la

estacion aislada. Sea, por ejemplo (fig. 46), V O una línea comun á los trozos T y T', y supóngase que en V se hayan observado ademas las direcciones á los puntos A y B del trozo T y á C y D del T'; si 0, a, b, c, d,... son las direcciones más probables calculadas por todas las observaciones hechas en la estacion V, se asignará á cada uno de los grupos T y T' respectivamente los sistemas 0, a, b, y o, c, d.

En las ecuaciones de enlace [(42)] de las estaciones de cada trozo, no deben figurar sino las correcciones de la forma (1), (2),... referentes á las líneas que lo constituyen; por esta razon, en la estacion V, se formarán dos sistemas de dichas ecuaciones, uno para cada grupo de la red. Para llegar á los valores de los coeficientes $[\alpha \alpha,] \cdot [\alpha \beta,] [\alpha \gamma],...$ se calcularán los valores de [an], [aa], [ab],... considerando para cada grupo que las direcciones del otro son invariables respecto de la inicial y comun V O, y por lo tanto que cuando una ó más direcciones del trozo T estén ligadas, en la misma vuelta de horizonte, con otra ú otras del T' y no con la inicial VO, se considere ésta como observada y sustituya en cada trozo á las direcciones del otro.

Cuando ademas de la línea V O (fig. 47) exista otra comun V B, corresponderán al trozo T las direcciones V O, V A, V B, y al T', V O, V B,

VC, VD; la aplicacion del procedimiento no presenta dificultad alguna. En el caso de que en V concurriesen tres trozos, T, T', y T'', (figura 48), es preciso elegir además una segunda línea comun, como inicial, para calcular los coeficientes de las ecuaciones del tercer trozo.

En el cuadro siguiente se encuentran detallados los grapos de observaciones de igual peso que corresponden á los trozos T y T', bien haya una ó dos direcciones comunes.

GRUPO8	CASO DE UNA DIRECCION COMUN (fig. 1).		CASO DE DOS DIRECCIONES COMUNES (fig. 2).	
POSIBLES	TROZO	TROZO	TROZO	TROZO T'.
en la ESTACION V.		ciones	ciones	Direc- ciones O.B.C.D.
O. A. B. D. O. A. B. C. D. O. A. C. D. O. A. D. O. A. D. O. A. D. O. B. C. D. O. B. C. D. O. B. C. D. O. C. D. O. C. D. A. B. C. D.	O. A. B. O. A. B. O. A. B. O. A. O. A. O. A. O. B. O. B. O. B. O. B. O. A. B.	O. C. D.	O. A. B. O. A. B. O. A. O. A. O. A. O. A. O. B. O. B. O. B. O. B. O. A. B.	O. B. C. D. O. B. C. D. O. B. C. D. O. C. D. O. B. C. D. O. C. D.

115.—Partiendo de las ecuaciones de condicion, se establecerán las expresiones de cada una de las incógnitas de la forma [x], en funcion de otras incógnitas auxiliares notadas por los números de órden I, II, III, de las mismas ecuaciones. Estas expresiones son:

en las cuales α , β , γ ,... representan respectivamente los coeficientes de la correccion (1) en las ecuaciones I, II, III,...; α' , β' , γ' ... los de la correccion (2) en las mismas respectivas ecuaciones, etc.

- 116.—Sustituidos estos valores en los grupos de ecuaciones de enlace [(12)], se tendran las correcciones (1), (2), (3),... en funcion de les incógnitas correlativas I, II, III...
- 117.—Introducidas à su vez estas expresiones de (4), (2), (3),... en las ecuaciones de condicion, se llegará à las finales de forma semejante à las ((9)).
- 118.—La resolucion de las finales proporcionará los valores de las incógnitas i, II, III,... que sustituídos en las de enlace, preparadas como se dice en el art. 416, daran á conocer por

completo las correcciones (1), (2), (3),... que deben satisfacer á las ecuaciones de condicion.

119.—Se calculará, en cada estacion, el valor de la correccion z que la direccion inicial ó cero debe sufrir por la influencia que ejercen sobre ella las (1), (2), (3),... de las demas direcciones, por la fórmula

$$o = z (h + h' + h'' + ...) + h'(1) + h''(2) + h'''(3) + ,...$$

en la cual h, h', h"... representan el número de punterías hechas respectivamente al objeto cuya direccion se eligió como cero, á aquél á cuya direccion más probable en la estacion aislada correspondió la correccion (1), etc.

120.—Agregando el valor de z, en cada estacion, á las correcciones ya calculadas, 0, (1), (2), (3),... se tendrán las totales que deben sufrir las direcciones más probables en cada estacion, para satisfacer completamente á las condiciones geométricas de la red, y que todos los resultados tengan el mismo peso.

NIVELACIONES DE PRECISION.

TRABAJOS DE CAMPO.

PERSCRIPCIONES GENERALES.

- 121.—En las nivelaciones de precision se emplearán los instrumentos construidos con arregio á los modelos del Sr. Kern, de Aaran.
- 122.—Las líneas de nivelacion seguirán, en general, las vías de comunicacion por el órden de preferencia siguiente: carreteras generales, carreteras provinciales, ferrocarriles, caminos vecinales carreteros y los de esta misma clase, de herradura.
- 123.—Se nivelará desde el centro, tolerándose, cuando más, una diferencia de 10th entre las distancias de las dos posiciones de la mira al instrumento. La longitud de la nivelada se procurará que sea la mayor posible, pero sin que exceda de 90th, ó sean 400 á 440 pasos, sino en casos excepcionales. Para la mayoría de los observadores la distancia á que se observa

con mayor precision es la de 30 á 70 metros. Respecto á las distancias en las que, dada la separacion de los hilos de los retículos en uso, habrá probabilidad de que la proyeccion de los hilos no salga fuera de la mira, se puede establecer en general y sólo aproximadamente que, en parajes.montañosos y de pendientes fuertes, la nivelada no podrá exceder de 45 á 25 metros, ó sea 48 á 30 pasos; en las cuestas, de 25 á 40 metros, ó 30 á 48 pasos; en las carreteras que marchan por el llano, de 40 á 70 metros, ó 48 á 85 pasos; y en los ferrocarriles de 90 metros, ó 440 pasos.

124.—La nivelacion ha de ser doble, ejecutada por dos distintos observadores, con distintos instrumentos y caminando en sentidos opuestos, determinando uno y otro observador las cotas de las mismas referencias. Entre las dos nivelaciones de un mismo trozo de línea, debe trascurrir el menor tiempo posible.

125.—Se adoptarán como límites de precision en las nivelaciones, los siguientes: 1^{mm} el máximo error de observacion á 100^m de distancia; 0^{mm}, 1 el que pueda afectar á las correcciones y reducciones que se introduzcan en la observacion; 5^{mm} / K error de cierre en un polígono, ó en la doble nivelacion de una línea

de K kilómetros; 0^m,50 máximo error en la apreciacion de la distancia á 100^m; 10" de inclinacion del nivel en cada estacion; 1^{mm} diferencia de lecturas á 40^m de la mira sobre el hilo central en las dos posiciones del anteojo á 180°; y por último, una division de desvío de la ampolla en las dos posiciones normal é inversa.

126.—Las referencias serán de dos especies: principales y secundarias. Servirán las primeras para la subdivision del trabajo en secciones independientes. Las de segunda serán de dos clases, y satisfarán á dos objetos: la determinacion de cotas importantes de poblaciones, vértices de la red geodésica, puntos de empalme de las comunicaciones, etc., y de los que se crean convenientes para emprender otras lineas de nivelacion; y al mismo tiempo el de dividir las secciones en trozos de 1k aproximadamente. El primero lo llenarán únicamente las referencias secundarias de la primera clase, y éstas en union de las de la segunda, cumplirán con el segundo. Otras marcas no numeradas, que el observador establecerá en la forma que crea conveniente, señalarán los parajes en que estacionó la mira en cada fin de dia y cuando se interrumpa por cualquier causa el trabajo.

- 127.—Las referencias principales se han de colocar, en lo posible, de manera que en todo tiempo puedan ser consideradas como puntos fijos que no han experimentado variacion alguna. En ellas se grabarán las iniciales NP (nivelaciones de precision) y un número de órden; la distancia entre dos consecutivas no excederá de 25 kilómetros.
- 128.—Las referencias secundarias de la primera clase presentarán la misma estabilidad que las principales, áun cuando procurando que su colocacion sea más fácil y económica que ia de éstas. Las referencias secundarias de ambas clases estarán numeradas correlativamente dentro de cada seccion.
- 129.—Las referencias ó señales principales consisten en una pieza de bronce fundido, de forma cilíndrica, de 0^m,40 de longitud y 0^m,03 de diámetro, terminada en un extremo por un disco ó placa circular del mismo metal, de 0^m,08 de diámetro y 0^m,006 de espesor, en el cual están grabadas las iniciales N P y el número de órden. Este cilindro se introduce verticalmente y se emploma en un taladro abierto en la roca ó sillar de alguna construccion cuya permanencia ofrezca suficiente garantía, de suerte que quede rasante al suelo la cara superior del

disco. La permanencia indefinida que se busca para estas señales principales, á fin de que en todo tiempo puedan servir de puntos de partida para las nivelaciones que hayan de emprender el Estado, las provincias, los Municipios ó los particulares, exige que cuando las señales principales no reunan completa garantía de estabilidad, se coloquen á su proximidad otras de la primera clase de las secundarias que les sirvan de referencia, á fin de que por ellas se puedan restablecer en su verdadero lugar las primeras, en el caso de haber éstas desaparecido.

130.—Las señales secundarias pertenecientes á la primera clase consisten en un clavo de bronce fundido, cuya espiga tiene 0^m,40 de longitud y 0^m04 de diámetro, y la cabeza 0^m,045 de diámetro y 0^m,04 de espesor, que se introduce á martillo en un taladro, de modo que enrase su cabeza con la cara superior de la piedra. Alrededor de la cabeza del clavo se pinta al óleo una señal circular de 0^m,08 de diámetro, y el número de órden correspondiente. La cabeza del clavo forma un punto estable y visible áun cuando se borre la señal pintada que la circunda.

131.—Las señales secundarias de la segunda clase se pintarán en la roca ó sitio algo estable.

formándolas un cuadro de 0^m,08 de lado con una circunferencia interior de 0^m,15 de diámetro, y al lado el número de órden correspondiente. La estabilidad del paraje donde se colocan estas señales es tan sólo indispensable durante el tiempo que transcurra desde la primera nivelación hasta que, ejecutada la segunda, se vea si es preciso ó no repetir el trozo correspondiente.

- 182.—Colocada una señal de bronce, se tomarán sus referencias más principales á otros puntos fijos y notables, de modo que se pueda conocer su posicion, acompañando, si es preciso, un ligero cróquis.
- 133.—En las señales geodésicas enlazadas á la red de nivelaciones, se establecerán las referencias en el plano horizontal que contenga el vértice. Las nivelaciones especiales á estos vértices constituirán líneas secundarias.
- 134.—En las entradas y salidas de las poblaciones y en la proximidad de pasos difíciles, conviene establecer marcas análogas á las de fin de dia, para evitar la repeticion de la parte nivelada del trozo, si fuese preciso interrumpir el trabajo.
- 135.—Fijados los sitios donde se deban establecer señales principales y secundarias de la primera clase, la colocación no se hará hasta que lo exija el curso de la nivelación.

- 186.—Si no se encuentran edificios convenientes para el establecimiento de las señales principales y secundarias de la primera clase, se incrustarán éstas en un sillarejo, y éste á su vez en la mamposteria de la construccion más solida que se encuentre.
- 187.—Cuando la linea de nivelacion siga un ferrocarril, se evitaran los tuneles, eligiendo à su proximidad alguna carretera o camino adecuado.
- 138.—Cuando en un trozo haya entradas de poblaciones, fuertes pendientes, ó pasos tortuosos, el observador fijará definitivamente el itinerario desde que llegue al trozo anterior, para no exponerse á perder el trabajo hecho.

INSTRUMENTOS.

139.—Cada uno de los instrumentos mencionados en el art. 124 es un nivel de anteojo
perfeccionado. Un eje vertical de acero está fijo
à una pieza de metal que tiene tres brazos horizontales atravesados por los tornillos de apoyo. Terminado cada uno de éstos en una esfera
que se aloja en una cavidad semiesférica,
queda sujeto el instrumento al trípode por tres
corchetes que encierran á las esferas en sus
cavidades, de modo que se pueda transportar el

trípode, de estacion en estacion, sin necesidad de desmontar el instrumento. Sobre el eje de acero gira una pieza de metal á la que están anidas dos reglas horizontales y dos armaduras verticales articuladas, formando todas un cuadrilátero variable de forma. En las armaduras verticales descansa el anteojo y sobre éste el nivel. El anteojo se compone de un objetivo acromático de 36^{mm} de abertura, de 369^{mm} de distancia focal, y del correspondiente ocular astronómico que produce una amplificacion lineal de 40 veces. En una de las armaduras está contenido el tornillo de elevacion, cuyo paso es muy pequeño, y ambas tienen dos corchetes de muelle que, girando en sus extremos, sujetan las piezas que ocupan la parte superior del instrumento. Levantados los corchetes se puede invertir el anteojo juntamente con el nivel ó solamente éste sobre aquél, y cuando están cerrados los corchetes se puede hacer girar al anteojo 480° alrededor de su eje de figura sin que varie la posicion del nivel. Un tornillo fijo al cuerpo del anteojo, y un tope movible que se halla colocado en una de las armaduras verticales, permiten, cuando están en contacto, rectificar la horizontalidad de los tres hilos paralelos del retículo, existiendo en él ademas un cuarto hilo perpendicular á los anteriores, fijos

todos à un mismo marco, el cual està oprimidoexteriormente por tornillos que permiten corregir la colimación de los dos hilos centrales perpendiculares entre si. El nivel se halla sujeto en una armadura cilindrica de metal, en uno de cuyos extremos tiene los tornillos necesarios para las rectificaciones. Esta armadura está encerrada en una caja de madera con un cristal en la parte superior, que preserva algun tanto al nivel de las rápidas variaciones de temperatura. En la misma parte superior un espejomovible, colocado con la inclinación conveniente, permite al observador hacer por reflexion la lectura del nivel, sin moverse de la posicion que tiene al observar la mira. La numeracion de la division en el tubo del nivel numenta desde el centro hácia los extremos. Para precayer los efectos que sobre el nivel pudieran ejercer las elevadas temperaturas en algunas comarcas. de España, los tubos tienen en uno de los extremos una cámera que permite aumentar ó disminuir la ampolla à voluntad.

140.—La mira correspondiente à cada instrumento consiste en una pieza de madera de pinabete del Norte, de algo más de 3 metros delargo, de 80 milimetros de ancho y 25 de grueso; reforzada con una costilla de la misma madera fija con tornillos, de 32 milimetros de an-

cho por 45 de grueso. En el centro de la otra cara de la mira está la division en centímetros, alternativamente blancos y negros. A un lado de la division están marcados los decimetros con un cuadrado negro de un centimetro de lado, y numerados en su centro con cifras de un centímetro y medio de alto. Al otro lado está la numeracion de los centímetros, dentro de cada decimetro, pero sólo con los números pares; esta numeracion está colocada horizontalmente, y los guarismos tienen centímetro y medio de alto. En la parte superior, y al costado, lleva la mira un gancho del que se cuelga una plomada, cuya punta coincide con otra colocada en la parte inferior cuando la mira ocupa la posicion vertical; en el costado opuesto, se sujeta à la mira un nivel esférico provisto de tres tornillos para su rectificacion. En la parte inferior de la mira está fija una armadura de hierro con un pivote pulimentado de 45 milímetros de diámetro y 20 de largo, que entra en un taladro abierto en una plancha pesada de hierro fundido, en cuya cara inferior tiene cuatro puntas para que se adhiera al terreno. Un trípode especial sirve para que la mira, puesta vertical, no experimente movimiento alguno.

Con objeto de aminorar la eventualidad de que se deslicen errores groseros en las lecturas sobre las divisiones de las miras, lleva cada una adosado un liston dividido en decimetros que coinciden con los de la mira; cada decimetro está
pintado de color diferente, alternando el negro,
blanco y rojo. La designación del color en que
se proyecta cada hito del retículo forma parte
integrante de las lecturas. Como á las mismas
unidades de decimetro corresponden colores
diferentes en cada uno de los tres metros de la
mira, es fácil apercibirse de cualquier error
grosero y casi siempre salvarlo y corregirlo
con seguridad, evitando así efectuar de nuevo
el trabajo de nivelacion.

Cerca de cada uno de sus extremos lieva ademas la mira una planchita de metal sólidaments
incrustada en el espesor de la madera; en estas
planchitas están grabados con un punzon muy
fino, puntos, que sirven para estudiar las variaciones de la longitud total de las miras. Las
planchitas están resguardadas por unas cubiertas metálicas, sujetas á las miras, y que se sellan cuidadosamente para que permanezcan intactas durante las operaciones de campo.

DETERMINACION DE LAS CONSTÂNTES DE LOS INSTRUMENTOS.

- 141.—Antes de practicar observaciones de nivelacion, es indispensable hacer un detenido estudio del instrumento para conocer los valores que se aceptan como constantes, durante el transcurso de una temporada de campo. Estas constantes son:
- 4.ª El valor angular correspondiente á una division del nivel.
- 2.ª La separacion angular entre cada dos hilos del retículo, y
 - 3.ª La longitud absoluta de la mira.
- 142.—Los valores angulares de las divisiones de los niveles se determinarán por medio de la probeta ó examinador, que posee el Instituto. Colocada la probeta sobre un sólido pilar de manera que su base de cristal esté nivelada en sentido de la anchura, se pondrá el tubo del nivel sobre los collares de la probeta, sujetándolo suavemente para que no resbale. Se lleva despues la ampolla á uno de los extremos del tubo, con el movimiento del tornillo micrométrico, pero de suerte que al permanecer aquélla en reposo queden libres sus extremos. En esta posicion se harán las lecturas que corres-

ponden à éstos y la del indice del tornillo. Se hará despues girar á éste cinco divisiones de una manera continua y en el mismo sentido, y al quedar la ampolla en reposo se efectuarán análogas lecturas; repitiendo esta operacion hasta que la ampolla haya recorrido toda la parte dividida del tubo, con lo cual quedará terminada una série sencilla de observaciones. Repetida la operacion en sentido inverso, es decir, moviendo el tornillo en direccion opuesta à la anterior, se completará la doble série. Sels de éstas son suficientes para conocer con la necesaria precision el valor de las divisiones del nivel, variando en cada série el paso del tornillo que sirve para el estudio. Las observaciones se anotarán como indica el formulario número 28.

148.—Para determinar la separacion angular de los hilos paralelos del reticulo, se procede de la manera siguiente: Se mide una distancia de 100^m y se divide en diez trozos iguales, eligiendo un terreno inclinado de manera que, hallándose el instrumento colocado primero en un extremo y luégo en el otro, y la mira sucesivamente en los diez trozos, los hilos del retículo se proyecten sobre diferentes puntos de la mira, para eliminar de este modo la influencia de los errores de division. Se leerá en cada

posicion del instrumento y mira la indicacion sobre ésta de la proyeccion de los tres hilos, repitiendo doce veces para cada distancia estas observaciones, variando la altura del instrumento y los observadores. Las anotaciones se dispondrán con arreglo al formulario núm. 29.

144.—La longitud absoluta de las miras, se obtendrá directamente por su comparacion con la regla de hierro del aparato «Ibañez.» Montado el comparador con los microscopios-micrométricos fijos á la distancia de tres metros, dispuestas la regla y la mira que se van á comparar en sus respectivos soportes movibles, en situacion horizontal, y de manera que los trazos O y III de la regla y los puntos grabados en las planchas de la mira, se presenten sucesivamente en el campo de los microscopios con claridad y en buenas condiciones de observacion, é instalados ademas los anteojos para leer las indicaciones de los termómetros de la regla de hierro, se empezará por determinar, si ya no se conociese por otras observaciones, el valor de 1^p de los tambores micrométricos, que se aceptará como constante y comun, á las observaciones sobre la regla y la mira. Para ello, colocando debajo de cada microscopio y á la altura de la regla y mira una reglita dividida en décimas de milímetro, se medirán, en partes

del tambor, diferentes intervalos entre las rayas de la division Recho ésto, se procederá de la manera siguiente: colocada la regla de hierro debajo de los microscopios, un observador en cada uno y dos auxiliares dispuestos à observar en los anteojos los termómetros empezando respectivamente por los 4 y 4, à una señal del geodesta que dirija la operación, se observarán todos y se harán las lecturas de ambos micrómetros correspondientes à los trazos O y III. Las dos primeras lecturas de termómetros hechas por cada auxiliar en cada comparacion servirán para el cálculo; la observación de los restantes sólo tiene por objeto evitar algun error grosero en la temperatura Sin pérdida de tiempo, se desviara la regla de hierro, y se colocará en su lugar la mira, sobre la cual, y observando los puntos grabados en las planchitas, se harán a la vez las lecturas micrométricas correspondientes. Tanto estas lecturas sobre la regla y la mira, como las de los termómetros y las observaciones para obtener los valores de 1^p de los tambores micrométricos, se anotaran por los propios observadores en hojas arregladas al formulario numero 30. Todo lo dicho constituye una comparacion sencilla. Se continuará de la misma manera, empezando la segunda en orden inverso, es decir, observando primero la mira que se halla

ya debajo del comparador. Serán suficientes 40 comparaciones.

Se procurará hacer cada comparacion sencilla en el menor tiempo posible, no importando que transcurra alguno de una á otra. Antes y despues de una série de comparaciones, convendrá asegurarse de la invariabilidad de los ejes de los microscopios y atender á la horizontalidad de la regla y de la mira.

PRÁCTICA DE LA NIVELACION.

- 145.—Así como las constantes de que se ha hablado anteriormente se admite que lo son durante el transcurso de una campaña, los errores instrumentales se determinan metódicamente ántes y despues de cada série no interrumpida de observaciones, y sus promedios se aplican tambien como constantes en cada série.
- 146.—Se llamará, para la mejor inteligencia, posicion normal del instrumento, respecto al anteojo, aquélla en que el ocular se halle del lado del tornillo de elevacion, y el tornillo fijo al cuerpo de aquél en contacto con el tope movible de la armadura lateral; y respecto al nivel, cuando los tornillos de rectificacion de su armadura se hallen tambien del lado del mismo

tornillo de elevacion. Las posiciones contrarias se denominarán inversas.

147.—Los errores instrumentales son debidos á la colimacion del hilo central horizontal,
al defecto de paralelismo entre el eje de figura
del anteojo y la linea de nivel, y al que proviene de no hallarse la ampolla en el centro de
la division del tubo, al que por brevedad se llamará en lo sucesivo error del nivel. Como la
extension media de la nivelada ha de variar
entre 40 y 50 metros, se efectua la determinacion de los errores colocando la mira en su tripode y á 40 metros de distancia del instrumento.

Establecido éste en posicion normal, se hace una lectura sobre la mira en la proyeccion de los tres bilos, anotando ántes y despues de ella las indicaciones del nivel; se hace girar el anteojo 480° alrededor de su eje de figura, y se repiten las mismas observaciones; vuelto el anteojo à su posicion normal, se efectúan por tercera vez. Si à cada una de éstas se les aplica la correccion por inclinacion, y los tres promedios de las lecturas en los tres hilos se reducen al hilo central, la diferencia entre la altura corregida y reducida de la observacion hecha en posicion inversa, y el promedio de las efectuadas en posicion normal, dará el valor del

doble de la colimacion. La colimacion del hilo central se corregirá hasta conseguir que á la distancia de 40^m no exceda de 4^{mm} la diferencia de lecturas en las dos posiciones del anteojo á 480°.

Para conocer el error de paralelismo, se anota la indicacion del nivel estando el instrumento en posicion normal, se coloca despues el anteojo en posicion inversa permaneciendo el nivel en la anterior, y se anota su indicacion; y por tercera vez se anota la lectura del nivel en la primera posicion de éste y delanteojo. La mitad de la diferencia entre la inclinacion del anteojo en posicion inversa y el promedio de las inclinaciones del mismo en las dos posiciones normales, es el valor de este error.

Si en cada posicion anterior del anteojo se anotan las indicaciones del nivel en posicion normal é inversa, invirtiéndolo al efecto, la mitad de la diferencia entre la inclinacion en posicion inversa de la inclinacion en posicion normal, da el error del nivel. Obtenidas así tres determinaciones de este error, su promedio es el que se acepta para el cálculo.

Sumando los tres errores instrumentales y obtenido el promedio de las determinaciones de los mismos al montar y desmontar el instrumento, este promedio es aplicable á las observaciones intermedias.

- 148.—En el caso de repentios lluvia ú otro accidente extraordinario, no se determinaria segunda vez los errores instrumentales, pero se procurará que esta falta sea excepcional.
- 149.—Si al transportar el instrumento sufriese choque ó accidente que pudiese influir en la rectificación que en él se hizo, se determinarán de nuevo los errores instrumentales, para aplicarlos á las observaciones subsiguientes, explicándolo así en las hojas de observacion.
- 150.—Al poner el instrumento en estacion, todas sus partes deben hallarse en la posicion normal, y se procurará que con sólo la introduccion de los pies del tripode en el suelo, la ampolla del nivel se balle en liberted. Con los tornillos del pié se colocará el eje próximamente vertical, y despues con el de elevacion se traera la ampolla al centro del tubo del nivel, hasta conseguir por medio de tanteos que la desviacion de la ampolla en las dos posiciones à 480° no exceda de seis divisiones.
- 151.—Cuando el viento cause tal perturbacion que à pesar de tomar precauciones para resguardar al instrumento, no pueda formarse juicio exacto de la posicion de la ampolta, se suspenderá el trabajo, como tambien cuando por efecto del calor ó de una fuerte reflexion,

la ampolla tome movimientos muy perezosos é inciertos; pudiendo fijarse, en general, y sólo aproximadamente, que en las llanuras del centro de España, en las hondohadas y en las carreteras ó parajes de suelo blanquecino, no se deberá nivelar, durante los fuertes calores, despues de las diez de la mañana ni ántes de las cuatro de la tarde, excepto en circunstancias favorables. El instrumento en estacion debe estar completamente resguardado del sol y de una reflexion muy fuerte de sus rayos, y con la misma precaucion se debe transportar de estacion en estacion.

152.—Tomadas todas estas precauciones, bien penetrado el observador de que no se debe aumentar la velocidad del trabajo á costa de la precision, y de que la verticalidad del eje de rotacion es la condicion más importante, se puede ya proceder á las observaciones. Colocado el nivel en estacion, y recibido el aviso de que la mira está vertical, se leerán y escribirán las indicaciones de la ampolla, apreciando las décimas de division, se hará la lectura sobre la mira en las tres proyecciones de los hilos, apreciando los milímetros y medios milímetros, si es posible, y se escribirá sin abreviaturas y debajo de cada lectura el color sobre que se proyecta el bilo; se anotarán por segunda vez las

indicaciones de la ampolla del nivel, y por último, se volverá à observar la mira para asegurarse de que en la lectura y escritura de las cifras y color no se ha cometido error grosero: teniendo presente que las diferencias entre las lecturas de los hilos deben guardar la misma relacion que se obtuvo ya, segun las distancias, al lacer el estudio del instrumento. Tambien serán objeto de rectificación las lecturas de los extremos de la ampolla, consistiendo aquélla en ver si ha existido equivocacion al escribir la lectura del lado del ocular por la del objetivo, y si se ha contado alguna division de más ó de ménos. Lo primero se ve comparando la primera con la segunda lectura, y lo segundo viendo el número de divisiones que ocupa la ampolla, que debe ser generalmente el mismo en las cuatro lecturas de cada estacion.

153.— Concluida la nivelada de espalda, antes de pasar el portamira à la estacion de la mira al frente, se asegurará el observador de que la nivelacion del instrumento subsiste como cuando se empezo la estacion. Si no fuese asi, se repetirá la nivelada de espalda, una vez rectificada la nivelacion de aquél. Si se conserva nivelado el instrumento, marcha el portamira rectamente bácia éste contando los pasos, y desde él repite los mismos en la direccion de

la nueva nivelada. El error de equidistancia se conoce por la buena visibilidad hasta distancias de 30^m; pero no si la nivelada fuese de mayor longitud. En este caso se aprecia aproximadamente por el espacio abrazado sobre la mira por la proyeccion de los hilos extremos. Si se sospechase que hay error de alguna consideracion, el observador hará avanzar ó retroceder al portamira para que no llegue el error nunca á 10^m, ó sean 12 á 14 pasos Si por una circunstancia cualquiera hubiese necesidad de repetir la nivelada de espalda despues de haber pasado el portamira á la estacion del frente, nunca pretenderá el observador volver la mira al lugar que tuvo, áun cuando crea percibir distintamente el sitio que ocupó la plancha, sino que se volverá á nivelar desde la señal fija más próxima.

154.—Todas las observaciones se anotarán en las dobles hojas preparadas que al efecto lleva el observador (form. núm. 34). En la primera y cuarta plana se anotarán el número del instrumento, el dia y la hora; las dos determinaciones de los errores instrumentales y la distancia á que se han tomado, la línea general y seccion en que se trabaja, la causa de la suspension del trabajo en los dias en que lo haya

estado, descripcion de las señales, itinerario seguido, la causa de no haber determinado segunda vez los errores instrumentales, el estado de la atmósfera, cualquier otro acontecimiento que tenga influencia en la nivelacion, y la media firma del observador; de modo que esta parte escrita de las hojas llene en cierto modo el objeto de servir de diario de operacionas. En la segunda y tercera, ó caras interiores de la hoja, se anotan las observaciones segun el encasillado y los epigrafes, indicando por e y f las estaciones de la mira á la espalda y frente.

Para las señales se adoptarán los signos convencionales signientes:

los mismos signos que se hicieron en el terreno. Algunos puntos importantes suelen indicarse convencionalmente, por ejemplo: O_m , punto de referencia de las observaciones de un mareógrafo; b, superficie del mercurio en la cubeta del barómetro; E. S. y E. N., extremos de una base, etc.

Se anotan tambien los pasos en cada estacion, á fin de marcar nuevo trozo cuando su suma sea de 4.200 á 4.700, ó próximamente de 4.000 á 4.400 metros. No se anotarán más observaciones que las comprendidas entre las dos determinaciones sucesivas de los errores instrumentales, ni se mezclarán las de distintas secciones.

155.—Nunca se hará correccion en lo ya escrito, á no ser ántes de levantar el instrumento y mira. El observador que nivele por primera vez cada trozo de línea remitirá al que ha de hacerlo por segunda vez una nota del itinerario y descripcion de las señales que deja establecidas. En las anotaciones no se pondrán comas para separar la parte decimal de la entera; pero se tendrá siempre presente que en la lectura del nivel se escriben las décimas de division, y las centésimas de centímetro en las de la mira.

156.—Diariamente se sacará copia confrontada de las observaciones, siendo responsable el observador de su conformidad. En cuanto llegue á paraje en que haya correo, remitirá los originales á la Direccion general, y una vez tenida noticia del recibo, remitirá de igual manera las copias correspondientes.

trumento es una de las principales atenciones del observador. Lo sacará de la caja y guardará por sí mismo, pondrá y rectificará el nivel de la mira, y prevendrá lo necesario cuando, por la intensidad del calor, corran riesgo los tubos del instrumento y el nivel esférico de la mira. Se tendrá especial cuidado en que la mira no sufra golpe que pueda torcer el gancho en que se cuelga la plomada y la punta con la cual ha de coincidir, porque si esto sucediese no habría medio fácil de rectificar el nivel esférico. La limpieza del instrumento se limitará á las partes exteriores.

158.—Se colocará la mira en su trípode siempre que se determinen los errores instrumentales, y en algun otro caso en que el viento
obligue á ello. El portamira, al recibir del observador el aviso de que ponga la mira vertical, fijará toda su atencion en el nivel para
conseguirlo, cuidando al propio tiempo de que
la cara de la mira sea normal á la visual. En
esta situacion permanecerá inmóvil hasta reci-

bir segundo aviso del observador. Es indispensable para una buena nivelación que el punto que sirvió de estación de frente de la mira sea exactamente el mismo en la estación de espalda siguiente. Por lo tanto, se debe abstener el portamira de apretar la plancha de modo que baje, darlas golpes que la hagan variar de lugar, y de pisarla de modo que se levante de un lado, debiendo el observador inculcarle la obligación en que está de manifestarle inmediatamente cualquier accidente de esta especie que pueda ocurrir, para rehacer la nivelación desde la señal más próxima.

159.—Al llegar al paraje en que debe colocarse la mira, el portamira sentará con fuerza la plancha, oprimiéndola con el pié y colocándola, en cuanto se pueda, horizontal. Cuidará de que el pivote de la mira y el taladro de la plancha no estén oxidados, ni obstruido éste, para que al girar la mira no se altere la posicion de la plancha; cuando no se use ésta se tendrá especial cuidado en que la mira gire en el mismo punto de apoyo, que ha de ser el centro de la señal. Las funciones del portamira son, por lo tanto, importantes, y en el momento en que se desconfíe de él, es preferible á todo relevarlo por otro hombre que inspire completa confianza.

160.—Así el observador como el portamira cuidarán de observar la longitud de su paso, y acostumbrarse á darlos siempre iguales cada cual.

161.—Cuando en el curso de una nivelacion ocurriese la necesidad de salvar una brusca diferencia de nivel que no permitiese emplear el procedimiento ordinario, y en general, siempre que esto último tenga lugar por oualquier circunstancia, se utilizará el método geométrico más adecuado para obtener la diferencia de nivel con la precision requerida.

MARRÓGRAPOS.

162.—La red de las nivelaciones de precision se ha de componer de un sistema de líneas, ya radiales ó transversales, cuyo objeto es, al propio tiempo que contribuir al estudio de los problemas enlazados con los niveles relativos de los mares, suministrar las alturas sobre éstos ó altitudes de puntos de la red geodésica y de otros de importancia, que han de servir de fundamento á las nivelaciones topográficas. Por esto, el complemento del plan de nivelaciones de precision es la observacion del nivel medio del mar, en varios puntos del litoral de la Pe-

nínsula enlazados inmediatamente con la red de nivelaciones.

(28)
$$N = \frac{2(h^{I} + h^{II} + h^{III} + ... + h^{n}) - (h^{I} + h^{n})}{2(n-1)}$$

y este valor será tanto más aproximado al verdadero, cuanto mayor sea el número de observaciones, ó lo que es igual, cuanto menor sea Δt .

En el caso más favorable, esto es, cuando Δt se pueda considerar como infinitamente pequeño, se tendrá

$$t. N = \int h. dt.$$

y para un dado intervalo t',

(29)
$$N = \frac{\int_{0}^{t'} h. dt}{t'}$$

Un aparato que, mecánicamente y de una manera continua, indique las variaciones del nivel por medio de una curva, cuyas ordenadas y abscisas sean respectivamente proporcionales en relaciones constantes, con las alturas de nivel y los tiempos transcurridos, proporcionará el medio de obtener gráficamente el valor de N. Este es el objeto que llenan los mareógrafos establecidos en Alicante y Santander. El numerador de la expresion (29) equivale á la superficie comprendida por el eje de abscisas de referencia, las ordenadas extremas que corresponden á los instantes o y t', y la curva; obtenido su valor por el planímetro, se deduce la altura del rectángulo equivalente, de la misma base t', que es el nivel medio para el intervalo de o á t'.

164.—El mareógrafo construido por el señor Adie, que está establecido en el puerto de Alicante, consiste en un flotador hueco unido á una cadena sin fin que pasa por la garganta de una polea provista de dientes, para que aquélla se adapte sin resbalar, de manera que los movimientos del flotador, en sentido vertical, se

trasmiten integros á la polea por el intermedio de la cadena, la cual lleva además un contrapeso para facilitar esta transmision. Otra polea, cuyo eje es el mismo que el de la anterior, tiene arrollado un cordon metálico, unido por su extremo á la armadura de un lapicero, en cuya parte opuesta se une otro cordon, del que pende un contrapeso, el cual hace que se mantenga el cordon metálico con una tension constante. La armadura del lapicero se traslada en sentido rectilineo y horizontal, por una guía cilíndrica cuando gira la polea, correspondiendo los movimientos de traslacion del lápiz con los verticales del flotador, en relacion de los radios de las poleas. Un cilindro horizontal, de 24 centímetros de circunferencia, gira alrededor de su eje impulsado por un aparato de relojería, que le comunica su movimiento uniforme, haciéndole dar una revolucion completa en 24 horas; al cilindro se arrolla una hoja de papel, en la que está trazada una cuadrícula de un centímetro de lado. Obligado el lápiz por un peso à mantenerse en contacto con el cilindro, marca sobre la hoja de papel una curva, cuyas ordenadas en sentido del eje del cilindro, son las variaciones del nivel del mar, correspondientes à los tiempos representados por las abscisas. La escala para las ordenadas depende de los radios de las poleas, cuya relacion es, en este aparato, 3,97.

El establecido en Santander del mismo constructor no difiere del anterior sino en pequeños detalles; el cilindro en que se arrolla el papel tiene 4^m,20 de desarrollo en su circunferencia, y la relacion constante las variaciones del flotador en sentido vertical con las correspondientes del trazador está representada por 5,102.

165.—Antes de establecer estos aparatos es necesario asegurarse de su marcha y determinar experimentalmente los valores de las constantes. Para ello se situará el mareógrafo en estacion con el flotador en un depósito de agua ó receptáculo cuya altura relativa de nivel se conozca en cada momento y se pueda variar á voluntad y paulatinamente; se observarán, estando parado el movimiento de relojería, las magnitudes de las líneas trazadas por el lápiz, que comparadas con las correspondientes variaciones de alturas del flotador darán la constante que representa la escala de las ordenadas. La de las abscisas será la que resulte de la medicion de la circunferencia del cilindro, y del tiempo en que éste verifica una revolucion completa, que en los mareógrafos empleados es de 24 horas. Se hará que el nivel del agua en el depósito varíe alternativa y continuamente para descubrir si, por rozamientos ú otras causas, existen tiempos perdidos en las indicaciones del lápiz, y si los hubiera se medirán y tendrán en cuenta para los cálculos en que pudiera influir esta circunstancia. Cuando se trate únicamente de obtener la escala de las ordenadas, bastará colocar el aparato sobre una mesilla y hacer pasar, girando la gran polea, magnitudes dadas de la cadena del flotador y medir las correspondientes excursiones del lápiz sobre el cilindro, estando éste en reposo.

166.—Los aparatos se colocarán, para las observaciones, en edificios hechos al efecto y sobre sólidas mesillas fijas; el flotador en un pozo, cuyo fondo estará en libre comunicacion con el mar por medio de uno ó más tubos de poco diámetro. En un punto de la cadena del flotador se hará una marca, la cual al enrasar á la altura de la mesilla ó con otro punto fijo, servirá para referir una altura absoluta de nivel del mar á una posicion dada del lápiz en sentido de la ordenada. La altura de este punto fijo sobre el nivel del agua cuando se verifique la coincidencia se medirá escrupulosamente. Ademas, se establecerá en el borde del pozo ó muy inmediato á él una señal de las nivelaciones de precision, independiente del aparato, y á la cual se reserirán en último término las alturas del nivel del mar.

- 167.—Las hojas de papel que se deben arrollar al cilindro serán de las dimensiones apropiadas para que nunca dé lugar á duda su precisa colocacion; en ellas se marcará el nivel de
 referencia, encabezándolas con el dia y hora
 en que dan principio las observaciones, que
 será ordinariamente á las 42 del dia, para lo
 cual se cuidará de tener en cuenta la marcha
 del aparato de relojería que hace girar al cilindro alrededor de su eje. Para utilizar una hoja
 durante dos ó más dias convendrá, en algunos casos, variar cada 24 horas sólo el color del
 lápiz.
- 168.—Se dará periódicamente cuerda al reloj, y se compararán sus indicaciones con las de otro que inspire confianza para el objeto mencionado en el artículo anterior.
- 169.—Al cambiar el papel, se cuidará de que se correspondan la posicion de referencia del lápiz, con la determinada por la marca en la cadena del flotador; si ésto no tuviese lugar, se corregirá esta variacion; y si el aparato no lo permite, se dará inmediatamente cuenta del hecho á la Direccion general, expresando con suma claridad la magnitud y sentido de la variacion.
- 170.—El cambio de hojas ó de lápices se hará con rapidez, sin que deje de funcionar el

aparato, evitando con cuidado cualquier choque ó entorpecimiento que pudiese alterar su marcha.

- 171.—Se conservarán las hojas en blanco en sitios ventilados y poco húmedos, arrolladas en el sentido en que deberán adaptarse en el cilindro, para facilitar su colocacion. Siempre habrá dispuestos un lápiz y una hoja para colocarlos en el acto que lo exigiese un accidente imprevisto.
- 172.—Se observará con frecuencia el grueso de la curva para graduar la presion del lápiz. Se atenderá escrupulosamente á la limpieza del aparato, del pozo y tubo de comunicacion.
 - 173.—Las hojas del mareógrafo se remitirán cada diez dias á la Direccion general acompañadas de observaciones sobre el estado del mar y de cuantos datos se juzguen necesarios.
 - 174.—El encargado de una estacion de mareógrafo se sujetará estrictamente á las instrucciones particulares, concernientes al servicio de cada aparato.

ESTACIONES METEOROLÓGICAS.

175.—En el mismo edificio en que esté establecido el mareógrafo, ó inmediato á él, estará la casa-habitacion de los empleados encargados de su servicio, y en ella una estacion meteorológica, que constará de:

Un barómetro.

- » termómetro de máxima à la sombra.
- termómetro de id. al Sol en el aire.
- e termómetro de id. al id. en el vacío.
- termómetro de mínima á la sombra.
- termómetro de irradiacion nocturna.
- psicrómetro.
- pluviómetro.
- » atmómetro.
- anemómetro.

Una veleta.

176.—El barómetro se colocará en una habitación de la casa. Se medirá con suma precision la altura de la cubeta sobre el nivel del mar. Antes de la observación se abrirán las ventanas para la renovación del aíre, pero en el momento de efectuarla se evitará la brusca acción del viento. Haciendo el contacto del índice de marfil con la superficie del mercurio de la cubeta, se observará en la escala la altura de la columna, leyendo ademas la temperatura en el termómetro afecto al instrumento.

177.—El psicrómetro estará formado por dos termómetros centigrados, y se establecerá en la azotea de la casa; estos termómetros, así como los de sombra, estarán resguardados de la accion directa de los rayos solares por celosías que permitan la libre circulacion del aire. Los termómetros que constituyen el psicrómetro estarán muy inmediatos entre sí para igualar en lo posible sus condiciones; un rato ántes de observar sus indicaciones se asegurará el observador de que el seco no tiene humedad alguna, y añadirá en el frasco del húmedo agua á temperatura ambiente, si hiciese falta.

- 178.—Los termómetros de temperaturas extremas no estarán en estacion todo el dia, sino sólo en aquellas horas en que es probable obtener el resultado en su observacion; así los de máxima no se colocarán en estacion hasta despues de la salida del Sol; el de irradiacion no se colocará sino á la postura de este astro, y el de mínima á la sombra cuando empiece ó decaer la tarde, retirando cada uno á las horas proporcionadas y con sujecion á igual criterio.
- 179.—Al tiempo de subir á efectuar las observaciones del atmómetro y del pluviómetro se llevará una vasija con agua y otras vacías, ademas de las probetas; la operacion empezará por vaciar el contenido de cada uno de los aparatos en una vasija, se dejará vacío y bien limpio el pluviómetro y cambiará el agua del atmómetro, vertiendo en él el número de probetas y partes de probeta que sea necesario, aten-

dida la magnitud de uno y otra. En aeguido pasarà à medir la cantidad de agua que ex tia en cada aparato, anotando en la hoja de servaciones la cantidad de agua caida es pluviómetro y la que faltaba en el atmóme En el caso de que se encontrare sobre un etro aparato alguna cantidad de nieve, hio granizo, se derretirá con cuidado para evitas pérdidas por caida ó evaporacion forzada, y considerará como agua caida toda la resulta: En la hoja de observaciones se pondrá os nota la clase de agua caida, si fué de lluvia acompañada de nieves, nieve sola, etc.

180.—Con la veleta se apreciarán las o direcciones principales de los vientos, y o anemometro se efectuarán las lecturas aprec do 0,05 de parte. En el resto de las observames no se tomarán más que las décimas.

181.—Ademas de las observaciones de k los anteriores instrumentos, se apreciará el tado de la atmósfera segun la mayor ó ma extension de horizonte cubierta de nubes, presando los estados de Despejado, Sereno, boso y Cubierto.

182.—Las horas de observacion serán, q el psicrómetro, barómetro, veleta y atmós las 0, 6, 12 y 18 horas, y para el anemómetro 6, 12, 18 y 34, habiendo tomado la primero las 0 horas del primer dia como punto de partida; á las 18 horas se observarán las mínimas à la sombra y de irradiacion, y al fin del dia, ó sea á las 0^h, los tres termómetros de máxima, el atmómetro y el pluviómetro.

- 183.—Todas estas observaciones se escribirán en hojas diarias, arregladas al formulario
 número 32, que firmará el observador, y que
 irán respaldadas con todas las notas que éste
 juzgue oportunas sobre cualquier fenómeno ó
 circunstancia meteorológica, ó sobre los instrumentos. De estas hojas se sacarán copias, que
 cada diez dias se remitirán á la Direccion general; y cuando se tenga noticia del recibo de todas las de un mes, se enviarán á la vez las originales, cosidas en forma de cuaderno, con su
 correspondiente cubierta.
- 184.—El encargado de la estacion meteorológica vigilará los instrumentos y cuidará de su
 perfecta conservacion; respecto á los termómetros de temperaturas extremas, tendrá cuidado
 de que al llevar á cero uno de los extremos del
 indicador, no se interrumpan las columnas de
 mercurio; cuidará de que el mercurio del barómetro no se vierta, ni se ensucie con sustancias
 extrañas; el atmómetro y pluviómetro han de
 estar bien sujetos, y procurará que la cantidad
 de agua que contengan no sea tal que pueda

verterse por un golpe de viento. Tomará, por último, todas las precauciones que le sugiera su celo, y dará inmediatamente cuenta à la Direccion general de cualquier novedad que reclamare el pronto conocimiento de la Superioridad.

186.—Ademas de los instrumentos de que se ha hecho mencion, poseerá cada estacion meteorológica otro juego completo de termómetros, compuesto de dos centigrados, y uno de cada clase de los que indican temperaturas extremas, los cuales se conservan de reserva para sustituir á los que están en uso, en caso de rotura ú otra inutilidad. Todos los aparatos de la estación y los de reserva se estudian separadamente, para conocer sus errores especiales, comparándolos con los tipos. Ademas, se compararán periódicamente los termómetros colocados en estacion con los de reserva, para asegurarse de su buen estado y del acuerdo de sus indicaciones.

TRABAJOS DE GABINETE.

CÁLCULO

DE LAS CONSTANTES DE LOS INSTRUMENTOS.

186.—El cálculo para la determinacion del valor de una division del nivel, en cada instrumento, se verificará por la fórmula

(30)
$$S = \frac{\frac{1}{k} ([p'] [n'] + [p''] [n''] + ... - [p n])}{[pp] - \frac{1}{k} ([p'] [p'] + [p''] [p''] + ...)} \pm$$

$$\sqrt{\frac{\left[\triangle^{2}\right]}{\left(m(k-1)-1\right)\left(\left[pp\right]-\frac{1}{k}\left(\left[p'\right]\left[p'\right]+\left[p''\right]\left[p''\right]+...\right)}}$$

en la cual se designan por:

- m... El número de séries que se han efectuado en el estudio.
- k... El de valores ú observaciones de que consta cada série.
- p... La mitad de la suma de las lecturas con sus signos de los extremos de la ampolla en cada posicion del índice de la

probeta, ó sea la situación del centro de la ampolla.

- n... El valor angular correspondiente à los diferentes movimientos que se hayan dado al índice de la probeta, tomando siempre la primera porcion como punto de partida para contarlos.
- Δ... El error cometido en cada una de las observaciones.

La aplicacion de esta fórmula se encuentra completamente detallada en el formulario número 33.

187.—La separacion angular de los hilos del reliculo se calculará, para cada distancia de mira del estudio, con arregio al form. núm. 34, en el que se designan por A, y A, respectivamente la separacion angular entre el hilocentral y los inferior y superior En la primera columna se escribirán los nombres de los observadores; en la segunda las posiciones; la tercera contendrá las correspondientes lecturas hechas con los tres hilos por el mismo órden en que se hacen, esto es, inferior, central y superior. En la cuarta columna se obtendrán las diferencias entre las lecturas extremas. Con las diferencias entre las lecturas hechas con los hilos central é inferior, escritas en la columna quinta y la distancia d' constante para todo el formulario, que va á la cabeza, se deducirán valores de las tangentes naturales de A, (columna sexta), y con éstos sus logaritmos y los valores en segundos de A4, que se consignarán en las columnas séptima y octava. En las cuatro columnas siguientes se calcularán análogos valores referentes à A₂. En la penúltima columna se escribirá la separacion angular de los hilos extremos $A = A_1 + A_2$; y en la última la que existe entre el hilo central y el hilo medio ideal, ó sea la que corresponde al promedio de las tres lecturas; esta separacion está expresada por $\frac{A_2-A_1}{2}$. Al pié de las columnas de los resultados parciales se escribirán los totales para cada distancia con sus respectivos errores medios calculados por la fórmula

$$\varepsilon = \pm \sqrt{\frac{[e^2]}{n-1}}$$

llamando e á las diferencias entre los valores de A ó de $\frac{A_2-A_1}{3}$ respectivamente y su promedio, y n el número de observaciones.

188.—Calculados estos valores, se pasará á determinar los resultados más probables de todos ellos para cada instrumento.

Para A se empleará la fórmula

$$\mathbf{A}_{\mathbf{p}} = \frac{[\mathbf{P}, \, \mathbf{A}]}{|\mathbf{P}|}$$

y su error medio se obtendrá por la

$$\pm \sqrt{\frac{V^{2}P_{\perp}}{P_{\perp},n(n-1)}}$$

en cuyas expresiones representan ademas de las notaciones dichas:

V... las diferencias entre el valor más probable A_p y los resultados parciales A, y
 n... el número total de estos.

El cálculo se hará con arregio al formulario número 35, que sirve igualmente para determinar el valor más probable de $\frac{A_2-A_1}{3}$.

180.—Para calcular la longitud absoluta de una mira, entre los puntos grabados en sus extremos, si se designan por

 f^{I} y f^{III} . las lecturas micrométricas, hechas en la regla de hierro con los mi-

croscopios i y iii respectivamente,

- m' y m'III. análogas lecturas en las miras,
- h.... el promedio de los valores de 1º de los tambores micrométricos,
- T. la temperatura de la regla promedio de las indicaciones t_1 , t_2 , t_3 y t_4 de sus cuatro termómetros,
- F_{t_R} ... la longitud conocida de la regla de hierro, á la temperatura t_R = 24 G, 935
- φ.... la dilatacion de la regla por cada grado,
- M. la longitud de la mira; y representado por:
- C. . . . la distancia comprendida entre los ceros de los micrómetros, y por
- F. la longitud de la regla, comprendida entre los trazos observados en
 cada operacion, y puestos los dos
 micrómetros en la posicion que
 se indica en el formulario número 30, se tendrá:

$$C = M + m' - m'' = F + f' - f''$$

de donde se deduce fácilmente

$$N = M - F = (f' + m'') - (m' + f''),$$

cuyo valor, multiplicado por à, darà, para cada comparacion, la diferencia de longitudes entre la mira y la parte de regla P, reducida à milimetros; pero como la longitud de la regla varia con la temperatura, será en cada caso igual à la longitud normal, más la dilatación D sufrida, y se tendrá:

(31) F=0,78
$$F_{t_R}$$
+ D=0,78 F_{t_R} + 0,75 $\varphi(t_R - T)$.

Se procederá à calcular el valor de D como se indica en la segunda parte del formulario número 35, determinando en seguida el valor de $M - 0.75 P_{t_0} = Nh - D$ para cada una de las 40 comparaciones. El promedio de todas éstas, anmentado al valor con ocido de 0,75 Ft., proporcionará el valor de la longitud de la mira comprendida entre las puntas grabadas en sus planchitas: la tercera parte de este valor, corregida de la diferencia que existe entre los trazos finales. de la mira y los puntos grabados, diferencia determinada por medio de una comparación especial, es el valor de un metro de la mira. El error medio se compone del correspondiente à la operacion de comparar, unido con el que afecta al valor de la regla de bierro, y se determinará siguiendo el sistema explicado otras veces y con

sujecion al formulario 36. Los valores correspondientes á las vueltas de los tornillos micrométricos se calcularán análogamente á las de las divisiones de los niveles, empleando el formulario núm. 37.

Obtenidos los valores de la longitud de las miras, se pasará á determinar el valor medio que corresponde á cada una de ellas, atendiendo á los diversos valores obtenidos en las sucesivas comparaciones de que han sido objeto las miras y la variabilidad media á que están sujetas, segun los mismos valores, para lo cual se hará uso del formulario núm. 38.

Escritos en la columna respectiva los diversos valores de h obtenidos para la longitud del tercio de la mira en sus diversas comparaciones, se halla su promedio, el cual se diferenciará de cada uno de los valores h en cantidades e compuestas de los errores e obtenidos en las diversas comparaciones, y que ya son conocidos, y de la variacion que haya sufrido la mira; el promedio de todos los valores e, combinado con el promedio de los e, proporcionará la variabilidad media $V = \frac{1}{2} \sqrt{e^2 - e^2}$

El cuadrado de esta variabilidad media, ó sea el valor de e² — ε², se añadirá á los valores de ε², cuadrados de los errores medios procedentes de las comparaciones, y los resultados serán

los enadrados de las incertidumbres con que se obtienen cada uno de los valores de h, las que están en razon inversa de los pesos de estos mismos valores de h. Se elegirá como unidad de peso el que corresponda à la incertidumbre más conveniente para simplificar el cálculo, y dividiendo este valor de Yº por cada uno de los obtenidos, se tendrán los pesos aplicables à cada uno de los valores de h. Multiplicados los valores h por sus pesos respectivos, y dividiendo la suma de estos productos por la de los factores P, se obtendrá el valor medio de t^m de la mira.

La diferencia entre el valor medio de un metro de la mira y los diferentes valores de h representarán el error probable de cada uno de estos valores, y determinando el promedio de éstos, teniendo en cuenta sus pesos respectivos, iguales á los de las miras, se obtendrá el error medio de 4^m de las miras.

CÁLCULO DE LAS DIFERENCIAS DE NIVEL.

190.—Conocidos, en cada instrumento, los valores de las constantes, se formarán tablas auxiliares para la facilidad de los cálculos. Estas tablas son tres: la 4.ª, que da la distancia por medio de los centímetros comprendidos sobre la mira por la proyeccion de los hilos extremos; la 2.ª, que expresa la reduccion del promedio de los tres hilos al hilo central, y la 3.ª, que da la correccion por inclinacion que deben sufrir las lecturas observadas, ya sea por sólo la inclinacion de nivel, ó por los errores instrumentales. La primera tabla se deduce de la fórmula

$$D = c \times cotg. A.$$

En esta tabla, la variable c aumenta de décima en décima de centímetro desde 0, cm 1 hasta 30 cm,0; de centímetro en centímetro desde 30 hasta 400 centímetros; de diez en diez centímetros, desde 400 hasta 500 centímetros; y de cien en cien centímetros, desde 500 á 4.000 centímetros. La distancia D se obtiene en metros y decimetros con un error menor de medio metro. La segunda tabla resulta de la fórmula

(33)
$$R = c \times \text{cotg. } A \times \text{tang. } \frac{A_0 - A_1}{8}$$

La variable e aumenta de centimetro en contimetro desde 1^{cm} hasta 53^{cm} para el caso de que los errores instrumentales se tomasen á 50^m del instrumento. El valor de R resulta expresado en centimetros y centésimas de centimetro.

La tercera tabla, que es de doble entrada, está formada con la fórmula

(34)
$$X = o \times P \times cotg. A \times s \times tang. 4",$$

en la cual P y s representan respectivamente la inclinacion en divisiones del nivel y el valor angular de una de éstas.

La variable e aumenta de centimetro en centimetro desde i hasta (02, que es el máximo espacio comprendido en la mira por los hilos extremos à la distancia de 100^m. La variable P aumenta de media en media décima de division desde 0^d ,05 hasta 4^d ,00, que es mayor que todax las sumas obtenidas ordinariamente para los errores instrumentales. Como esta tabla es muy larga, y laboriosa su formacion, no conviene extenderla á más valores de P, y si algun caso resultase no comprendido en ella, es preferible aplicar desde luégo la fórmula y determinar la correccion que resulta expresada en centímetros y centésimas de centímetro.

191.—Ademas de las tablas mencionadas, y con el mismo objeto de simplificar las operaciones numéricas, se prepará, para cada instrumento, la fórmula

(35)
$$C = \frac{\delta}{c} \times \frac{\text{tang. A}}{\text{tang. 1"}} \times \frac{1}{s}$$

que da la colimacion en divisiones del nivel.

192.—Con los datos relativos al estudio de cada instrumento, se formará un cuadro análogo al formulario núm. 39. Siendo este cuadro el resultado de gran número de observaciones, pueden tomarse sus indicaciones como indicio seguro para conocer si se ha deslizado un error grosero en la lectura ó escritura de la observacion, y tambien para comprobar si el promedio de las tres lecturas en cada nivelada es próximamente igual á la lectura del hilo central corregida del correspondiente valor de la última columna, en cuyo caso será prueba de que no existe error grosero; pero en el caso contrario se desechará la observacion.

193.—Una vez recibidas las hojas de campo relativas á cada instrumento, así originales

como copias, dos calculadores por cada uno de éstos copiarán los datos en las dos caras interiores de las hojas de cálculo preparadas al efecto, formulario núm. 40. Se hará seguidamente una minuciosa confrontacion para cerciorarse de la exactitud de las copias, así de la efectuada en el campo por el observador, como de las que se acaban de mencionar. Obtenido completo acuerdo, pasarán las hojas de campo originales al archivo geodésico, y sus copias quedarán en poder del geodesta encargado de los trabajos de nivelacion.

194.-Con los datos ya estampados en las hojas de cálculo, cada una de las cuales comprende generalmente todas las observaciones entre dos determinaciones de errores instrumentales, procede separadamente cada calculador á electuar los cálculos. La inclinacion en cada nivelada se obtiene en divisiones y centésima de division del nivel. Se anota la diferencia entre los hilos extremos y el promedio de las lecturas en los tres hilos hasta la diezmilósima de centimetro. Con la inclinación y aquella diferencia se obtiene en la tabla tercera la coreccion por inclinacion, que se aplica al promedio de los tres hilos. A un lado se escriben por este mismo órden todas (as niveladas de espalda y al otro las de frente, comprendidas entre

dos señales. Entre cada dos de éstas se efectúa la suma de las alturas corregidas de inclinacion, y de las diferencias de los hilos extremos.

En la segunda plana interior de la hoja figuran los datos para la determinación de los errores instrumentales; con los valores de c y δ , sustituidos en la fórmula (35), se deduce el valor de la colimación en divisiones del nivel. Se suman los tres errores en cada determinación, y seguidamente se obtiene el promedio de estas sumas para los dos correspondientes al principio y fin de cada dia.

En esta segunda plana interior se halla el encasillado dispuesto para el resúmen que se hace entre cada dos señales consecutivas. Se escriben à continuacion una de otra, tanto para las niveladas de espalda como para las de frente, la suma de las alturas corregidas y la de las diferencias de los hilos extremos, con la cual se obtiene en metros en la tabla primera la suma de las longitudes de las niveladas, que se escribe á continuacion. Restando los dos primeros datos que se acaban de mencionar, siempre los de frente de sus correspondientes de espalda, se anotaná continuacion la diferencia de alturas y el error de equidistancia así en ' valores de c como en metros, en todo el trozo. Con el valor del error de equidistancia y el promedio de los errores instrumentales, se encuentra en la tabla tercera la correccion por éstos. Con aquel valor tambien se obtiene en la tabla segunda la reduccion del promedio de los tres bilos al hilo central. Aplicadas estas correccion y reduccion à la diferencia de alturas, se halla la diferencia de nivel del trozo, y su longitud sumando las de las niveladas de espalda y frente.

Pasan despues las hojas á un tercer calculador por cada instrumento, y reunidos los dos terceros correspondientes à un par de niveles, verifican una confrontacion de estos calculos, hasta obtener la completa conformidad entre las hojas procedentes de las de campo originales y las que provienen de las copias. Estos mismos calculadores estampan en las planas exteriores de todas las hojas de cálculo las siguientes noticias, que pueden llamarse estadísticas, en cada dia de los empleados en la nivelacion: designacion de la linea, seccion y trozos, itinerario seguido; dia y hora en que se empezó y concluyó el trabajo; tiempo utilizado; número de estaciones del instrumento; longitud máxima, media y minima de la nivelada; inclinacion máxima y media del nivel; error máximo y medio de equidistancia por trozo; longitud máxima v media de los trozos; valor máximo y medio de los errores instrumentales; máxima variacion ó diferencia al promedio de los mismos errores; error que esta variacion introduce en el trozo á que corresponde, y longitud nivelada.

195.—Terminados todos los cálculos de una seccion de la línea, se hace en hoja separada un resúmen para cada instrumento, con los datos sacados de las hojas parciales, tomando de éstas las diferencias de nivel con sólo la cifra escrita del decimilímetro (form. núm. 41), y reduciendo las diferencias de nivel á metros por medio del valor de 1^m de la mira. En esta hoja se resúmen además las noticias estadísticas de las hojas parciales y la descripcion de las señales; verificando despues otra confrontacion entre los originales y las copias, para evitar errores de cálculo.

196.—Con los resúmenes parciales de seccion de cada par de instrumentos, se forma un Estado comparativo, trozo por trozo, de los resultados de cada uno de aquéllos, determinando el promedio de los mismos, su error medio y su error medio kilométrico, cuya magnitud indica los trozos que se deben repetir (formulario número 42). Verificada esta tercera nivelacion y calculada, se inscriben sus resultados en el Estado comparativo, reformando en consecuen-

cia los promedios, errores medios y errores kilométricos; concluyendo por determinar el resultado total de toda la seccion, así respecto á la diferencia de nivel de sus extremos, como á su longitud.

197.—Con los datos de este primer cuadro se forma en la misma hoja otro en que sólo se incluyen las señales principales y las secundarias de la primera clase, es decir, todas aquéllas para las que es conveniente determinar su altitud.

das las secciones de una línea de nivelacion, los mismos calculadores, en hoja separada, forman con los datos de aquélias, y para toda la línea, resumenes (formularios números 43, 44 y 45), con expresion de los trozos, sacados de los segundos cuadros de las comparaciones, secciones, longitudes, diferencias de nivel reducidas, errores y demás datos numéricos, asi como tambien de las noticias estadísticas; cuyo conjunto ha de servir para la determinación de las altitudes de todos los puntos que por su importancia lo merezcan, y más adelante para la compensacion general de los errores en toda la red de líneas de nivelacion.

199.—Con las diferencias de nivel y la altitud conocida de la señal comun con otra línea nivelada con antelacion, se determinarán las altitudes de todas las señales permanentes, sus errores medios y las distancias que las separan del punto de partida para todas las nivelaciones de precision de España, que por ahora es el nivel medio del mar en el puerto de Alicante en el punto en que se estableció la escala de puerto (escalerilla del muelle); este cálculo se verificará con cuatro cifras decimales, pero se despreciará la cuarta al tiempo de formar el Estado análogo al form. 46.

Cuando la línea nivelada uniera dos señales cuyas altitudes fueran conocidas con anterioridad, se partirá, para el cálculo de las altitudes de las señales intermedias, de aquélla cuya altitud fuera conocida con menor error medio, obteniéndose así la de la otra señal extrema, y comparándola con la altitud conocida. Se determinará además la extension ó desarrollo lineal de las nivelaciones que forman el polígono cerrado por ellas. Si la diferencia entre los dos valores obtenidos para la segunda señal comun, fuera menor que el valor 5 \sqrt{K} , se aceptarán como buenas todas las líneas de nivelacion que constituyen el polígono; pero si la diferencia, considerando desde luégo el error medio de cada cota extrema, fuera superior al límite 5 VK, será prueba de que alguna de las lineas no tiene la precision que se desea para esta clase detrabajos; y se procederá á la revision de los datos y resultados para investigar el origen delerror, y evitarlo.

200.—En las hojas de cálculos no serán permitidas raspaduras ni enmiendas que no estén salvadas con claridad ántes de la firma que elcalculador estampará en cada hoja.

CÁLCULO DEL NIVEL MEDIO DE LOS MANES.

201.—Estos cálculos se haran sobre las mismas hojas originales que se arrollaron á los cilindros de los mareógrafos. En cada una deelias, el encargado de la conservacion y marcha
del aparato, habrá indicado las horas de principio y fin de cada curva y el eje de abscisas dereferencia; con este eje, que suele ser la línea
central de la hoja, corresponde la posicion del
trazador cuando el nivel del agna tiene una altura conocida respecto del punto fijo y marcadopermanentemente.

202.—Al recibirse las hojas se examinarán las notas que la acompañen por si hubiese alguna circunstancia que aconsejase modificar algun detalle en el sistema de valuacion de la superficie. Se seguirá para esto el procedimiento siguiente: se trazarán dos parajelas á la línea.

central mencionada y á distancias conocidas, que convienen sean de centímetros exactos, y tales que comprendan toda la curva; por los puntos extremos de ésta se bajarán perpendiculares hasta encontrar à estas paralelas, formándose así un rectángulo que encierre á la curva y que ésta divida en dos figuras de superficie diferente. Calculado el valor de estas superficies con auxilio del planímetro, para deducir de su combinacion con la superficie total del rectángulo, gráficamente conocida à priori, un valor promedio, se tendrá lo suficiente para obtener el nivel medio corrrespondiente al intervalo de tiempo representado por la base del rectángulo (art. 163). Los datos numéricos se ordenarán con arreglo al formulario número 47. A partir de la línea de referencia, se medirán con toda escrupulosidad las alturas de los dos puntos de máxima y mínima y la distancia á que estos puntos se encuentran del orígen de la curva, contada sobre el eje de abscisas; traducida esta distancia en tiempo, y añadiendo á este tiempo, que será el transcurrido durante la observacion hasta llegar á cada una de las alturas extremas, la hora en que empezó la observacion, se obtendrán las horas del dia en que se verificaron la situacion más alta y más baja del nivel del mar. Con todos estos valores, el

dia y el promedio de la superficie medida se formará la primera parte del formulario, que comprende el estudio completo de la curva de mareas, hecho sobre el dibujo.

Se multiplicarán los valores de las alturas media y extremas, antes halladas por el valor de la escala del dibujo, ó relacion entre el movimiento del flotador con el lapiz del trazador y los productos representarán las diferentes alturas del agua sobre la posicion conocida de antemano, cuando el lápiz pasa por la lígea de referencia, se añadirá a cada valor el de la altura del agua en dicha posicion conocida y las correcciones que haya dado á conocer el estudio de cada aparato, y los resultados serán las expresadas alturas media y extremas del mar en cada dia sobre el punto de comparacion, fijo é invariable, marcado al establecer el mareógrafo en su estacion: la diferencia entre las dos alturas extremas dará á conocer la oscilación que haya tenido el mar durante todo el dia. Con estos nuevos valores y el estado del mar, observado por el encargado del mareógrafo y que consta en la hoja respectiva, se completará el Estado indicado en el formulario núm. 47. Terminados estos cálculos, se verificarán restimenes por meses, trimestres y por años enteros.

CÁLCULO DE LAS OBSERVACIONES METEOROLÓGICAS.

203.—Segun se vayan recibiendo los cuadernos de observaciones de las estaciones meteorológicas, que cada diez dias remitirán los encargados de ellas á la Direccion general, se pasará á determinar los valores que correspondan á cada uno de los fenómenos meteorológicos observados.

Se dará principio por aplicar á las temperaturas observadas la correccion que le corresponda, segun el estudio que de ellos se ha debido hacer ántes de colocarlos en estacion; se determinará la oscilacion de la temperatura por la diferencia entre la máxima y la mínima á la sombra y al aire, y el promedio por el de las cuatro observaciones hechas con el termómetro seco del psicrómetro (form. núm. 48). Al pié del Estado correspondiente à cada mes, se pondrán las temperaturas medias á las diferentes horas de observacion, por fraccion de 40 dias y por todo el mes completo, y las temperaturas extremas durante iguales períodos de tiempo, con la oscilacion total que ha tenido la temperatura durante los intervalos de tiempo.

Se determinarán seguidamente las diferencias de temperatura entre el termómetro seco y el húmedo, ó sea el enfriamiento por la evaporacion, y con este dato y la temperatura del termómetro húmedo se obtendrán la tension del vapor de agua y la humedad relativa valiéndose de las tablas de Renou; determinándose tambien los promedios de estos valores por cada 40 días y por meses (form. num. 49).

Se dividirá el número de partes de probetas que indican la cantidad de lluvia caida durante el dia por el numero de partes de la probeta que se necesitan para cubrir el pluviómetro à la altura de 4 mm, y el cociente sera el número de milimetros de lluvia caida durante el dia. Igual operacion se hará con la observacion del atmómetro, teniendo cuidado que habrá de agregarse al cociente indicado en la anterior operacion el agua de lluvia, reducido à milímetros para obtener la verdadera evaporacion, para lo que será preciso tener sumo cuidado con el signo de la observacion para saber si el agua caida en la lluvia ha sido ó no superior á la evaporada durante el dia. Se determinar**a en** los resúmenes del mes la cantidad de agua caida y los dias de lluvia, así como la evaporacion media durante los períodos de tiempo indicados. Con estos resultados y el estado atmosférico observado á distintas horas, se completará el citado formulario núm. 49, referente á la humedad.

Con las observaciones de densidad y movimiento del aire, se llenará el form. núm. 50; las observaciones barométricas se reducirán á 0^G, valiéndose de las referidas tablas meteorológicas de M. Renou, y con sus resultados se determinarán la altura media y la oscilacion diaria, así como los promedios en los tiempos citados de las alturas á cada hora de observacion y del tiempo total, y tambien la oscilacion habida durante dichas unidades de tiempo. La diferencia entre dos lecturas sucesivas del anemómetro da, en kilómetros, el espacio recorrido por el viento entre las horas de observacion; se verificará, por consiguiente, dicha operacion, teniendo entendido que la observacion verificada á las veinticuatro horas servirá de sustraendo para el dia siguiente como verificada á las 0 horas. En el resúmen se pondrán las sumas de estos valores, ó sea el espacio recorrido por el viento en el intervalo de cada seis horas durante cada 10 dias v el mes.

La direccion del viento será la marcada en la observacion en cada una de ellas, y en los resúmenes se determinará la direccion media calculada en la hipótesis de que el viento no hubiera variado sino en el momento de cada observacion, es decir, considerándolo como fuerzas en la direccion marcada por la veleta

y de intensidad proporcional al número de veces que se haya observado el mismo viento en el intervalo de tiempo que se considere.

Al terminar cada año de observacion se formarán resúmenes de todos los resultados meteorológicos expresados por trimestres y años completos.

Si en el intervalo de diez días hubiera dejado de verificarse alguna observacion del termómetro ó del barómetro, se lutercalara el valor que debiera haberse obtenido de verificarse la observacion, valiendose del procedimiento explicado por M. Renou en los procedimientos meteorológicos que acompañan á sus tablas.

Conocida con alguna aproximacion la altura barométrica media en cada estacion meteorológica, la temperatura y la altitud de la supereficie del mercurio en la cubeta del barómetro, se determinará la correccion que la altura barométrica ha de sufrir para reducirla al nivel del mar, valiéndose para ello de la fórmula

(36) log.
$$H_m = log. H_e + \frac{1,000 h}{16.898 (1.000 + 2 (t_m + t_e))}$$

en la cual

H_m y H_e representan las alturas barométricas al nivel del mar y en el puato de estacion, reducidas á 0⁶ y corregidas de capilaridad.

- t_m y t_e .. las temperaturas del aire, al nivel del mar y en la estacion, en el momento de verificarse la observacion, y
- h. la altura del mercurio de la cubeta del barómetro, sobre el nivel del mar.

Cuando no se conozca, como sucede en este caso, la temperatura $t_{\rm m}$, se determinará por las tablas de Lindenau, y en su defecto por la fórmula

$$t_{\rm m} = t_{\rm e} + c$$

en la que los valores de c serán, para las respectivas alturas barométricas, las siguientes:

$$780^{\text{mm}}$$
 770 760 730 700 670 640 -4 G, 10 -0 , 15 $+0$, 20 2 , 00 3 , 9 6 , 4 8 , 4

204.—Todos estos cálculos se harán por duplicado; terminados y confrontados, se pasará un ejemplar á la Direccion general para su ingreso en el archivo geodésico, quedando el otro ejemplar en poder del geodesta encargado de los cálculos de nivelacion.

DIFERENCIAS DE LONGITUD, LATITUDES Y AZIMUTES.

205.—Los trabajos de triangulacion geodésica exigen, como complemento indispensable, la determinación, por procedimientos astronómicos, de las posiciones geográficas de algunos vértices y azimutes de las direcciones en los mismos vértices confluentes. Y para todo esto es condicion preliminar imprescindible el conocimiento de la hora local, ó del estado del pendulo ó del cronometro que en las operaciones mencionadas se empleare. Sucesiva y sucintamente, ó de conformidad en lo posible con el plan adoptado en otros casos análogos anteriores, se tratará, pues, a ren lon seguido:

- 1.' Del modo de averiguar, en distintos supuestos o condiciones de trabajo, cuál es el estado del cronometro.
- 2.º Del orden en que las observaciones para esto necesarias deben efectuarse, juntamente con la comparacion à distancia, o por la via electro-telegráfica, de las indicaciones simultánces de dos cronometros, para deducir la diferencia de longitudes que media entre los vértices à que las observaciones se refieren.

- 3.º De la manera de hallar tambien el valor de la *latitud geográfica* del lugar, donde el observador se encuentra estacionado.
- Y 4.º De la determinacion del azimut de una cualquiera de las direcciones que por el mismo punto ó vértice pasan y le relacionan con los demas vértices de la cadena ó red geodésica á que corresponde.

PROBLEMA PRELIMINAR.—DETERMINACION DE LA HORA.

206.—Para determinar la hora pueden seguirse varios procedimientos, entre los cuales merecen mencionarse estos cuatro: por observaciones de alturas, ó de distancias zenitales, absolutas de un astro, próximamente á su paso por el primer vertical; ó de alturas correspondientes del mismo astro, sin necesidad de averiguar precisamente sus valores; ó de pasos de estrellas por el meridiano; ó de pasos análogos por el vertical de la Polar.

El primer procedimiento puede emplearse cuando se dispone de un buen teodolito, perfectamente instalado, como los de Repsold, empleados en España. El segundo produce tambien excelentes resultados cuando se practica con un sextante, ó con un círculo de reflexion,

como los de Pistor. Y los tercero y cuarto, preferibles por regia general à los demas, piden un buen anteoje de pasos, sólidamente establecido, y que pueda, no obstante, instalarse sin dificultad, sea en el meridiano, sea en cualquier otro plano vertical bien definido. Los anteojos portátilas de Repsold, pertenecientes al Instituto, y arreglados al modelo descrito en las páginas 499, 500 y 501 del tomo I de sus Memorias, realizan completamente estas varias condiciones.

207. -Con el teodolito de Repsold, las punterías á un astro, ó á determinada region de un astro, se verifican como á los objetos ó señales terrestres. Pero, como el astro enfilado varia por momentos de situacion en la báveda celeste. A cada punteria debe acompañar la indicacion de la hora, minuto, segundo, y fraccion de segundo que fuere posible apreciar en el cronómetro, en el momento ó instante á que corresponde. Restando de la graduación correspondiente à cada puntería verificada, la que á la línea vertical se refiere, ó viceversa, se deducirán luégo las distancias zenitales aparentes del astro observado, en los diversos momentos de la observacion: v de aquí el horario ó los horarios del mismo astro; y, en último término, el estado del cronómetro.

Una determinacion de estado debe comprender ocho determinaciones de distancias zenitales, por este órden: dos, en una posicion del teodolito; cuatro, en la contraria; y otras dos, de nuevo, en la posicion primitiva. Cuando el astro observado sea el Sol, estas ocho determinaciones se referirán alternativamente á sus dos limbos superior é inferior. Pero, si el tiempo apremiase, ó el estado del cielo no permitiese otra cosa, las ocho determinaciones enumeradas podrán reducirse por igual á la mitad. Al buen juicio del observador, ilustrado y aconsejado por las circunstancias del momento, queda el decidir si estas operaciones deben ó no repetirse en totalidad varias veces. Una sola será por de pronto suficiente en la mayoría de los casos.

Pero si esta determinacion se ha hecho hallándose el astro al E. del meridiano y próximamente á su paso por el primer vertical (condicion la última de que no debe prescindirse sin fundado motivo), convendrá combinarla con otra, referente á un segundo astro, de la misma ó poco diferente declinacion que el primero, situado al occidente, y en posicion simétrica casi, con respecto al meridiano, del anteriormente observado. Y la conveniencia sube de punto cuando, en vez de corresponder la

primera determinacion al momento aproximado del paso del astro por el primer vertical,
corresponde á momentos anteriores ó posteriores con exceso al de este paso. Con esta cendición se ha de combinar ademas la muy importante de que ninguno de los astros observados
diste del zenit, durante el tiempo de la observacion, ni más de 70° ni ménos de20°.

Poco autes y despues de verificar las punterías à los objetos celestes, se cuidará tambien de enfilar algun otro objeto ó señal terrestre para concluir la graduacion de la línea vertical.

Y asimismo se cuidarà de leer y anotar, poco ántes y despues de cada serie de observaciones, lo que indiquen el barómetro y el termómetro, para poder luégo calcular la correccion aditiva que á las distancias zenitales aparentes debe eplicarse, por refraccion de la luz, para convertirlas en verdaderas.

208.—El horario del astro, cuya distancia zenital se hubiere observado, se calculará con logaritmos de siete cifras decimales por medio de la siguiente fórmula:

(37)
$$\cos t = \frac{\cos z - \sin \varphi \sin \delta}{\cos \varphi \cos \delta}$$

o de esta otra, alguna vez más conveniente:

(38) tang²
$$\pm t = \frac{\sin \frac{1}{2} z + (\varphi - \delta) \cdot \sin \frac{1}{2} z - (\varphi - \delta) \cdot \cos \frac{1}{2} \cdot \cos \frac{1}{$$

y en las cuales representan:

- t... el horario buscado, igual al tiempo sidérico, s, ménos la ascension recta, a, correspondiente al momento de la observacion: horario que debe considerarse como positivo cuando el astro se halle al O. del meridiano, y como negativo en el supuesto contrario. El doble signo, inseparable del radical implícito en la fórmula (38), responde á esta doble acepcion.
- δ ... la declinacion del astro observado, tambien en el momento de la observacion, y que, juntamente con la α , determina su posicion entónces en la esfera celeste.
- φ... la latitud geográfica del lugar donde se observa. Y
- z... la distancia zenital del centro del astro, corregida siempre de refraccion, y de paralaje si hubiere lugar à ello. Tratándose, por ejemplo, del Sol, si por z se designa la distancia zenital observada de un limbo; por R el semidiámetro aparente del astro; por ρ la refraccion; y por π la paralaje; el valor de z se deducirá de la expresion siguiente: $z=z'\pm R+\rho-\pi$. Con respecto à las estrellas fijas, ó así más comunmen-

te denominadas, R y w no tienen valor sensible, y se consideran como iguales á cero.

Hallados los valores de t, que corresponden á las varias distancias zenitales observadas, los de s serán iguales à a ± l; y, comparando con estos valores las indicaciones del cronómetro en los momentos à que se refieren, se concluirán otros tantos valores individuales del estado del mismo cronómetro, distintos unos de otros por efecto de los errores de observacion, y del movimiento ó pequeña variacion que el aparato hubiere experimentado en el intervalo de las observaciones.

Cuando se hubiere observado el Sol, valiéndose para ello de un cronómetro arreglado à
tiempo solar medio, para deducir su estado bastará aplicar al horario verdadero, t, deducido
de las fórmulas (37) ó (38), la ecuación de tiempo
que le corresponda, y comparar este horario
corregido con lo que el cronómetro indicare en
el momento de la observación. Tanto la ecuación mencionada, como la declinación ó y el semidiámetro R, se tomarán de una buena efeméride, ó del Almanaque Náutico de Greenwich,
o de San Fernando, donde se hallan calculadas
para todos los dias del año y hora de medio dia.
Y por interpolación se concluirán sus valores,
correspondientes á otro momento determinado,

siempre que aproximadamente se conozca la diferencia de longitudes geográficas comprendida entre el lugar donde se observa y el meridiano á que se refieren las efemérides.

209.—En las fórmulas (37) y (33) figura como dato del problema el valor, φ, de la latitud del lugar; y como este valor pudiera ser, si no de todo punto desconocido, conocido con insuficiente grado de aproximacion á la verdad, conviene saber en qué condiciones han de verificarse las observaciones, para que la influencia del error presunto de φ sea mínima en los resultados que se buscan. La siguiente fórmula, ó relacion sencillísima entre las diferenciales de t y de φ, y en la cual el nuevo símbolo a representa el azimut del astro observado en el momento de la observacion, resuelve la dificultad por completo:

(39)
$$dt = \frac{-d\varphi}{45\cos\varphi \tan\varphi a}$$

Si el astro se observa en el primer vertical, ó cerca de este plano, el denominador del segundo miembro será infinita ó excesivamente grande, y la incertidumbre en el valor de φ , representada por $d\varphi$, no ejercerá influencia alguna sensible en el valor de t, calculado por las fórmulas anteriores.

Y si, cualquiera que sea el azimut a, se observa un astro al oriente del meridiano y otroal occidente, en posiciones azimutates casi simétricas, el mismo error, de, producira efectos contrarios en los valores de t, que en uno y
otro caso de las observaciones de distancias zenitates se concluyan; y en el promedio de ambos resultados parciales obtenidos desapareceráel error del de la latitud procedente.

Y es asimismo importante que las observaciones se verifiquen cerca del primer vertical, porque entre las diferenciales de t y de z existe esta otra relacion, análoga á la que precede:

(40)
$$dt = \frac{+dz}{45 \text{ cos } \varphi \text{ sen } a}$$

cuyo denominador adquiere su máximo valor precisamente también en el caso mencionado. De donde se concluye que los errores de observacion, representados por dz, alterarán entónces el valor calculado de t ménos que en ningun otro supuesto: incomparablemente ménos que cuando se observe cerca del meridiano, óci azimut a sea muy pequeño.

210.—Para hallar el valor de z, que figura. en las fórmulas precedentes, hay que agregar al de z_i, directamente observado, el de p. Y estevalor, dependiente del de la presion atmosférica, ó de la altura de la columna barométrica en el lugar y momento de la observacion, y de la temperatura del aire ambiente, á la sombra y en sitio cercano y ventilado, se tomará de las Tablas de Refraccion de Bessel, ó de cualesquiera otras equivalentes, basadas en la siguiente fórmula:

(41)
$$\log \rho = \log \operatorname{tang} z_1 + \log \alpha + \Lambda (\log B + \log T) + \Lambda \log \gamma$$
,

que, segun lo explicado en las páginas 519, 520 y 521 del tomo I de las *Memorias* del Instituto, puede fácilmente transformarse en otra más sencilla, y cuyos términos son todos positivos:

(42)
$$\log \rho = \log \tan z_4 + \log b + \log \alpha_4 + \log \alpha_2 + \log \alpha_5 + \log \alpha_4$$

Los logaritmos de α_1 , α_2 , α_3 y α_4 se hallaran más adelante tabulados con los argumentos: z_1 , el primero; t (temperatura del aire en grados centígrados), el segundo; z_1 y t, el tercero; y z_4 y b (b = altura del barómetro, expresada en mm., y referida á la temperatura t), el euarto. El logaritmo de α_4 sólo debe llevarse en cuenta desde los 76° de distancia zenital en adelante; y desde los 43° el de α_z . Disponiendo de estas ta-

blas especiales y de las generales de logaritmos, el cálculo de p podrá, pues, efectuarse sin dificultad alguna.

211.—Cuando el astro observado fuere el Sol, de la distancia zenital aparente habrá que restar la paralaje en altura, π, para deducir la verdadera. Admitiendo que el valor de la paralaje horizontal ecuatorial asciende á 8".96, el de π se desprenderá, con suficiente grado de aproximación en cualquier caso, de la siguiente sencillísima fórmula:

(43)
$$\pi = 8''.86 \times \text{sen } z_1$$

212.—El procedimiento de determinación de la hora por observaciones de alturas, ó de distancias zenitales, correspondientes, responde à la conveniencia o necesidad de observar, cuando se practica el método anterior, las alturas absolutas de dos astros, situados en posiciones aproximadamente simétricas con respecto al meridiano y al horizonte. Observando el mismo astro á iguales ó casi iguales distancias, por el E. y el O., del meridiano, conforme este segundo método pide, ni la incertidumbre en el valor de φ, ni la flexion del enteojo, pueden trascender en grado sensible á los resultados. Con la particularidad muy importante de que ni necesario será conocer entónces las alturas ó dis-

tancias zenitales á que las observaciones se refieren; bastando cerciorarse de la igualdad efectiva de tales alturas. La manera de obtener el estado del cronómetro por este segundo método ó sistema de observaciones combinadas, no puede ser más sencilla.

Tomando la semisuma de los tiempos señalados por el cronómetro en los momentos precisos de cada par de observaciones ó punterías al astro enfilado, correspondiente á la misma graduacion del círculo vertical del instrumento con que se opera (sextante, circulo de reslexion ó teodolito), se hallará el tiempo del mismo cronómetro en que debió verificarse el paso del astro por el meridiano, en el doble supuesto, 4.º: de que el movimiento ó variacion del cronómetro sea en realidad uniforme; y, 2.º: de que la declinacion del astro no haya tampoco variado en cantidad apreciable, durante el intervalo de las dos observaciones correspondientes y comparadas. Lo primero se admite como cierto siempre, á falta de datos ó indicios que permitan introducir alguna correccion oportuna y justificada en los resultados; y lo segundo, cierto tambien, cuando se observa una estrella fija, pide una correccion importante cuando se trata del Sol. Y, hallado el tiempo del paso por el meridiano segun el cronómetro, de su comperacion con la assension recta del astro à que se refiere, è con el tiempo del mismo paso Indicado por una buena efeméride, se concluirà lo que el cronòmetro adelanta è atrasa en realidad.

La correccion que à la semisuma de tiempos, correspondientes à dos alturas iguales del Sol, observadas por la mañana una, y otra por la tarde, debe aplicarse para deducir la hora de medio dia verdadero, se calculará por la siguiente fórmula, en muy gran parte tabulada:

(44)
$$\Delta T_0 = -A \operatorname{tang} \varphi$$
, $\Delta \delta + B \operatorname{tang} \delta$, $\Delta \delta$;

en la cual representan:

- q. . . la latitud apreximada del lugar de observacion.
- la declinación del Sol á medio dia verdadero.
- \$6... la variación horaria de la cantidad 8, positiva durante el invierno y la primavera, y negativa en el verano y otoño.
- A y B .. dos funciones de t, cuyos logaritmos se hallaran más adelante tabulados con el argumento 2 t:

$$(A = \frac{t}{15 \text{ sea } t}; \text{ y B} = \frac{t}{15 \text{ tang } t}).$$

- 2t... el intervalo en tiempo, transcurrido entre cada par de observaciones ó de alturas correspondientes.
- T_o... la semisuma de tiempos del cronómetro, que se trata de corregir. Y

Δ T... la correccion buscada.

En la práctica de este método se supone que la refraccion de la luz influye del mismo modo en las distancias zenitales correspondientes, anteriores y posteriores al paso del astro óbservado por el meridiano; y, por lo tanto, suele omitirse la correccion por aquel concepto: omision voluntaria, no siempre exenta de error, y que no puede recomendarse como absolutamente irreprochable. Pero, de llevar en cuenta la desigualdad de efectos de la refraccion por la variacion de temperatura y de la presion atmosférica en el intervalo de las observaciones, el método pierde el caracter de sencillez que le distingue, y propende à confundirse con el en primer lugar expuesto ó simplemente enunciado, sobre el terreno mucho más breve y expedito.

218.— Conocido el estado aproximado de un cronómetro, fácil es instalar, aproximadamente tambien, en el plano meridiano, un anteojo de pasos, como el mencionado anteriormente y descrito en las Memorias del Instituto. Para ello,

despues de nivelar el instrumento y de corregir en lo posible la colimacion del acteojo, basta
enfitar la estrella l'olar, y anotar la hora de la
observacion; calcular, o tomar de una efeméride
preparada al efecto, el azimut de la misma estrella, à la hora citada correspondiente; y comunicar luégo à los soportes del anteojo un movimiento suave de rotacion, en sentido adecuado, hasta que el anteojo se traslade del plano
vertical de la estrella al plano meridiano, describiendo para ello un ánguio, igual precisamente al azimut calculado, o supuesto ya conocido.

214.—Para que un anteojo de pasos pueda considerarse como perfectamente orientado y rectificado, son menester tres condiciones; 1.º que el eje de rotación sea horizontal; 1.º que, indefinidamente prolongado, coincida con la perpendicular á la meridiana; y 3.º que sea perpendicular á la meridiana; y 3.º que sea perpendicular tambien al eje óptico del anteojo, destinido por el centro del objetivo y el hilo central del reviculo, o por el hilo ideal que representa la posicion media de los varios hilos del reticulo. Si, como en la práctica sucede casi siempre, estas condiciones sólo aproximadamente se verifican, para definir la situación de ambos ejes, tijo ó estable el primero, y variable en direccioa, con la punteria y giro consiguiente del anteojo,

el segundo, hay que conocer, 1.º: la posicion, con respecto al horizonte y al meridiano, de uno de los puntos de interseccion con la esfera celeste del eje de rotacion, prolongado como se ha dicho; y 2.º: el ángulo que uno con otro forman ambos ejes: ó, con mayor precision, el formado por la prolongacion hácia occidente del primero, con la del eje óptico hácia el objeto enfilado. Si la distancia zenital de la interseccion occidental mencionada se representa por 90º—b; por 90º—a su azimut, contado desde el S.; y por 90º—c el ángulo poco ántes definido de ambos ejes, las pequeñas cantidades b, a y c designarán respectivamente:

b... la inclinacion del eje de rotacion del anteojo, considerada como positiva cuando el muñon ó extremo occidental resulte algo más elevado que el oriental.

a... el azimut del plano en que se mueve el mismo anteojo, considerado como positivo tambien cuando la interseccion de este plano con el horizonte corresponda á los cuadrantes del S. al E. y del N. al O. Y

c... la colimacion del eje óptico, positiva cuando el ángulo de este eje con el de rotacion prolongado hácia occidente, comprenda en realidad más de 90°.

215.—Dando por conocidas las cantidades a,

el momento del paso de un astro por el hilo ideal de referencia (promedio de los tiempos correspondientes á los pasos por todos los hilos del retículo), se deducirá fácilmente el que debería señalar en el momento efectivo del paso por el meridiano; y, comparando este tiempo con la ascension recta del astro observado, se concluirá, como por los otros métodos de investigacion análoga, el estado, por de pronto, desconocido ó mal conocido del cronómetro.—La fórmula usual para esto es la que sigue, del astrónomo Tobías Mayer:

(45)
$$a = T + \Delta T + \frac{\sin (\varphi - \delta)}{\cos \delta} + b \frac{\cos (\varphi - \delta)}{\cos \delta} + \frac{c}{\cos \delta};$$

en la cual representan:

a... la ascension recta del astro observado, en el momento de su culminacion ó en que se observa.

T... el tiempo señalado entónces por el cronómetro.

Δ T... la incógnita principal del problema, ó el estado de adelanto ó atraso del mismo cronómetro.

p y d... la latitud geográfica del lugar y la de-

clinacion del astro observado, aproximadamente conocidas ó determinadas. Y

a, b y c... los tres errores de azimut, inclinacion y colimacion, considerados como positivos
en los supuestos referidos y como negativos en
los contrarios, y expresados en segundos de
tiempo, á razon de segundo de este nombre por
cada 15 segundos de arco.

216.—Si, en vez de desinir la posicion en la bóveda celeste del punto occidental del eje de rotacion por su azimut y altura, se hubiese desinido por su horario, 90°—m, y declinacion, 90°—n, à la fórmula anterior de Mayer reemplazaría la siguiente, propuesta por Bessel:

(46)
$$\alpha = T + \Delta T + m + n \tan \delta + c \sec \delta$$
.

O esta otra, por Hansen, basada en ambas definiciones:

(47)
$$\alpha = T + \Delta T + b \sec \varphi + n (\tan \beta - \tan \varphi) + c \sec \delta.$$

Fórmulas una y otra muy convenientes en la práctica, segun los casos y condiciones en que se opere.

217.—Las relaciones entre a y b, m y n, y la latitud geográfica φ , importantes de conocer, se reducen á las que siguen:

(48). . . .
$$| m = a \operatorname{sen} \varphi + b \cos \varphi$$

 $n = b \operatorname{sen} \varphi - a \cos \varphi$

equivalentes à estas otras:

(49) . . .
$$\begin{cases} a = m \text{ sen } \varphi - n \cos \varphi \\ b = m \cos \varphi + n \sin \varphi. \end{cases}$$

En las tres formulas (45), (46) y (47), de reduccion de pasos superiores al meridiano, deberá reemplazarse la declinación δ por 480°—δ, y la α por α + 12^h, cuando se trate de los pasos inferiores, correspondientes á las estrellas circumpolares.

218 — De los tres errores a, b y c, ó de las correcciones que deben aplicarse al tiempo observado T, el b es el que más sencilla é inmediatamente puede determinarse con auxilio del nivel, adaptado constantemente à los muñones de acero del eje de rotacion, y que en cièrto modo forma parte integrante y como inseparable del instrumento con que se opera. Pero los muñones, aun suponiéndolos cilindricos y de seccion recta circular (de lo cual habrá que cerciorarse previa y cuidadosamente con el mismo nive', anotando lo que indicare en muy diversas posiciones del anteojo), pueden ser de radios algo diferentes; y la inclinación aparente, ó relativa à sus aristas superiores, discrepará, en

consecuencia, de la verdadera, referente à la linea de los centros. Nivelando repetidas veces, y en posiciones inversas del eje sobre las muñoneras, se logrará resolver la duda, y zanjar luégo la dificultad mediante las siguientes fórmulas:

(50)...
$$\begin{cases} b_1 = \beta_1 - \frac{\frac{1}{2} (\beta_1 - \beta_2) \operatorname{sen} q}{\operatorname{sen} p + \operatorname{sen} q}, y \\ b_2 = \beta_2 + \frac{\frac{1}{2} (\beta_1 - \beta_2) \operatorname{sen} q}{\operatorname{sen} p + \operatorname{sen} q}; \end{cases}$$

en las cuales representan:

 β_i y β_i las inclinaciones aparentes acusadas por el nivel en las posiciones inversas y como simétricas del anteojo, que puede convenirse en designar por primera y segunda, cualquiera que sea la que por primera se adopte.

b₁ y b₂ las inclinaciones reales que se buscan, referentes à la linea de los centros de los muñones. Y

2p y 2q los ángulos de las horquillas ó colgantes del nivel, y de las muñoneras ó cajas de recepcion y sustentacion del eje y del anteojo. Si estos ángulos son iguales ó casi iguales, como sucede con frecuencia, la correccion á las inclinaciones aparentes se reduce á $^4/_4$ ($\beta_1 - \beta_2$), que deberá aplicarse con los signos alternados, + ó -, segun los casos.

219.—La colimacion e puede tambien determinarse con bastante sencillez apuntando sucesivamente con el anteojo, despues de afianzado en azimut, y en posiciones inversas sobre las muñoneras, à un objeto terrestre, lejano y blen definido: midiendo con el tornillo micrometrico, adaptado al ocular y en conexioa con el retionlo, la distancia angular del objeto enfilado al hilo central y fijo; tomando la semidiferencia de valores encontrados; y refiriendo Inégo el resultado, con el signo que le corresponda, segun la posicion primera o segunda, A o B, del instrumento, al hilo ideal, promedio de todos los bilos fijos por donde han de observarse los pasos de las estrellas de estado. Todo en el supuesto de que el antenjo corresponde al contro ó mitad del eje de rotacion: como en los instrumentos de Repsold, páginas más atrás mencionadas, aunque portàtiles, de gran estabilidad, muy acertadamente se verifica. De ser excéntrico el anteojo, al procedimiento anterior debería sustituirse el siguiente, aplicable en cualquier caso ó supuesto.

220.—Orientado ya y nivelado el anterjo del mejor modo posible, y bien amordazado en azimut, se aguardará á que la estrella *Polar*, ti otra circumpolar cualquiera, de posicion conocida, penetre en el campo visual, por efecto del

movimiento aparente de rotacion diurna de la esfera. En un extremo del campo se observarán entônces los pasos de la estrella por algunos hilos del retículo, fijos y bien determinados, ó micrométricos y movibles; pero igualmente bien definidos éstos, por su distancia al hilo central, expresada en revoluciones ó partes de revolucion del tornillo. Y ántes de que pase por el central, se invertirá la posicion del anteojo sobre las muñoneras, y se volverán á observar los pasos de la estrella por los mismos hilos (alguno más ó ménos) de un principio, aunque en la region opuesta del campo. Reduciendo al promedio de los hilos sijos, ó al eje óptico principal del anteojo, los pasos laterales observados en ambas posiciones; suponiendo conocida la inclinacion del eje de rotacion, ántes y despues del cambio (para lo cual habrá que leer repetidas veces lo que el nivel indique en sus dos posiciones ó colocaciones posibles, ántes de emprender la operacion y despues de terminarla); y suponiendo tambien que ni el azimut del anteojo, ni el estado del cronómetro, ni las coordenadas de la estrella han variado en el transcurso muy breve de la operacion sensiblemente, el valor de c se deducirá de la siguiente fórmula, consecuencia de la (45), si los pasos observados son superiores: (51)

$$c = + (T_1 - T_4) \cos \delta + + (b_1 - b_4) \cos (\phi - \delta);$$

ó de esta otra, si inferiores: (52)

$$-c = \frac{1}{2} (T_1 - T_1) \cos \delta + \frac{1}{2} (b_2 - b_1) \cos (\varphi + \delta)$$
:

en las cuales representan:

T₄ y T₄ los tiempos de las observaciones, señalados por el cronómetro, y reducidos al promedio de los hilos, respectivamente en las posiciones primera y segunda del anteojo. Y

 b_1 y b_2 las inclinaciones del eje de rotación, en las posiciones inversas mencionadas.

221.—En la fórmula (45), a representa la ascension recta aparente de la estrella observada, en el momento de su culminación y tal como la dan las efemérides; pero no tal como se despreadería de las mismas observaciones. Entre ambos media una pequeña diferencia, procedente de la aberración diurna de la luz, y variable con la latitud del lugar, omitida en las ofemérides, y que debe agregarse al primer miembro de aquella fórmula ó eruación, ó sustraerse del segundo, para que pueda considerarse como exacta. La nueva corrección, sustractiva del tiempo observado T, tiene por expresión, su6-cientemente aproximada à la verdad, ésta:

0°,021 cos φ sec δ;

y puede englobarse en el término c sec δ con sólo poner por c la diferencia $c - 0^s$,021 cos φ .

Designando por c_o el valor de c, así corregido ó modificado, la fórmula (43), como las (46) y (47), subsisten sin alteracion aparente de ninguna especie.

222.—Cuando el anteojo de pasos sea recto, como los de los círculos meridianos construidos por Brunner para el Instituto, y de fácil inversion sobre las muñoneras, entre la colimacion a del hilo central y la inclinacion b del eje de rotacion, podrá establecerse una relacion numérica muy sencilla, comparando la posicion de los hilos del retículo con la de sus imágenes, formadas por reflexion en un baño de mercurio, sólidamente cimentado debajo del anteojo. Cambiando para ello de ocular, ó adaptando al ocular ordinario una simple lámina ú hojuela de mica, inclinada 45º con respecto al horizonte, é iluminada lateralmente por la llama de una lamparilla, bastará apuntar con el anteojo al baño, ó enfilarle hácia el nadir, para cerciorarse de si el hilo central del reticulo coincide ó no con su imágen, reflejada por el mercurio. Y si no hay coincidencia, como no la habrá en la inmensa mayoría de casos, con el tornillo é hilo micrométricos, que completan el sistema reticular del anteojo, se medirá la distancia angular, M, interpuesta entre ambos objetos comparados. Prescindiendo por de pronto de los signos, esta distancia representa el duplo de la diferencia de valores angulares de ò y c; y, como o cambia de signo cuando el anteojo se invierte sobre las muñoneras, repitiendo la medicion dos veces, en las posiciones primera y segunda del anteojo, resultará sucesivamente que

(53).
$$\begin{cases} b-c=\pm M_1; \ y \\ b+c=\pm M_2; \end{cases}$$

Esto suponiendo que la inclinación permanece invariable en las dos posiciones del anteojo, ó que en el acto de la inversión no experimenta trastorno alguno.

Si, ademas, b y c se consideran como cantidades positivas en la posicion primera, y b es
entónces mayor que c, el hilo central del retículo se verá al Este de su imágen reflejada; y
al Este tambien, pero à mayor distancia de su
imágen que en la primera, en la posicion segunda. Al Oeste en el primer caso, y al Este en
el último, cuando b sea menor que c. Y en coincidencia el hilo con la imágen, ó al Este asimismo, en los dos supuestos considerados,
cuando por excepcion b y c sean de la misma
amplitud angular. Atribuyendo, pues, á Mei

signo — cuando el objeto corresponda ó se observe al Este de su imágen, y el — cuando se advierta ó suceda lo contrario, de las dos ecuaciones (53) se desprenden estas otras:

(54)...
$$\begin{cases} b = \frac{4}{4} (M_2 + M_1); y \\ c = \frac{4}{4} (M_2 - M_1). \end{cases}$$

Valederas, si á las *M* se atribuyen siempre los signos convenidos, cualesquiera que sean las relaciones en magnitud y signo, existentes entre *b* y c: cantidades incógnitas ambas, que por este procedimiento se trata de determinar.

La dificultad para determinarlas, disfrazada \dot{u} oculta en las sencillísimas expresiones anteriores, estriba en que b representa la inclinación real \dot{u} el eje de rotación del anteojo, y no la aparente, que el nivel apoyado en los muñones revela. Y como los valores de M_1 y M_2 dependen de esta inclinación aparente, distinta, si los muñones son de diámetros diferentes, en ambas posiciones del anteojo; \dot{o} de la designaldad de estos diámetros, agente en cada posición con distinto signo tambien; representando por β_1 y β_2 las inclinaciones aparentes y por \pm à las correcciones que deben experimentar para convertirse en verdaderas, \dot{a} las ecuaciones (52) reemplazarán las que siguen:

(55)...
$$\begin{cases} \beta_1 + \varepsilon - c = \pm M_1; \ \gamma \\ \beta_2 - \varepsilon + c = \pm M_2 \end{cases}$$

De las cuales se deduciráo los valores de (β₁ + α) ὁ (β₂ - ε), ὁ de las inclinaciones verdaderas del eje de rotacion del auteojo, con independencia del nivel, cuando la colimacion e sea conocida, ὁ se hubtere determinado por cualquier otro procedimiento; ὁ el de la colimacion,

(56)
$$c = \frac{4}{4}(M_0 - M_1) - \epsilon$$
,

si ϵ se supone conocida y determinada por la relacion $\epsilon = \frac{1}{4} (\beta_2 - \beta_1)$, admisible como elerta en muchos casos.

223. — Aun con la dificultad ó inconveniente que acaba de apuntarse, este procedimiento de investigación, sea del valor de c, ora del de b, merece tenerse en cuenta, siquiera como medio de comprobación de los resultados obtenidos por otros distintos métodos, encaminados al mismo fin, y en razon también de la brevedad y sencillez con que puede practicarse. Como que la única operación que demanda es la de medir con el tornillo micrométrico la distaucia angular del hilo central á su imágen: para lo cual, cuando M abarque muy pocos segundos de amplitud, como sucede por lo comun, debe preferirse me-

dir otra distancia triple: la comprendida entre el hilo micrométrico y su imágen, cuando este segundo hilo se sitúa de manera que entre él y el central fijo sea el intervalo precisamente igual al que se trata de medir ó apreciar. El tercio de la diferencia de las lecturas hechas en el tambor del tornillo, en esta posicion de los hilos e imágenes respectivas, que la vista aprecia con mucha delicadeza, y cuando el hilo micrométrico pasa luégo á ocupar el lugar de su imágen, y viceversa, expresará lo que M vale en revoluciones y partes de revolucion del mismo tornillo: ó en segundos de arco, despues de averiguar lo que en segundos vale cada revolucion, por el procedimiento que para esto se indicará dentro de poco.—Como expresion final de M, se adoptará en cada caso el promedio de los resultados numéricos obtenidos en diez distintas detérminaciones de su valor, verificadas segun acaba de decirse, ó por medicion análoga directa, cuando se considere preferible.

224.—Conocidos los valores de b y c, el del azimut a se determinará observando, en la misma posicion ó en posiciones inversas del anteojo, los pasos consecutivos de dos estrellas, situadas una cerca del polo y otra del ecuador, ó
á muchos grados de distancia en declinacion

una de otra, y á muy pocos minutos de tiempo en ascension recta, por medio de la fórmula

$$a = \left\{ (a_s - a_s) - (T_s - T_s) \right\} \times \frac{\cos \delta_1 \cos \delta_2}{\cos \varphi \sin \left(\delta_1 - \delta_2 \right)},$$

equivalente à la que signe:

(57)
$$a = \frac{(\alpha_x - \alpha_1) - (T_x - T_s)}{\cos \varphi (\tan \delta_s - \tan \delta_s)};$$

en la cual designan:

α, y α, las ascensiones rectas de las estrellas primera y segunda observadas.

8, y 8, sus declinaciones respectivas. Y

T₁ y T₂ los tiempos de los pasos, referidos al hilo promedio del retículo; corregidos de inclinacion y colimacion; y corregidos tambien, si hubiere necesidad, de la variacion ó movimiento del cronómetro en el intervalo de las observaciones.

225.—En vez de la combinacion de pasos indicado, puede utilizarse para concluir el valor de a la de un paso inferior de una estrella circumpolar con el superior de otra ecuatorial; ó la de un paso superior con otro inferior, ó viceversa, de dos estrellas circumpolares, que se verifiquen como los anteriores à poca distancia en

tiempo uno de otro, para que el estado del cronómetro pueda en el entretanto considerarse como invariable, y como invariable tambien el azimut del anteojo; ó la del paso superior con el inferior de la misma estrella, ó del inferior con el superior, separados por el intervalo aproximado de 42 horas, cuando el movimiento del cronómetro sea conocido, y en la estabilidad del instrumento, durante tan largo tiempo, se abrigue confianza. Las fórmulas adecuadas al cálculo de a en estos varios casos ó supuestos se deducen todas de la (57), poniendo $42^{h} + a$ por a, y $480^{o} - \delta$ por δ , cuando sea inferior el paso de la estrella á la cual las coordenadas a y δ se refieren

Así: cuando el valor de a haya de obtenerse por la observacion de dos pasos, superior el primero é inferior el segundo, á la fórmula (57) reemplazará la que sigue:

$$a = \left\{ (42^{h} + \alpha_{2} - \alpha_{i}) - (T_{2} - T_{i}) \right\} \times \frac{\cos \delta_{i} \cos \delta_{2}}{\cos \varphi \sin (\delta_{i} + \delta_{2})}; \phi$$

(58)
$$a = \frac{(42^{b} + \alpha_{2} - \alpha_{1}) - (T_{2} - T_{1})}{\cos \varphi (\tan \beta_{1} + \tan \beta_{2})}$$

Cuando el órden de los pasos fuere inverso

del anterior, inferior el primero y superior el segundo, esta otra:

$$a = \left| (\alpha_2 - \alpha_1 - 42^b) - (T_2 - T_1) \right| \times \frac{-\cos \delta_1 \cos \delta_2}{\cos \varphi \sec (\delta_1 + \delta_2)}; \phi$$

(59)
$$a = \frac{(12^b + a_1 - a_2) - (T_4 - T_4)}{\cos \varphi (\tan \varphi \delta_4 + \tan \varphi \delta_2)}.$$

Y cuando los pasos, no inmediatamente consecutivos, sino separados por el intervalo de 12^h, se refieran á la misma estrella circumpolar, la siguiente, que procede de la (58);

(60)
$$a = \frac{(43^b + \Delta \alpha_i) - (T_i - T_i)}{2 \cos \alpha \tan \alpha};$$

ó esta otra, de la (59):

(61)
$$a = \frac{(12^h - \Delta \alpha_s) - (T_1 - T_s)}{2 \cos \varphi \tan g \delta}$$

en las cuales $\Delta \alpha_1$ y $\Delta \alpha_2$ representan la variacion de la ascension recta de la estrella en el intervalo de ambos pasos observados; y δ la declinación, supuesta invariable, de la misma estrella.

226.—El tiempo T del cronómetro, que figura en las fórmulas fundamentales (45), ó (46), ó (47), es igual al promedio de los tiempos correspondientes á los pasos observados por todos los hilos del retículo, ó por cierto número de hilos bien espaciados en el plano focal del objetivo, y definidos sin ambigüedad de ningun género. Pero, cuando la observacion es incompleta, ó faltan en la serie total de observaciones parciales las de los pasos por alguno ó varios hilos, la deduccion de T pide el conocimiento con antelacion de las distancias angulares, ó intervalos ecuatoriales, de todos los hilos, comparados con su promedio. Y estos intervalos deberán por lo mismo determinarse previamente, observando, con el anteojo afianzado en azimut, nivelado y rectificaco, veinte pasos completos, cuando ménos, superiores ó inferiores, ó lo uno y lo otro, y en épocas del dia y del año muy diversas, de alguna ó de varias estrellas circumpolares, cuya declinacion sea bien conocida: de la a Ursæ Minoris, con preferencia á cualquiera otra. Tomando el promedio de los tiempos observados, corregidos si fuere ó se juzgare menester del movimiento del cronometro; y comparando con este promedio cada uno de aquellos tiempos ú horas de observacion, se hallarán los valores de los intervalos que corresponden à la declinacion, è, de la estrella observada; y de aquí los ecuatoriales por la siguiente fórmula:

$$sen 45 i = sen 45 I \times cos \delta$$
:

ó por esta otra, más sencilla:

(62)
$$i = I \cos \delta - \lambda I^{s} \cos \delta$$
,

en la cual representan:

s... el intervalo ecuatorial buscado, expresado en segundos de tiempo, y correspondiente á un hilo determinado del reticulo.

 el intervalo, tambien en segundos, deducido de la observacion.

 la declinacion de la estrella circumpolar à que el intervalo I se refiere. Y

λ... una constante, cuyo logaritmo es igual à 0.94518 — 10.

Y, hallados los valores de i por la aplicación reiterada de la fórmula precedente à multitud de casos de observacion, los I₁, correspondientes à la declinación δ₂, se concluirán por esta otra:

(63)
$$I_4 = i \sec \delta_4 + \lambda i^5 \sec^5 \delta_4.$$

A la fórmula (62) reemplaza ventajosamente la que sigue:

$$(64) i = \frac{I\cos\delta}{K};$$

y á la (63), ésta:

(65)
$$I_{i} = i \sec \delta_{i} \times K,$$

desde el momento en que el logaritmo de K se tabula, con el argumento I ó I₁, de minuto en minuto de tiempo, ó con el logaritmo aproximado, hasta la segunda ó tercera cifra decimal, de i sec δ₁. Operacion ésta muy fácil de realizar, y cuyos resultados se insertan en el apéndice á las presentes *Instrucciones*, sabiendo que

(66)
$$K = \frac{I \sin 15''}{\sin 45I}$$
.

Y de análogo modo que los intervalos de los hilos fijos se hallarán los de los hilos micrométricos, separados por una ó varias vueltas, ó partes de vuelta, del tornillo que los mueve: observando los pasos por ellos de una estrella circumpolar, y comparando los tiempos correspondientes con el que al paso por el hilo fijo central se refiere.—El estudio del tornillo micrométrico, y la determinación del valor angular de cada revolución ó espira, pueden asimismo verificarse comparando los intervalos ecua-

riales de los hitos fijos, expresados en segundos de tiempo, con los mismos intervalos, determinados en revoluciones por muy reiteradas coincidencias de unos hitos con otros.

227.—Los hilos del reticulo, tanto fijos como movibles, deben distinguirse por números de órden, que precisen y recuerden sus posiciones relativas: ó por los índices I, II, III,..., á contar desde el bilo más proximo al tambor del tornillo micrométrico. Y, convenido esto, la primera posicion del anteojo será aquella en que los pasos superiores de las estrellas se verifiquen en el órden de los hilos: aquella, en los anteojos acodados de Repsold, núms. I y II, pertenecientes al Instituto, en que el ocular del mismo anteojo, y el observador en consecuencia, se hallen situados al O, del meridiano; y la segunda, naturalmente, la contraria ó inversa.

228.—Una buena determinación del estado. AT, del péndulo ó cronómetro, con auxilio de cualquiera de las fórmulas (45), (46) ó (47), debe comprender:

- 4.º La observacion de una estrella circumpolar, en las posiciones primera y segunda, A 6 B, del anteojo de pasos.
- 2.º La de dos, cuatro ó cinco estrellas de satado, circunzenitales, ó comprendidas entre el zenit y el ecuador, en la posicion última, B.

- 3.º La de otras tantas estrellas del mismo nombre, y aproximadamente de iguales declinaciones, en la primera, A.
- 4.º La de otra estrella circumpolar, en las mismas condiciones de un principio. Y
- 5.º La lectura del nivel, constantemente apoyado sobre los muñones, al empezar y concluir la operacion, y, siempre que se pueda, entre cada par de estrellas observadas.

Conocida la inclinacion, b, y suponiendo invariable el azimut, a, miéntras las observaciones se verifican, la colimacion, c, se desprenderá, por la fórmula (51), de los dobles pasos observados de ambas estrellas circumpolares. Y, determinados los valores de b y c, para hallar los de a y A T se dispondrá luégo de tantas ecuaciones con estas dos incógnicas como estrellas se hubieren observado, resultantes de la aplicacion á cada caso particular de la fórmula general (45). Si con las dos circumpolares se combinan dos ecuatoriales, y los valores de a calculados por la fórmula (57), ó por cualquiera otra de las análogas consecutivas, se hallan iguales. ó muy poco discrepantes uno de otro, la estabilidad del anteojo quedará comprobada, y el estado A T se deducirá con muy grande aproximacion á la verdad.

229.—Como la colimacion varia poquisimo, ó

nada mensurable, durante breve rato, y aus durante dias enteros, à no experimentar el anteojo algun choque ó sacudida violenta, aquella cantidad puede desde luégo suponerse conocida por la doble observacion de algun objeto terrestre; y entónces la determinacion del estado de cronómetro se reducirá:

- 1.º A la observacion de una estrella circumpolar, y de dos ó más estrellas zenitales ó ecuatoriales, en la posicion primera ó segunda de anteojo. Y
- 2.º A la de otras dos ó más estrellas del ultimo nombre y otra circumpolar, en la posicion inversa.
- 230.—Y si no fuere necesario apurar con exceso el asunto, el valor del estado se deduciria de la simple observacion de dos estrellas: borea ó circunzenital, una; y ecuatorial, ó inferior al ecuador, otra; en la misma posicion, pero mucho mejor en posiciones inversas, del anteojo De la fórmula (45), aplicada á estos dos pasos consecutivos, se concluye, en efecto, que

(67)
$$\Delta T = (\alpha_2 - T_2) + M \{ (\alpha_2 - T_2) - (\alpha_1 - T_1) \}$$
:

expresion en la cual designan, como en otras análogas,

T, y T, los tiempos de la observacion, seña-

lados por el cronómetro en los momentos de los pasos primero y segundo: tiempos referidos al promedio de los hilos, y corregidos de inclinacion y colimacion.

a, y a, las ascensiones rectas de las estrellas en primero y segundo lugar observadas, ó correspondientes á los tiempos T, y T₂. Υ

M una funcion de la latitud del lugar, φ , y declinaciones δ_1 y δ_2 , calculable por esta otra fórmula:

(68)
$$\mathbf{M} = \frac{\operatorname{sen} (\varphi - \delta_i) \cos \delta_i}{\cos \varphi \operatorname{sen} (\delta_i - \delta_i)}.$$

De cuyo exámen se deduce que δ_2 debe discrepar bastante de δ_1 , hasta 90° á ser posible, para que los errores de observacion trasciendan en cantidad mínima al resultado que se busca. Si la diferencia $\delta_2 - \delta_1$ se redujese á 50, 40, 30 ó ménos grados, aún se hallaría el valor de ΔT , aproximado hasta una ó dos décimas de segundo, siempre que las estrellas culminaren al S. del zenit, y supliere el observador con su habilidad la insuficiencia del método, ó la contrariedad de las condiciones en que debería entónces practicarse.

El azimut del anteojo, tambien aproximado á la verdad, pero que siempre es útil conocer, se



concluiria de la siguiente formula, ya expuesta anteriormente, pero que no obstante conviene recordar:

(69)
$$a = N, [(a_1 - T_1) - (a_1 - T_1)];$$

en la cual T_i y T_a , y α_i y α_i designan lo miseae que en la (6?); y N lo que indica la expression, adjunta, análoga à la (68):

(70)
$$N = \frac{\cos \delta_i \cos \delta_i}{\cos \varphi \cos (\delta_i - \delta_i)}.$$

Téngase presente que el valor de a resultará expresado en segundos de tiempo, si los de ò y «, que figuran en los términos de correccion de la fórmula (\$5), se han referido á la misma unidad, y no al segundo de arco, 45 veces menor que el primero.

281.—La instabilidad de los instrumentos portátiles, y la dificultad de cerciorarse de su constancia en azimut, ó de la amplitud de la variacion en este sentido, procedente de la escasez de estrellas circumpolares bien definidas, que culminen á medida del deseo del observador, y puedan combinarse con otras ecuatoriales, conforme indica la fórmula (57), han dado origen al método de determinacion de la hora, ó del estado, AT, por observaciones de pasos, verificadas.

no precisamente en el meridiano, sino en el plano vertical, cualquiera que sea, donde la Polar (a Ursæ Minoris) estuviere situada al tiempo de las observaciones. El órden en que éstas deben verificarse es el siguiente, igual casi ó más sencillo todavía que en el meridiano.

- 4.º Observacion de la *Polar*, en cualquier posicion, A ó B, del instrumento: en la primera, supongamos.
- 2.º Observacion del paso, por los hilos sijos del reticulo del anteojo, de una estrella de estado, circunzenital ó ecuatorial. Y
- 3.º Nueva observacion de la *Polar*, siempre en la posicion inicial del instrumento.

Invertido éste, y, á ser posible, sin alterarle en azimut, se observarán en seguida:

- 1.º La Polar.
- 2.º Dos estrellas de estado. Y
- 3.º Otra vez la Polar.

Y volviendo de nuevo á la posicion, A, primitiva, se repetirá, con la Polar y una cuarta estrella de estado, todo lo hecho poco ántes, en la misma posicion del anteojo.

El nivel deberá permanecer constantemente sobre los muñones, y leerse lo que indique, ántes y despues de la observacion de cada estrella, sin levantarle ó invertirle, sino cuando el anteojo se invierta; pero sí cuidando de cer-

cieraras siempre de que la burbuja no se haltacemo adormecida, en posicion inestable y engañosa.

La observacion de la Polar se reducirá por junto á determinar su distancia angular al hilo central del reticulo, y, por lo tanto, al promedio de todos, conocidos ya los intervalos ecuatoriales que los separan, con auxilio del tornillo y de los bilos micrométricos; y á la anotacion de los tiempos del cronómetro, en los momentos à que las distancias medidas se refieran. Una sola punteria ó entilacion de la estrella puede considerarse como suficiente cada vez, en la mayoria de los casos, y en condiciones atmosféricas favorables; pero, cuandohaya necesidad ó empeño justificado en apurar el asunto, como tratándose del problema de las longitudes debe haberle, on lugar de una sola, podrán hacerse tres, cuatro ó cinco consecutivas, en el más breve intervalo que sea factible. Para proceder con calma y acierto, y sin demasiada pérdida de tiempo, del último número nodeberá, sin embargo, pasarse nunca.

Si las observaciones pueden hacerse en totalidad sin alterar el azimut del instrumento, así deben verificarse. Pero si se juzgare oportuno alterarle, por temor de que la Polar no se halle ya en el campo del anteojo al terminar la serie,

la variacion de azimut se introducirá despues de invertir el anteojo y de averiguar la inclinacion de su eje, y ántes de comenzar la segunda parte de la operacion interrumpida. Lo esencial es que el azimut permanezca inmutable en cada posicion del anteojo: lo demas es sólo conveniente. Pero muy conveniente por varios motivos, y asequible casi siempre sin esfuerzo, si el observador se prepara con tiempo para la faena; elige con tino las estrellas de estado que se propone observar; y coloca el anteojo de manera que, al dar comienzo á las operaciones, se encuentre la Polar dentro ya del espacio comprendido por los dos hilos fijos extremos, pero en la region del campo visual, opuesta al lugar hácia donde muy pausadamente se encamina, y por donde ha de fugarse y desaparecer al fin, en el transcurso del tiempo.

232.—Efectuadas las observaciones del modo y en el órden referidos, el cálculo de AT podrá verificarse luégo, mediante las siguientes fórmulas, propuestas por Döllen, unas con otras intimamente eslabonadas, y resumidas todas en la final:

En el precedente conjunto de relaciones, enderezadas todas al mismo fin, representan:

T', a' y ô', y z', respectivamente, el tiempo señalado por el cronómetro sidéreo (sin corregir de estado) en el momento de la observacion de la Polar, y las coordenadas y distancia zenital de la misma estrella: distancia, la última, que debe en este caso considerarse siempre como positiva.

T, α y δ, y z las mismas cantidades, correspondientes à cualquiera de las estrellas observadas, en combinacion con la Polar, y en el concepto de estrella de estado. En signo siempre, y en valor con muy pequeña discrepancia, z se supondrá igual ahora á φ — δ .

γ el movimiento del cronómetro en el breve intervalo comprendido entre los pasos ú observaciones de ambas estrellas, Polar y de estado: movimiento, tal vez, desconocido, y que conviene sea muy pequeño para poderle, por de pronto, omitir como insignificante en el cálculo de ΔT, ó considerarle como mucho menor que los errores inevitables de observacion.

b el promedio de las inclinaciones del eje de rotacion del anteojo, ó la inclinacion del eje en sus dos posiciones inversas sobre las muñoneras; repetidas veces determinada con el nivel; supuesta invariable en el breve intervalo de las observaciones; y considerada como positiva cuando el muñon occidental resulte más elevado que el oriental, y como negativa en el caso contrario.

c la colimacion del eje óptico, que, al invertir el anteojo sobre las muñoneras, varía necesariamente de signo, sin cambiar de valor, y puede determinarse á la vez que el estado del cronómetro. Y

f la distancia angular del hilo móvil del micrómetro, con el cual se enfiló la Polar, al pro-

medio de los hiles fijos, ó el eje óptico principal del anteojo: distancia positiva en la primero posicion del auteojo, o cuando el ocular del mismo corresponde al O. del meridiano, si la enfilacion ó coincidencia se verifica entre el promedio citado y el hilo fijo primero; y negativa,: si entre el promedio y el hilo de indice superior: ó, por el contrario, negativa en aquel caso, y positiva en el último supnesto, cuando las observaciones so hagan en la segunda pusicion. del anteojo, ó con el ocular al E del meridiano. Esto tratandose de los anteojos acodados de Repsold, números i v II, partenecientes al. Instituto. En cualquier otro caso, el signo de 🗗 se determinarà prácticamente, o por comparacion con lo que acaba de decirse, ó recordando que debe ser el +, cuando en el momento de la enfilacion se encuentre la estrella al E. del hiloideal, promedio de todos los fijos; y el -, enel supuesto contrario: sin tener en cuenta para nada la posicion y forma del anteojo.

Para determinar, en consecuencia, el valor de f se necesita, t.º: conocer la distancia análoga, aunque mucho más pequeña, del hilo fijocentral, al promedio de todos los hilos fijos del reticulo, y la posicion relativa de este promedio con respecto al hilo comun de referencia: si corresponde al espacio lateral, comprendido en-

tre el hilo central y el I fijos, ó á la region del campo visual opuesta; 2.º: hallar por coincidencias reiteradas el error de indice del tornillo micrométrico, ó la graduacion del tambor de este tornillo que corresponde á la superposicion del hilo móvil con el citado hilo central; 3.º: anotar las vueltas del tornillo y partes de vuelta que, en cada caso particular, median entre el último hilo y el móvil, cuando éste coincide con la Polar; y advertir en qué region del campo visual. y en qué posicion del anteojo, la coincidencia del hilo con la estrella se ha verificado; y 4.º: saber lo que cada vuelta del tornillo vale, en segundos de arco ó de tiempo, con el mayor grado de aproximacion á la verdad posible. Con estos antecedentes indispensables, la investigacion ó conclusion del valor de f no ofrecerá dificultad de ningun género.

233.—Las coordenadas a' y ô' de la Polar, procedentes de una buena eseméride y correspondientes al dia y momento de la observacion, deben experimentar las pequeñas correcciones, por aberracion diurna de la luz, que las siguientes sórmulas, suficientemente aproximadas á la verdad, indican:

(73)
$$\begin{cases} \Delta \alpha' = +0.5021 \cos \varphi \sec \delta' \cos t; \ y \\ \Delta \delta' = +0.311 \cos \varphi \sec \delta' \sec t. \end{cases}$$

The a, que à una estrella de estado se retiere, esta otra, cuya expresion se desprende de la primera de las dos anteriores generales, cambiando la 6' por la 6, y suponiendo que el factor cost se confunde con la unidad, como al tiempo del paso superior por el meridiano, o muy poco antes ó despues de este paso, se verifica efectivamente:

(74) $\Delta \alpha = + 0.4021 \cos \varphi \sec \delta.$

Esta última correccion fué precisamente la que en el párrafo (221) se advirtió que, con signo contrario, debía combinarse con el término o sec 8 de las fórmulas (43), (46) ó (47). Si, pues, por c, en estas fórmulas, ó en la (72) de que ahora se trata, se poce la colimación del eje óptico del anteojo, sin aditamento alguno extraño, la correccion, por aberración diurna, recaerá integra sobre la z.

234.—La ultima ecuación (72) del sistema anterior, apticada á la Polar y á otra estrella cualquiera, ambas observadas en la misma posición del anteojo, comprende dos incógnitas: el estado, ΔT, del cronómetro, (correspondiente al tiempo T' ó al T, segun que, con auxilio de la primera de las (71), las observaciones se hayan referido al uno ó al otro, atribuyendo á γ el signo que debe atribuirsele; ó al pro-

medio de T' y T, si γ se desprecia, por ser cantidad desconocida ó insignificante); y la colimacion c. Pero si se aplica tambien á la Polar y á una tercera estrella, observadas ambas en la posicion inversa del instrumento, se deducirá otra ecuacion con las mismas incógnitas, de distinto modo combinadas. Y. resolviendo las dos ecuaciones sencillísimas de primer grado, así obtenidas, se hallará la solucion completa del problema. -- Cuando hubiere más de dos combinaciones de estrellas, á la resolucion del sistema de ecuaciones desprendidas de la (72), deberá en todo rigor procederse por el método de los mínimos cuadrados. Los cálculos ú operaciones numéricas que esta solucion demanda, se verificarán con logaritmos de cinco cifras decimales, y un valor aproximado de q. que desde luégo puede suponerse siempre conocido, con suficiente grado de aproximacion para el objeto.

235.—Aunque sin el conocimiento previo aproximado de la hora, adquirido por algun método de observacion expedito, sea difícil plantear el más minucioso y refinado que acaba de exponerse, el hecho es que, si las observaciones en el vertical de la Polar se efectuasen sin antecedente alguno, relativo al estado ΔT del cronómetro, el valor de esta cantidad incógnita se deduciría luégo de golpe, por medio del sis-

tema de fórmulas (74) y (72). Pero no es ménos cierto, sin embargo, que despues de verificadas aquellas observaciones, y ántes de someterías al procedimiento de cálculo en las mencionadas fórmulas comprendido, puede inferirse con sencillez y prontitud, por la (67) del párrafo 230, el valor de A T, bastante aproximado à la verdad, y que sólo pedirá ya una pequeña correccion para convertirse en el verdadero, ó en aquél que, prácticamente y por cualquier método de observacion y análisis, es asequible deducir. Suponiendo, en consecuencia, que A T. léjos de ser completamente desconocido, es, como en realidad sucede casi siempre, conocido hasta cierto punto ó grado bastante adelantado de aproximación. Döllen ha propuesto otro método de combinacion de las observaciones verificadas en el vertical de la Polar, distinto en la forma del primitivo y en el párrafo auterior compendiado, y en la práctica muchas veces preferible. Este segundo método ó nueva regla de cálculo consiste en lo que sigue:

4.º En calcular el azimut, A, de la Polar (contado desde el N. y considerado como positivo hácia el E, y como negativo hácia el O.), y la distancia zenital, z', de la misma estrella, correspondientes al momento de su observacion, con auxilio de estas fórmulas: (75)

sen z' sen $A = -\cos \delta' \operatorname{sen} t'$, y sen z' $\cos A = -\cos \delta' \operatorname{sen} \varphi \cos t' + \operatorname{sen} \delta' \cos \varphi$;

en las cuales t' representa el horario de la estrella, contado por el O. desde 0º á 360", ó desde 0h á 24h, é igual al tiempo sidúreo de la observacion (ó al tiempo del cronómetro, corregido de estado, Δ T), ménos la ascension recta, x'.

2.º En deducir del azimut, A, de la estreila, observada en una region cualquiera del campo visual, el a del eje óptico del anteojo, ó el del plano perpendicular al eje de rotacion, saponiendo nula la inclinacion de este último con respecto al horizonte: para lo cual sirve esta otra fórmula:

(76)
$$a = A - b \cot z' - (f \pm c) \csc z'$$
,

- si se conviene en que representen:

b la inclinacion del eje de rotacion, positiva cuando el muñon occidental resulte más elevado que el oriental.

coincidencia con la estrella, al promedio de los hilos fijos, ó al eje óptico principal: positiva tambien, cualquiera que sea la posicion del instrumento, cuando la estrella se encuentre al . B. del promedio citado; y negativa en el caso contrario, conforme lo poco ántes advertido. Y

c la colimación propiamente dicha del mencionado eje óptico del anteopo, postico, en una posicion del instrumento, y negatico en la contraria, ó viceversa, segun que el mismo eje, prolongado hacia la estrella, corresponda al oriente ú occidente del plano perpendicular al ejo de rotación.

3.º En calcular conocido el valor de a, el horario, t, de la estrelta de estada, ó que se observa en combinación con la Polar para deducir el valor de AT, por esta otra sencillistma relación:

(77) $\sec t = \sec a \sec b$

entre las cantidades t y a, expresadas en arco y consideradas como del mismo signo ó de signos contrarios, segun que la estrella culmine al 5 ó al N. del zentt; la declinación δ de la estrella; y la distancia zental z en el momento de la observación: distancia absoluta, que discrepa de la meridiana, $\gamma \rightarrow \delta = \zeta$, en lo que la fórmula adjunta indica:

(78) z — ζ == i sen i", a² cos φ sen ζ sec δ

Y 4.° En conclair el estado Δ T por medio de la siguiente fórmula final, analoga à la (15), referente a la observacion de pasos de estrellas por el meridiano:

(79)
$$\alpha = T + \Delta T - t + \frac{b \cos(\varphi - \delta)}{\cos \delta} + \frac{c}{\cos \delta}$$

Pero, si en el segundo miembro de la ecuacion (76) se omitiesen los términos — $b\cot z'$ y — $c\csc z'$, ambos de escasa cuantía, y con el valor aproximado de a, que se deduciría entónces, se calculase por la (77) el de t, á la (79) reemplazaría la que sigue:

$$7 + \Delta T - t + b \sec \varphi + c \sec \varphi \frac{\cos \frac{1}{2}(z'-z)}{\cos \frac{1}{2}(z'+z)},$$

que, con la notacion del párrafo 232, puede abreviadamente escribirse de este otro modo, y reducirse á la (72):

(81)
$$\Delta T \pm C c = t - (B b + D).$$

236.—El cálculo de A por las fórmulas (75) y el de t por la (77) se esectuarán con logaritmos de cinco ó de seis cisras decimales, para que sin ambigüedad puedan obtenerse ambas cantidades, aproximadas hasta la décima parte de segundo de arco. Y como al aplicar el procedimiento de cálculo del estado, resumido en las (75) à (81), si se observa cerca del meridiano y Δ T resulta cosa de 08.5 diferente de lo que en un principio se supuso, hay que repetir lo

hecho, en un nuevo supuesto corregido, hasta hallar perfecta coincidencia entre la hipótesis de donde se parte y la conclusion à que se llega, lo conveniente en todos los casos será comenzar por tabular las fórmulas (75), con los argumentos δ' y t': δ' que deberá variar de segundo en segundo de arco, dentro de los limites extremos de variación, correspondientes a la época ó dias del año á que las observaciones se refieren: v t', de minuto en minuto, ó de dos en dos, ó de cuatro en cuatro minutos de tiempo, segua fuere la posicion de la estrella à las horas de su observacion, en diversos dias, por lo regular consecutivos.—Tabuladas así aquellas fórmulas, los valores de A se deduciran en cualquier caso particular por interpolacion: y el cálculo de a v de t v la deducción consiguiente de Δ T se barán luégo con rapidez. Lo importante es cerciorarse de la invariabilidad de a; y para esto se utilizaran cuantas enfilaciones se hubioren hecho à la *Polar*, al principio, en medio, ó al final de la operacion: en cada posicion del anteojo, ó en ambas posiciones, segun que el azimut se haya o no modificado intencionalmente. A cada enfilacion corresponderá, por cierto, un azimut A, distinto del que á otra se refiera; pero corregidos todos, en el último supuesto, por la fórmula (76), los de a, que de

ellos se dedujeren, deberán ser iguales, ó muy poco diferentes, si el instrumento no ha variado de azimut, contra la voluntad y el deseo del observador. Y con el promedio de los a, si la discrepancia de valores individuales puede atribuirse á meros errores de observacion, se calcularán por la (77) tantos otros de t, naturalmente y más ó ménos distintos unos de otros, como estrellas de estado se hubieren observado; y por la (79) ó la (*0) los de \$\Delta\$ T, correspondientes á las varias estrellas consideradas, y que deberán propender á la igualdad, ó coincidir reciprocamente, si se refieren todos al mismo momento físico.

237.—Para ha!lar el valor de T, correspondiente à cualquiera de las estrellas últimamente mencionadas, bastará tomar el promedio de los tiempos del cronómetro, anotados en los momentos respectivos de los pasos por todos los hilos fijos del retículo. Mas si la observacion fuere incompleta, ó por cualquier motivo dudosa, la reduccion de cada paso individual al hilo promedio se hará valiéndose de la siguiente fórmula:

(82)
$$I_{1} = i \sqrt{\sec(\delta_{1} + n)\sec(\delta_{1} - n)}$$

en la cual representan:

I, el intervalo correspondiente à la declinacion d, y à un hilo cualquiera, cuyo intervalo ecuatorial, supuesto conocido, sea igual à i Y

n una cantidad auxiliar, definida en el parcafo 216, y que depende del azimut a (calculable
por la (57), y, sin necesidad de esto, conocido
tambien casi siempre con antolación) del modo
que esta otra formula, aproximada lo bastante?
la verdad, indica:

(83) $n = a \cos \varphi.$

El doble signo, inherente al radical de la (82), recuerda que, segun el hilo à que el paso observado se refiera, auterior è posterior al promedio de todos, así el intervalo I deberá aplicarse al tiempo del paso con el signo + é el --, para efectuar la reduccion de que se trata

238 —Resta, por ultimo, advertir que, instalado el anteojo en el vertical de la Polar, formando con el meridiano, en la época de las máximas digresiones de esta estrella, un ángulo, a, de más de 1½ grados de amplitud, las estrellas de estado, que no culminen demasiado cerca del zenit, penetrarán en el campo visual algun minuto, ó minutos, de tiempo, ántes ó despues de su paso por el meridiano, segun el signo de a, y segun que las culminaciones se verifiquen al N. ó al S. del punto mencionado. De si pasarán por el vertical de la Polar ántes ó despues que por el meridiano, se cerciorará el observador, reflexionando sobre el asunto un momento; y del tiempo, en absoluto, que transcurrirá entre los de ambos pasos, P y M, dará la medida el resultado que se obtenza, mediante la siguiente muy sencilla ecuacion aproximada:

(84)
$$P - M = \frac{a \sin (\varphi - \delta)}{45 \cos \delta},$$

en la cual designan:

a el azimut en arco del anteojo; y

8 la declinacion de la estrella que intenta observarse.

DIFERENCIAS DE LONGITUD.

289.—El estado de un péndulo ó cronómetro puede indagarse con propósito vario, segun los casos: como dato ó elemento auxiliar para la determinación ulterior de la latitud de algun vértice, ó azimut de una dirección cualquiera; ó como preliminar importantísimo y propiamente fundamental para concluir luégo la diferencia de longitudes gengráficas que entre dos vértices media. Y conforme sea el fin que el observador se proponga accanzar, y conforme tambien los instrumentos y el tiempo de que para ello dis-

ponga, así deberá emplear para averiguar la hora local uno ú otro de los varios procedimientos, poco más que enumerados ó mencionados en las páginas precedentes. Tratándose, en partícular, de resolver el problema de las longitudes, los únicos aceptables son los dos últimos, de observaciones de pasos de estrellas por el meridiano ó por el vertical de la Polar, practicados en ambos vértices sistemática y moy cuidadosamente, conforme, en los términos muy sucintos y compatibles con la indote de estas instrucciones, se indica á continuacion.

240.—Como la determinacion de la diferencia de longitudes consta de dos partes esencialmente distintas, y no ménos importanto una que otra: determinación en cada vértice de la hora local ó del estado del cronómetro: y comparacion de los cronómetros ó péndulos en ambos vértices o estaciones empleados; segun que esta comparacion, à distancia y por la via electro-telegráfica, haya de efectuarse una ó dos veces por cada noche, así las observaciones astronómicas, necesarias para resolver la primera parte del problema, se habran de distribuir en varios grupos de distinto modo. Y aunque la comparacion doble ó reiterada deba preferirse á la simple ó exclusiva, como las líneas telegráficas no stempre están ni pueden estar toda ni gran

parte de la noche á disposicion de los observadores, en ambos casos supuestos se procederá como sigue.

Si las observaciones se verifican en el meridiano, y la comparacion de cronómetros sólo puede efectuarse una sola vez por noche, se elegirán veinte estrellas, observables sin dificultad desde ambos vértices, y distribuidas en dos grupos de diez, entre los cuales medie un intervalo próximamente de una hora, destinado precisamente á la comparacion mencionada. Y cada uno de los grupos se descompondrá en otros dos, de cinco estrellas, separados uno de otro por intervalos de muy corta duracion: de la necesaria, y nada más, para invertir el instrumento y dejarle reposar sobre sus apoyos breves momentos. Esto hecho, ó convenido y concertado con prevision y madurez por los observadores, el trabajo de una noche se reducirá:

- 1.º A observar una estrella circumpolar en ambas posiciones, A y B, del anteojo de pasos; las cinco primeras estrellas de estado, en la B; las otras cinco, en la A; y una segunda circumpolar en las mismas condiciones que la primera.
- 2.º A comparar los cronómetros de ambas estaciones, y comunicarse los observadores

cuantas advertencias estimen necesarias ó conducentes al buen resultado de las operaciones que tienen á su cargo. Y

3.º A repetir con otras dos estrellas circumpolares, y las diez de estado restantes, lo hecho ántes de la comparación.

Todo lo cual, á no ocurrir algun contratiempo inesperado, puede llevarse á feliz término en el intervalo aproximado de tres horas de faena.

Pero si hay, no sólo posibilidad, sino facilidad de repetir la comparacion de los cronometros, el trabajo se ordenará de este otro modo, apénas distinto ó más complicado que el precedente.

- 4.º En cada vértice se observarán tres ó cuatro estrellas de estado, en la posicion A del anteojo; una circumpolar en seguida, en las posiciones A y B; y otras tres estrellas como las primeras, en la B
- 2.º Sin pérdida de tiempo se hará tras de esto la comparación de los cronómetros.
- 3.º En la posicion B del anteojo se observar\u00e1n en seguida otras tres \u00f3 cuatro estrellas de estado; una segunda circumpolar, en las B y A; y otras tantas estrellas del primer nombre, en la A.
- 4.º Concluido lo que precede, se hará la segunda comparación de los cronómetros. Y

5.º Con otras seis ú ocho estrellas de estado, distribuidas en dos grupos, y separadas por una tercera circumpolar, se repetirá, para concluir, la primera parte de la operacion.

Procediendo de este modo son, en suma, dos las comparaciones de cronómetros efectuadas, comprendidas entre tres distintas determinaciones de sus estados respectivos

Las estrellas de estado, necesarias para todo esto, y que unas de otras deben discrepar en ascension recta cosa de 3^m, podrán entresacarse de los catálogos generales más en uso, como el muy numeroso y conocido de la Asociacion Británica: con la precaucion indispensable de emplear en ambos vértices las mismas estrellas, si los errores en sus ascensiones rectas no han de trascender à los resultados ó diferencias de longitud que se buscan. La efeméride anual de 539 estrellas, que, como apéndice ó complemento del Jahrbuch del Observatorio de Berlin, publican los astrónomos Förster y Tietjen, deberá consultarse para designar las circumpolares que, en combinación con las primeras, han de servir para la resolucion del problema pendiente.

En el vertical de la Polar las mismas tres distintas determinaciones del estado de los cronómetros, arregladas á la pauta formulada en

el párrafo 931, juntamente con dos comparaciones intermedias, pueden hacerse tambien, y con mayor prontitud que en el meridiano, operando conforme en segundo lugar queda advertido. Y como el hallar tres ó cuatro estrellas circumpolares, de posiciones bien definidas, y que culminen á horas convenientes para los observadores, é indispensables para el buen órden y brevedad de la operacion, constituye una verdadera dificultad en el asunto, al sistema de observaciones en el plano meridiano deberá muchas veces preferirse el análogo en el vertical variable de la estrella mencionada. Impracticable será, sin embargo, este último, y de uso forzoso el primero, cuando el anteojo de pasos carezca de movimiento azimutal, y deba instalarse desde un principio, y en las mejores condiciones asequibles de precision, seguridad y firmeza, en el plano meridiano.

241.—Cualquiera que sea el procedimiento de observacion que se adopte, y por muchas precauciones que en su desempeño se empleen, con el trabajo de una sola noche de ningun modo puede darse por terminada la investigacion de una diferencia de longitudes. Ménos de ocho, diez ó doce noches no deben ocuparse en reiterarla, siempre con la misma diligencia é igual deseo de acierto: importando más, en

éste como en otros casos análogos, la reiteracion del trabajo en distintas fechas, y, por lo tanto, en condiciones muy distintas tambien de los operadores, y de cuantas circunstancias eventuales les rodean, que su prolongacion como indefinida y desatentada en la primera noche de faena. Suponiendo que sean doce en totalidad las noches que se consideren necesarias para dar cima á la operacion proyectada, las veinte ó pocas más estrellas que deben observarse, de 2.ª á 6.º ó 7 ª magnitud aparente, y declinaciones boreales de 0º à 45º, se elegiran de manera que en aquellas doce noches, distribuidas en el intervato probable de un mes ó mes y medio, culminen, tras la postura del Sol y ántes de amanecer, à horas no dema-jado intempestivas, ó incompatibles con el servicio electro-telegráfico.

242.—La observacion de las estrellas de estado, sea en el meridiano, sea en el vertical de la Polar, se verificará en ambos vértices con instrumentos idénticos en lo posible: ó con anteojos, acodados ó rectos, de Repsold ó de Brunner, de las mismas formas y dimensiones, y oculares de la misma fuerza óptica; y con cronógrafos tambien de igual construccion y sensibilidad, en conexion con pilas ó baterias eléctricas de energía muy parecida.

243.-Les cronografes portatiles, empleades en la determinación de la diferencia de longitudes, se hallan basados en el mismo principio del telégrafo de Morse; del cual, sin embargo, difieren notablemente por la regularidad de su movimiento y el esmero de su construccion en los detalles, y por hallarse provistos ademas de dos punteros, naturalmente sometidos á la accion intermitente de dos distintos electro-imanesuno, en relacion por una corriente electrica local con el pendulo ó el cronómetro de cada vértice é estacion, destinado á marcar en el papel los segundos de tiempo, conforme may á compas fluven ó transcurren; y otro, á voluntad de los observadores, los instantes críticos, por referencia à la escala que el primero traza, en que las estrellas pasan por los distintos hilos del reticulo del anteojo.

Esto miéntras los observadores permanecen atstados, u ocupados en el trabajo exclusivo de la determinación de la hora local, cada cual en distinto vertice; pues, cuando uno con otro deben relacionarse, para efectuar la comparación reciproca de sus cronómetros, los segundos punteros de los cronógrafos comunican entre si por el intermedio del alambre telegráfico entre ambos vértices extendido. Las corrientes eléctricas, de brevisima duración, que por este

alambre circulen, emitidas alternadamente en sentidos opuestos de una estacion y de otra, con sólo completar para ello el circuito metálico entre las dos establecido, apoyando la mano contra una palenqueta de posicion variable, ó resorte interruptor, forzarán, simultáneamente casi, à los dos punteros à señalar otras tantas marcas en los cronógrafos respectivos; y la posicion de estas marcas, separadas unas de otras por distancias irregulares ó de longitud arbitraria, con relacion á las escalas de segundos de tiempo, trazadas por los otros dos punteros, servirán para verificar la comparacion de cronómetros, ó para referir sus indicaciones al mismo instante físico, y concluir la diferencia de longitudes geográficas de los lugares donde se encuentran instalados.

De acuerdo, pues, los observadores en los momentos de empezar y concluir, y en las pausas intermedias que la claridad de la operacion exige, alternativamente se transmitirán las señales indispensables para verificar por este medio una comparacion completa de cronómetros, poco despues y ántes de haber determinado sus estados respectivos, conforme al plan en el párrafo anterior expuesto. Cluco series de veinte señales cada una, separado cada par de señales por un breve intervalo irregular de 4 á 2 ó

3 segundos de tiempo, pueden considerarse como suficientes para el objeto de que se trata. Pero en este punto, como en los demas que el problema en totalidad comprende, debe aspirarse à obtener absoluta paridad de condiciones en el modo de operar en ambos vértices. Y, por le tante, no sólo se cuidará de que los cronógrafos seau iguales, y de la misma ó muy poco diferente energia las corrientes eléctricas locales, à cuya accion acompasada obedecen los dos punteros de segundos, sino que lo sean tambien las corrientes de linea que, à voluntad de los observadores, han de reaccionar sobre los otros dos punteros; y de que el alambre telegráfico, por donde estas ultimas corrientes circulan, se balle bien aislado, y extendido de un lugar à otro directamente, ò sin empalmes con los aparatos telegráficos y electro-imanos intermedios. De lo contrario, el resultado final de la comparacion de cronómetros podría adolecer de algun error sistemático, muy difícil de rastrear, é imposible en consecuencia de eludir.

244.—Más todavía que la disparidad de los instrumentos y medios de observacion, influye en la incertidumbre de los resultados obtenidos la ecuacion personal de los observadores: ó la diferencia en su modo de observar, ó de apreciar

trellas por los hilos del anteojo, por referencia auditiva y mental á los chasquidos cadenciosos del cronómetro. Cuanto se haga por eliminar esta causa inevitable y muy eficaz de error, ó por aminorar hasta lo sumo sus efectos, siempre será poco. Y lo que puede hacerse es lo siguiente, de sentido comun casi.

4.º Someter ambos observadores à un estudio comparativo muy minucioso sus peculiares maneras de apreciar el tiempo, ántes de emprender v despues de concluir la determinacion de una diserencia de longitudes, por los distintos procedimientos propuestos para el objeto: muy principalmente, por el de observaciones alternadas y por mitad, con el mismo instrumento, de los pasos de estrellas culminantes á muy variadas distancias del zenit; y por el de los pasos de una estrella artificial, animada de velocidades distintas, valiéndose de alguno de los ingeniosos aparatos ideados con este objeto.-De este penoso estudio debe tratarse de inferir la expresion numérica, constante, ó variable con la distancia zenital de la estrella observada, de la diferencia de ecuaciones personales, que á los observadores corresponden. Si el anteojo es acodado, la investigación ha de hacerse necesariamente con relacion á las dos posiciones en que puede descansar sobre las muñoneras de sa eje horizontal de rotacion. Y, en cualquier caso, se invertirán en ella tantos dias siquiera como dias se emplearen en la determinacion de las longitudes; utilizando ademas, ó procurando utilizar, las mismas estrellas que en la resolucion del problema principal, en la del preparatorio, auxiliar ó de comprobacion, de que ahora se trata. Y

2.º. Cambiar de puesto los observadores, una ó más veces en el curso de la operacion, para que su diferencia de ecuaciones cambie de signo con esto, y, suponiéndola constante, contra lo que por desgracia enseña la experiencia, por sí misma se anule en el promedio de los resultados obtenidos en las distintas noches de tarea. Si éstas, por ejemplo, se conviene en que hayan de ser doce, y los vértices se designan por los números romanos I y II, y los observadores por las letras A y B, A deberá estacionar tres noches en I y tres B en II; seis luégo respectivamente, en II y en I, A y B; y otras tres, en I y II, como al principio, en la última parte de la operacion.—Aunque este recurso extremo y costoso no sea siempre suficiente para eliminar la dificultad contra la cual se ha discurrido, es sin duda alguna muy eficaz, y debe por lo mismo emplearse siempre con esperanza de buen éxito.

245.—En vez de tratar de averiguar, por de pronto y como base de investigacion más lata, la diserencia de longitudes que entre dos únicos vértices media, la operacion podría disponerse de manera que fuesen tres los vértices en este concepto comparados; tres, naturalmente, los observadores; y tres tambien los aparatos de observacion, ó sistemas de aparatos en ejercicio simultaneo. Y como hallada la diferencia entre los I y II, y los I y III, la comprendida entre II y III debe por sí misma desprenderse en consecuencia, la comparacion de este último resultado teórico con el de observacion, ó práctica y directamente obtenido, constituirá un excelente medio de comprobar la incertidumbre ó exactitud de las múltiples y muy delicadas operaciones parciales verificadas en los tres vértices. Mas para esto es indispensable determinar cuidadosamente las ecuaciones personales de los tres observadores, con antelacion y posterioridad á la operacion principal: ó, renunciando á la comprobacion indicada, y dando por cierto que aquellas ecuaciones permanecen constantes, permutar la posicion de los observadores en órden circular, de manera que sucesivamente y por igual tiempo, durante cuatro dias hábiles, por ejemplo, cada uno de los tres estacione en los tres vértices. Procediendo así, y ateniéndose en la determinacion de las horas locales, y en los cambios reciprocos de señales eléctricas, necesarias para la comparacion de los cronómetros, péndulos ó cronógrafos, à los preceptos fundamentales ya consignados, las tres diferencias de longitudes geográficas podrán cencluirse, no con mayor sencillez, pero sí con algun ahorro de tiempo, por los mismos pasos que cuando de hallar una sola diferencia se trata.

246.—En conclusion: hallados los estados de los cronómetros, y referidos á los momentos de su comparacion reciproca, pueden darse por encontradas las horas locales que al mismo momeuto físico corresponden en ambos vértices. Y la diferencia de estas horas dará la de longitudes geográficas, más ó ménos la diferencia de las ecuaciones personales de los observadores, y más ó ménos la de los tiempos invertidos por las corrientes eléctricas en circular por el alambre telegráfico y en reaccionar sobre los punteros de los cronógrafos. Cada estrella, observada en ambos vértices, servirá para deducir un valor aproximado de la diferencia de longitudes que los separa; y en cada noche podrán así obtenerse tantos valores de esta especie como estrellas distintas se hubieren observado. Del análisis de estos valores; del cotejo de los que á una noche

corresponden con los que à las demas se refieren; y de la fusion en uno sólo de la multitud de resultados individuales obtenidos, se concluirá, por último, el valor final que debe adoptarse como preferible à todos, y el grado de confianza que merece. Si el error probable de este resultado no excede de 0°,02, la operación podrá con lo hecho darse entónces por satisfactoriamente terminada.

LATITUDES.

247.—La latitud geográfica, φ, de un lugar se determina midiendo ó averiguando la distancia zenital, ζ, de una estrella, cuya declinacion sea δ, en el momento de su culminacion ó de su paso por el meridiano del lugar, al cual el valor de φ debe referirse. Atribuyendo á ζ, en este solo caso y para evitar la multiplicidad de fórmulas, el signo positivo cuando corresponde al N. del zenit, y el negativo al S., por analogía con los signos de δ, al N. y al S. del ecuador, entre las cantidades φ, ζ y δ existe la siguiente relacion fundamental:

(85)
$$\varphi = \delta - \zeta;$$

en la cual, sin embargo, deberá ponerse 480° — δ por δ , cuando la ζ se refiera al paso inferior del astro observado por el meridiano.

No siendo cosa fácil, ni aun posíble en la práctica, determinar el valor de ζ directamente, ú observando el momento preciso de la culminación de la estrella y distancia del zenitá que culmina, determinase indirectamente midiendo con el teodolito, cerca y á nuo y otro lado del meridiano, las distancias zenitales, z, que á otros momentos bien definidos corresponden, y aplicando luégo á estas distancias las correcciones necesarias para deducir otros tantos valores particulares de ζ, algo discrepantes entre sí por efecto de los errores inevitables de observacion. La fórmula de correccion, ó de reduccion of meridiano, de las distancias zenitales observadas cerca de este plano es la siguiento:

(86)
$$z - \zeta = \frac{\cos \varphi \cos \delta}{\sin^{-1}/\sqrt{(z+\zeta)}} \times \frac{2 \sin^{2} \frac{1}{2} t}{\sin 4''}$$
.

que se desprende de esta otra, general, y no mucho más complicada:

(87) sen
$$1/2$$
 $(z \rightarrow \zeta) = \frac{\cos \varphi \cos \delta}{\sin \frac{1}{2}(z + \zeta)} \times \sin^{\frac{1}{2}} \frac{1}{2}t;$

y en la cual representan:

z la distancia zenital observada, que se trata de corregir, ó de la cual se ha de inferir un valor de ζ. Υ t el horario de la estrella, que corresponde à la distancia z: horario igual á $s-\alpha$; y s, ó el tiempo sidéreo de la observacion, igual al tiempo T del cronómetro, corregido del estado ΔT , que debe ser ya conocido.

Como la fórmula (86) sólo es, por regla general, exacta ó admisible en el supuesto de que t no pasa de 20, 30 ó, á lo sumo, 40 minutos de

tiempo, el factor
$$\frac{2 \operatorname{sen}^{2} \frac{1}{2} t}{\operatorname{sen}^{4}}$$
, que en lo sucesi-

vo se designará abreviadamente por la letra μ , ó su logaritmo, se ha podido calcular fácilmente de segundo en segundo; y de la tabla así formada se desprende en cualquier caso y sin esfuerzo su valor, áun cuando el argumento proceda por intervalos de tiempo mucho más próximos.

La declinación δ debe tambien suponerse conocida siempre. Y en la práctica de las operaciones geodésicas, cuya certidumbre se trata de
comprobar por observaciones ó determinaciones astronómicas, la duda en el valor de φ debe
hallarse asimismo comprendida entre muy poco diferentes límites. Sabiendo, pues, con antelacion cuáles son los valores, muy aproximado
á la verdad, de δ, y aproximado tambien, aunque no tanto, de φ, de la fórmula (85) se desprenderá inmediatamente el de ζ. En el segundo
miembro de la (86) no quedan, en suma, más



cantidades desconocidas y variables, ó procedentes de la observacion, que t y z : t, que depende de la ascension recta, z, de la estrella observada, y de la hora y estado del cronómetro en el momento de la observacion; y z, ó la distancia medida, corregida de refraccion necesariamente, y de paralaje si hubiere lugar á ello, conforme se dijo en el párrafo 210 y aún se advertirá más adelante.

248.—De la fórmula (86), con los datos de observacion z y t; el valor de 8, consignado en las efemérides anuales de los Observatorios de Berlin, de Greenwich, ó de San Fernando, ú otras parecidas é igualmente dignas de confianza; y los aproximados á la verdad de φ y ζ, se deducirá, en consecuencia, el de la correccion buscada z-ζ; y, por lo tanto, un nuevo valor de ζ y otro de φ. Si estos valores discrepan de los hipotéticos, ó admitidos como buenos en un principio para emprender el cálculo de su correccion, en más de lo que puede atribuirse al simple esecto de los errores de observacion (ó, por regla general, en más de 5 á 40"), el cálculo deberá repetirse con los valores corregidos de las dos cantidades mencionadas. Y muy rara vez será menester volver á repetir esta operacion para darla por terminada, despues de encontrar la coincidencia apetecida entre la hipótesis y el resultado que se busca.

Mark to .

249.—Suponiendo, contra toda verosimilitud, que φ fuese cantidad por de pronto desconocida, & lo sería tambien parecidamente. Pero si los valores de z, observados y corregidos de refraccion, corresponden á distintos horarios, t. variables con cierta continuidad, y anteriores y posteriores al meridiano, del exámen de aquellos valores, y sin cálculo alguno, se inferirá cuál es el de ζ, y cuál en consecuencia el de φ, con incertidumbre ó error de pocos segundos. Porque las z, anteriores à la culminacion de la estrella, irán disminuyendo conforme el horario oriental, t, disminuya; y aumentando las posteriores, conforme el occidental aumente luégo. Y la z mínima, ó el promedio de las z, apénas unas de otras discrepantes, expresará el valor de ζ. con aproximacion muy suficiente para poder sin dificultad emprender el cálculo de la correccion $z - \zeta$ por la fórmula (86). Operando con un teodolito de Repsold, el valor de ζ, así encontrado, no discrepará del verdadero en más de 40", áun cuando el estado del cronómetro fuese por completo desconocido y para nada se tuviese en cuenta.

250.—La fórmula (86) sólo es aplicable por regla general al cálculo de las observaciones circumeridianas de todas las estrellas, dentro de los límites de t referidos, ó miéntras los horarios

extremos no pasen de 30, 35 o 40 minutos de tiempo, á uno y otro lado del meridiano. Pero, cuando la estrella observada sea la Polar, aunque siempre deba preferirse observarla cerca. que léjos del meridiano, la citada fórmula podrá considerarse como valedera o aplicable siempre, en sustitucion de la (87), que es la verdaderamente irreprochable en teoría. En el momento de la observacion, la estrella, sin embargo, estará más cerca de su culminacion ó paso superior que del inferior, ó viceversa; y si en el primer caso no hay nada que advertir, en el seguado conviene tener presente que al horario t debe sustituirse el suplemento 12h - t; y à la ζ, correspondiente al paso superior, la ζ_1 , igual á $180^\circ - (\varphi + \delta)$, que al inferior se refiere. En ambos casos, y despues de deducidos los valores de ζόζη para pasar al de φ por la fórmula (85), $\varphi = \delta - \zeta$, ó la misma levemente modificada, $\varphi = 180^{\circ} - (\delta + \zeta_1)$, por 8 se pondrá el valor de la declinación de la estrella, que corresponda al momento, ó promedio de los momentos, de las varias observaciones calculadas: valor tomado por interpolacion de las efemérides, y que para mayor exactitud deberá corregirse del efecto, nulo en el meridiano, é igual y de signos contrarios á iguales distancias á uno y otro lado de este plano, producido por

ia aberracion diurna de la luz, y calculable en cualquier caso por la segunda de las fórmulas (73).

251.—A la tantas veces citada fórmula (86), en cuyo segundo miembro figura la distancia zenital z, contenida tambien en el primero, puede reemplazar esta otra, transformada suya, muy aproximada á la verdad, y en la práctica por ningun concepto desatendible:

(88)
$$z - \zeta = A \mu - A^2 \nu \cdot \cot \zeta;$$

en la cual las letras A, μ y ν representan por brevedad lo que sigue:

$$A = \frac{\cos \varphi \cos \delta}{\sin \zeta};$$

$$\mu = \frac{2 \, \text{sen}^2 \, \frac{1}{2} \, t}{\text{sen } \, \frac{1}{2}}; \, y \, v = \frac{2 \, \text{sen}^4 \, \frac{1}{2} \, t}{\text{sen } \, \frac{1}{2}}.$$

Cuando la estrella observada se encuentre, no cerca de su culminacion superior, sino de la inserior, por t deberá ponerse en las expresiones anteriores el suplemento 12^{h} — t, y por δ el suplemento tambien, 180° — δ , de esta cantidad. Con lo cual A cambiará de signo; y la correccion total z — ζ , contraria á la reduccion de z al

meridiano, resultará negativa, como es evidente que debe en el seguado supuesto serio. Para facilitar en ambos casos el cálculo de esta reduccion, conviene tener tabulado, no sólo el valor de μ, ó de su logaritmo, como ya se advirtió al tratar de la fórmula (86), sino el de ν parecidamente, en funcion del horario t, variable de segundo en seguado, desde 0º hasta los 30 ó los 40^m.

252.—Sin el conocimiento previo del valor aproximado de φ, y por lo tanto de ζ, se podrà determinar el de la latitud geogràfica, por observaciones extrameridianas de la *Polar*, valiêndose de las siguientes fórmulas: (89)

$$\varphi_t = (90^{\circ} - z) - p \cos t + \frac{p^2 \sin 1^n}{2} \sin^2 t \cot s; y$$

$$\varphi = \varphi_4 - \frac{p^3 \sec^2 1^n}{3} \cdot \cos t \sec^2 t + \frac{p^4 \sec^3 1^n}{6} \cdot \sec^4 t \cot^3 x$$

en las cuales representan:

z la distancia zenital observada, corregida de refraccion.

p el complemento de δ, ó la distancia polar aparente de la estrella en el momento de la observacion, expresada on segundos de arco.

t el horario en el mismo momento, igual \star $-\alpha$.

Y φ, un valor aproximado de φ, muy fá-

cil y directamente calculable por la primera.

Lo enojoso es el cálculo por la segunda de la correccion, inferior á 1", que al valor de φ_i debe aplicarse para obtener el de φ , á no disponer de tablas auxiliares para ello. Pero, áun con el uso de estas tablas, coleccionadas en las generales de Schumacher, el cálculo de φ resulta todavía embarazoso y prolijo, cuando las obserciones hechas y los consiguientes valores de z y t son muy numerosos.

Si á la fórmula (86), ó á la general (87), se prefieren, sin embargo, las dos últimas, nada más fácil que simplificarlas y reducirlas á una sola, despreciando el último insignificante término de la segunda, y poniendo en el último de la primera por z la expresion, para el objeto suficientemente aproximada á la verdad, 90°— — p cos t. El resultado que procediendo de esta manera se obtiene es el siguiente: (90)

$$\varphi = 90^{\circ} - z - p \cos t + (M p^{2} + N p^{3} \cos t) \sin^{2} t;$$

en el cual las letras M y N representan lo que estas otras expresiones auxiliares indican:

(91)...
$$\begin{cases} M = \frac{1}{2} \sin \frac{1}{2} \cdot \frac{\tan \varphi}{\sin^2 \varphi}, y \\ N := \frac{1}{6} \sin^2 \frac{1}{2} \cdot \frac{1 + \frac{1}{2} \sin^2 \varphi}{\cos^2 \varphi} \end{cases}$$

El cálculo de los valores de M y N, o de sus logaritmos, respectivamente, con cinco y cuatro cifras decimales, es independiente de z y t, y puede efectuarse con el valor aproximado de o, conocido con antelacion, o deducido de la primera de las ecuaciones (89). Y una vez obtenidos aquellos valores, constantes para cada lugar ó vértice, con bastante sencilloz, y sin necesidad de tablas auxiliares se hallaran los de p, correspondientes á los de t observados, por la fórmula donde las M y N figuran. Suponiendo que p ascienda á 1°23', ó 1980' (y en realidad es en la época actuat algo menor), y que o sea igual à 450 (hipótesis tambien desfavorable en nuestra Peninsula), el término M p² sen² t de aquella fórmula, valdrá a lo sumo 60"; y ni 1" siguiera el consecutivo y último, que de la constante N depende.

253.—Aunque en operaciones de precision semejante práctica no deba, por varios motivos, recomendarse, pudiera suceder que el astro observado fuese el Sol, en vez de serlo la Polar ó una estrella cualquiera de las comunmente denominadas fijas. La reduccion al meridiano de las distancias zenitales, observadas à corta distancia angular del mismo plano, para inferir luégo el valor de la latitud, se efectuará tambien entónces por la fórmula (86), con las si-

guientes precauciones: 4.ª la de expresar los tiempos de la observacion en tiempo solar medio, si de las lecturas del cronómetro no resultasen inmediatamente expresados de este modo; 2.ª la de comparar estos tiempos con el del paso del Sol por el meridiano, designado en los propios términos, para deducir los diversos valores de t; 3.ª la de reserir al centro del Sol, por la aplicacion conveniente de su semidiámetro, los valores de z, necesariamente referidos por de pronto al limbo superior ó al inferior, despues de corregidos de refraccion y paralaje; y 4.ª la de calcular la correccion $z - \zeta$, que á cada z ha de aplicarse, con la declinacion δ, variable por momentos, que al de la observacion precisamente corresponde.

Si la última enojosa precaucion quiere omitirse, empleando para el cálculo de todas las reducciones individuales, el valor exclusivo de 8, correspondiente al momento crítico del paso del Sol por el meridiano, al tiempo solar medio de este paso, con el cual han de compararse los de las varias observaciones hechas para obtener los distintos valores de t, deberá aplicarse préviamente la correccion x, que de la siguiente fórmula se deduce:



(91)
$$x = + H \frac{\operatorname{sen}(\varphi - \delta)}{\cos \varphi \cos \delta} \times \Delta \delta$$

En cuya expresion aproximada del breve intervalo de tiempo transcurrido ó que debe transcurrir entre el paso del Sol por el meridiano y su verdadera culminación sobre el horizonte, representan:

H una constante, cuyo logaritmo es 1,40594 Y A à la variación horaria de la declinación del Sol, correspondiente al dia de la fecha, y positiva o negativa segun la época del año.

254.—Cuando la estrella que haya de observarse culmine de 45 o 20°, à 40, 50 ó 55° del zenit, con objeto de eliminar el error en la latitud, procedente del que pudiera existir en el estado del cronómetro, u horario t, las observaciones se distribuirán lo más simétricamente posible con respecto al meridiano, por este ó análogo órden: cuatro, correspondientes á época en 20 ó 25 minutos anterior al momento de la culminacion, en cierta posicion del teodolito, y otras tantas luégo en la contrarla; chatro al E. todavia, pero ya muy cerca del meridiano, en la segunda; y otras cuatro al O., en la primera; y cuatro en la primera y otras cuatro en la seguada, á distancia occidental del meridiano, próximamente igual à la oriental de un principio. Las ocho punterías consecutivas, verificadas por mitad en cada posicion del instrumento, componen una serie, de la cual pueden inferirse ocho valores de la latitud, si la graduación del zenit es independientemente conocida; ó solamente cuatro si, prescindiendo de esta graduación, las distancias zenitales, despues de reducidas las ocho graduaciones leidas al meridiano, se deducen tomando la semidiferencia de las mismas graduaciones. Entre cada dos series se leerá y anotará lo que el termómetro, colocado á la sombra y aire libre, indique; y, poco ántes de empezar y momentos despues de concluir las operaciones, tambien lo que el barómetro, en sitio más resguardado, señalare.

La Polar se observará por el mismo órden, de punterías alternadas en posiciones inversas del teodolito, cualquiera que sea su distancia al meridiano, ó la amplitud del horario: consistiendo cada observacion, lo mismo ahora que en cualquier otro caso, 1.º: en la enfilacion precisa de la estrella; 2.º: en anotar lo que el cronómetro marca en el momento de la enfilacion ó puntería; 3.º: en la lectura del nivel, colocado sobre la palanca portamicroscopios, ó de las divisiones extremas que por derecha é izquierda limitan el espacio ocupado por la burbuja; y 4.º: en la lectura, y anotacion consiguiente, de

las graduaciones del circule vertical que à los dos microscopios casi diametralmente opuestos, y contra el mismo circulo asestades, corresponden. Pero, si la Polar no se ebserva como las demas estrellas cerca del meridiano, bien sea en distintas horas del dia, ó en distintos dias consecutivos, convendrá volver á observaria cuando se encuentre próximamente en posiciones simétricas de las primitivas, con respecto al plano comun de comparación ó referencia.

Y si lo que se observa es el Sol, poco ántes, y despues de su culminacion sobre el horizonte, deberán tenerse presentes, ademas de las ya enumeradas, estas dos advertencias: una, la de dirigir las punterías alternativamente à los dos limbos, superior é inferior, del astro mencionado; y, otra, la de guarecer el teodolito de la acción calorífica de sus rayos, en cuanto la indole de la operacion y las circunstancias del momento lo permitan.

255.—El conocimiento previo y directo de la graduacion del zenit, no es absolutamente indispensable para proceder al cálculo de la correccion $z - \zeta$ por la fórmula (86); pero sí lo es muy conveniente. Al empezar, pues, las observaciones de estrellas, y despues de concluir, y siempre que se reiteren modificando la posicion del círculo vertical del teodolito, se enfilará un par

de veces algun objeto terrestre, en posiciones inversas del instrumento, para poder luégo concluir con grandísima sencillez y prontitud, y suficiente grado de aproximacion para el objeto, aquel antecedente de cálculo. A falta de objeto terrestre, ó de situacion invariable, dos punterías alternadas á la Polar, verificadas en brevísimo tiempo, servirían, mediante una pequeña correccion, para resolver la dificultad propuesta. Y análogamente servirían las punterías hechas, en posiciones inversas del teodolito, á cualquiera otra estrella situada ya muy cerca del meridiano.

Por lo demas, calculando las observaciones de la *Polar* por la fórmula (90), y las correspondientes á otras estrellas por la (88), el conocimiento previo de la graduacion del zenit es todavía ménos necesario: ventaja de la última sobre la (86), digna de aprecio muchas veces.

256.—La necesidad de multiplicar el número de series parciales de determinaciones de \(\pi\), para concluir el valor definitivo de esta cantidad, procede de la de eliminar, 1.°: los errores de graduacion del círculo vertical del teodolito; ó reiterando las punterías à igual altura casi sobre el horizonte, en diversas posiciones del mismo círculo vertical; ó enfilando sucesiva-

mente varias estrellas, que culminen à distintas alturas; 2 º: la flewion presunta del anteojo; combinando unas con otras las observaciones hechas próximamente à iguales distancias del zenit, pero contadas en sentidos opuestos; 3.º: la incertidumbre o errores muy pequeños, pero existentes todavía, en las declinaciones de las estrellas observadas; por el aumento en número de estas estrellas y la probabilidad consiguiente de que los errores mencionados reciprocamente se compensen; y 4,º: los demas errores eventuales, procedentes de multitud de causas distintas, y en particular del estado atmosférico, sin cesar variable, y de la situacion del observador, no siempre igualmente predispuesto al acierto. Observando seis estrellas, próximamente ecuatoriales, distribuidas en diversas horas del dia; y repitiendo por via de comprobacion las operaciones dos días por lo ménos; fácilmente se completan 36 series de valores de o, con las cuales convendrá combinar otras tantas, procedentes de la observacion de la Polar, en distintas posiciones del circulo vertical del teodolito, y distribuidas con cierta simetría en el transcurso del dia y con respecto al meridiano, para obtener el resultado final que se busca. Pero esta regla debe entenderse á título de ejemplo, y en la practica puede sufrir

las modificaciones de detalle, que las circunstancias de lugar y tiempo, y las condiciones del observador y del instrumento que maneja, exigieren ó señalaren como más convenientes.

257.—Con mayor brevedad y sencillez que valiéndose del círculo vertical móvil de un teodolito, parece que ha de poderse encontrar el valor de ζ empleando un verdadero circulo meridiano, como los construidos por Brunner para servicio del Instituto, despues de muy aproximada y firmemente instalado en el plano ideal de su nombre. Con este segundo instrumento, sin embargo, el tiempo hábil de observacion en cada caso particular disminuye muy notablemente; y, de no hallarse perfectamente rectificado, orientado y nivelado, y de no enfilar con el anteojo é hilo horizontal de su retículo la estrella en el momento preciso de pasar ésta por el hilo vertical del centro, la distancia zenital medida tampoco expresará sin la más minima discrepancia el valor de ζ ; sino el de otra distancia ζ_1 , poco mayor ó menor en absoluto que la primera, segun la region del cielo donde la estrella culmine. A esta distancia ζ_1 , correspondiente al punto de interseccion de ambos hilos mencionados del retículo, con mucho mayor propiedad que á la estrella observada, poco ántes ó despues de su paso por el meridiano, habrá, pues, que aplicar alguna correccion para inferir el de ζ: aunque á esto equivale, y es algo más general y sencillo, dejarla sin correccion, y usar en combinacion con ella, para deducir el valor de φ por la fórmula fundamental (85), la declinacion δ₄ del punto central á que en realidad se refiere, un poco mayor siempre que la δ de la estrella lateralmente enfilada.

258.—Como es de suyo evidente, para hallar con el circulo meridiano el valor de \(\zeta\), correspondiente al horario t, por regla general muy pequeño, basta enfilar la estrella á su paso por el campo visual del anteojo; leer en el circulo la graduación que entónces deba leerse; y comparar con esta graduacion la que à la linea vertical, ó al zenit del observador, se refiere. La diferencia de graduaciones expresará el valor angular de ζ, aparente ó no corregido de refraccion todavía, ni de ninguna otra causa de error material de observacion de que, en virtud del' estudio preliminar muy minucioso del instrumento, se considere necesario corregirle. La principal dificultad estriba ahora en determinar la graduación del zenit ó del nadir, por operaciones previas ó ulteriores à la de enfilacion de la estrella: dificultad que se vence muy ingeniosa y brevemente, apontando con el anteojo al baño de mercurio debajo de él instalado, y

rectificando la puntería hasta que el hilo horizontal del retículo se confunda con su imágen, reflejada por la superficie especular del mercurio: conforme ya se explicó en el párrafo 222, al exponer el procedimiento análogo para encontrar la colimacion del hilo vertical del centro, ó la inclinacion del eje de rotacion del anteojo. La graduacion del círculo, que á semejante crítica posicion del anteojo corresponde, será la del nadir, ó la del zenit con diferencia de 180°. Y con esta graduacion, ó término de referencia comun, que debe determinarse repetidas veces, y en momentos uno de otro no muy lejanos, se compararán las graduaciones correspondientes á las punterías intermedias, hechas á una ó más estrellas, para concluir otros tantos valores de ζ_1 , despues de corregidos individualmente de refraccion.

259.—La correccion r, expresada en segundos de arco, que à la δ debe aplicarse para obtener la δ_1 , que por su combinacion con la ζ_1 , ha de producir luégo el valor de φ , se calculará con auxilio de la siguiente fórmula:

(92) $r = \mu \operatorname{sen} \delta_i \operatorname{cos} \delta_i + \nu \operatorname{sen} 2 \delta_i \operatorname{sen}^2 \delta_i$,

en la cual representan:

μy v lo consignado en el párrafo 251, con la

sola diferencia de que la t considerada entónces debe reemplazarse abora por t+m.

t el horario de la estrella en el momento preciso de su observacion.

m el complemento del horario del polo occidental del circulo meridiano, relacionado con el azimat a é inclinacion è del eje de rotacion del mismo circulo, segun la fórmula primera (48) indica. Y

 δ_1 la declinación aparente de la estrella observada, que de la (85) se desprende, poniendo en ella por φ un valor de la latitud, lo más aproximado à la verdad que sea posible, y por ζ el de ζ_1 .—A no ser en casos muy excepcionales, por δ_1 podrá sustituirse en la formula anterior el valor de la declinación δ_1 tomado de las efemérides o tablas que le contengan.

Con el segundo término de la correccion r muy rara vez habrá asimismo que contar, á no pasar el horario t, expresado en tiempo, de ciaco, ocho ó más minutos de amplitud: cosa que sólo se verifica cuando las punterías se dirigen á una estrella circumpolar y muy iomediata al polo. Y, áun entónces, el valor de aquel segundo término resultará mucho menor que el del primero: de 0".5 por más de 61", por ejemplo, en el caso bastante extremo de ascender δ á 88° y t á 30°. Pero, como el cálculo de ambos términos es muy sencillo, con auxilio sobre todo de las tablas de logaritmos de los factores μ y ν , independientes de δ_i ó δ_i , preparadas con antelacion y de una vez para siempre, en pasando t de 40^m no deberá prescindirse del segundo, sin haberse cerciorado de que el error así cometido carece de importancia en realidad.

260.—Como el valor de t cambia de signo, zegun que la enfilacion de la estrella se verifica ántes ó despues de sa paso por el meridiano, si el de m, que durante un dia ó una sesion puede considerarse como constante, no fuese bien conocido, para eliminar ó aminorar su influencia debería observarse la misma estrella antes y despues de aquel paso, y á distancias aproximadamente iguales del hilo vertical del centro; ó una estrella ántes y otra despues, culminantes ambas á distancias no muy diferentes tampoco del zenit. Cuidando de que m sea cantidad muy pequeña, inferior á 4*, por ejemplo, ó de que lo sean el azimut é inclinacion del eje de rotacion del instrumento, como con paciencia y esmero logra conseguirse casi siempre, el valor de m podrá considerarse como englobado ó confundido con los errores inevitables en la apreciacion del momento T de la puntería, de donde el horario t se deduce: errores que influyen en opuestos sentidos sobre el valor de r, segun que el horario sea oriental ú occidental. Lo riguroso y más recomendable es, sin embargo, comenzar por hallar el valor de m, por el procedimiento de observacion y fórmulas de cálculo, expuestas, al tratar de este asunto en particular, en los párrafos anteriores.

281.-A la correccion r. dependiente del horario t y declinación 6, habria que agregar otra, r', por muy distinto concepto, auoque dependiente tambien de las mismas dos cantidades que la primera, si el bilo al cual se refieren las punterias do fuese realmente horizontal. Tauto cuidado y empeño como en la perfecta orientacion ó instalacion del círculo meridiano, ó mayor si cabe, deberá ponerse, por lo mismo, en rectificar la posicion del reticulo del anteojo, con auxílio de los tornillos de correccion adecuados al objeto, hasta que, enfilada una estrella ecuatorial en el momento de penetrar en el campo visual, continúe en coincidencia con el hilo al llegar al centro, y, enfilada todavia, se aleje y desaparezca por la region del campo, opuesta á la de su ingreso. Trabajo éste de paciencia en que el observador deba poner cuanta posea.

Mas como, por mucha calma y habilidad que tenga y emplee, siempre ha de quedarle duda de si habrá ó no conseguido realizar su propósito, es regla de prudencia, muy atendible siempre, la de observar la misma estrella sucesivamente à los dos lados del hilo vertical del medio: ó la de observar à un lado del meridiano tantas estrellas como al otro, en horatios orientales y occidentales, en cuanto sea factible, de la misma amplitud. En los resultados particulares que así se obtengan, la inclinacion pequeñísima, aún subsistente, del hilo llamado horizontal influirá en sentidos contratios; y los errores de aquí procedentes, tambien naturalmente entónces muy pequeños, se compensarán, ó propenderán á compensarse, en el promedio final de todos.

262.—Conocido el valor, i, de la inclinación del hilo de enfilación ó puntería, con respecto al horizonte cuando el anteojo se considere en posición horizontal, ó con respecto al ecuador cuando el eje óptico se suponga en coincidencia con este plano, la corrección que á la debe por este nuevo concepto aplicarse para obtener la di, que luégo se ha de combinar con la \(\mathcal{\zeta}\), que luégo se ha de combinar con la \(\mathcal{\zeta}\), se calculará por medio de la siguiente sencillísima relación entre las cantidades comparadas:

 $(93) r' = i \operatorname{sen} t \cos \delta.$



Correccion, si se considera digna de tomarse ó lievarse en caenta, del mismo signo que t, ó de signo contrario, seguo que, apuntado el anteojo al S., el extremo oriental del hilo resulte mas elevado, o algo más bajo, que el occidental.

Si en diversos puntos del campo visual del anteojo se enfila sucesivamente la misma estrella, y las graduaciones del círculo, leidas y anotadas tras cada punteria, con expresion como siempre del momento à que se refieren. se reducen luego al meridiano por la formula (92), como el hilo sea realmente horizontal, los diversos resultados obtenidos sólo discreparan unos de otros, sia órden o ley bien perceptible, por los errores eventuales é inevitables de la observacion. Pero, si el hilo posee una inclinacion sensible o mensurable, ya no sucedera lo mismo; y las discrepancias que se adviertan entre los que corresponden á los horarios t y cero expresarán precisamente lo que r' vale, en funcion del horario t: de donde, por la misma fórmula anterior, se deducirá el valor de i, tomando lo que poco ántes era dato como incognita, y la primitiva incógnita ahora como dato ó resultado inmediato de la investigación que se acaba de explicar.

Y mejor todavía que por este procedimiento largo y penoso, aplicable sobre todo á la obser-

vacion reiterada de una estrella circumpolar en muy distintos puntos del campo visual del anteojo, puede determinarse la inclinacion del hilo de puntería, ó comprobarse su horizontalidad, instalando un colimador, ó un teodolito, al N. ó al S. del meridiano; enfilándole con el anteojo del círculo de este nombre; y comunicándole, despues de bien nivelado, un movimiento muy suave en azimut, de manera que la imágen de su cruz filar pase repetidas veces, y en sentidos contrarios, de un extremo al otro del campo donde se halla tendido el bilo cuya verdadera posicion se indaga y estudia. Si las enfilaciones de ambos instrumentos, móvil en azimut uno y fijo el otro, correspondientes á los extremos y al medio del hilo sometido á prueba, se hallan definidas por una graduacion comun, ó por graduaciones iguales leidas en el círculo meridiano, como cierto podrá considerarse que el hilo es recto y se halla tendido del mejor modo posible; pero, si entre las graduaciones comparadas se advierte alguna diferencia, de carácter constante, ó que no pueda atribuirse á simples errores de enfilacion y lectura, la consecuencia será la contraria, y la correccion, r_4 , de las punterías hechas á una estrella ecuatorial en el extremo del campo, ú horario t_4 , para referirlas ó reducirlas al centro, quedará



determinada. Cuando las punterias correspondan al horario t, y declinación ô, la corrección r' se deducirá de la r_t, experimentalmente encontrada, por esta fórmula, consecuencia inmediata de la anterior:

(94)
$$r' = r_i \times \frac{\operatorname{sen} t}{\operatorname{sen} t_1} \times \cos \delta.$$

Para hallar el valor de t_i o de t_i basta anotar el momento preciso ti hora de la enfilacion de la estrella observada, y combinarle por via de sustraccion con la del paso por el hilo vertical del centro. Y si los horarios son muy pequeños, como por regla general deben serio, y la r_i corresponde al de i^m , adoptado como unidad, la fórmula se simplica y convierte en la que sigue:

$$(95) r' = r_1 t \times \cos \delta.$$

263.—En éste, como en cualquier otro caso análogo, ya se comprende que el valor de φ no ha de proceder de un solo valor de ζ_i, ó de una sola puntería, atropeliadamente verificada, á la estrella que se observa. Si el retículo del ante-ojo posee algun hilo horizontal, móvit por medio de un tornillo micrométrico, (ácil será relterar con él las enfilaciones á la misma estrella,

aunque ésta sea ecuatorial, y sólo permanezca dentro del campo, ó emplee en atravesarle, de uno á dos minutos de tiempo. La graduacion que á cada puntería debe atribuirse entónces, se hallará combinando por adicion ó sustraccion, segua los casos, con la graduacion inmediatamente leida en el círculo meridiano, y que al hilo horizontal sijo se resiere, la distancia angular, apreciada con el micrómetro, entre ambos hilos, fijo y móvil. De averiguar por coincidencias reiteradas de uno con otro, en los extremos opuestos del campo, si estos hilos pueden ó no considerarse como paralelos, y, en el supuesto de que no lo sean, la correccion que por semejante motivo demandan los resultados obtenidos en la hipótesis contraria, no deberá prescindirse nunca. A falta de hilo móvil, ó de tornillo micro:nétrico, la reiteracion de las punterías á la misma estrella, lo más cerca posible y á uno y otro lado del meridiano, se efectuará con el hilo horizontal fijo, en varios dias consecutivos.

264.—Téngase presente, en fin, que si la observacion múltiple de una misma estrella sirve para eliminar en el promedio de los resultados obtenidos los errores de la observacion individual, ó los procedentes del estado anómalo de la atmósfera, en distintos momentos del dia, ó



en distintas fechas, la de varias estrellas, culminantes al N. y al S. del zenit, entre los 20 y los 40°, por ejemplo, es de sama importancia para eludir otros errores, dimanados de los defectos ó desigualdad de la graduacion del circulo; de las irregularidades de las roscas micrométricas, anejas a los microscopios; y de la flexica y cambio de figura del antecjo. Todas estas causas de error deben investigarse y apreciarse previamente; pero, como su estudio es muy prolijo y dificil, y como con los cambios de temperatura, tan repentinos y violentos en nuestro clima, se altera su modo de funcionar, ó su amplitud y energia, sin perjuicio de aquel trabajo preliminar de investigación y agalisis de las ventajas y contras del instrumento de observacion, conviene distribuir las operaciones con órden bien meditado y cierta simetría, para que la influencia de aquellas causas, agentes en sentidos opuestos y unas con otras combinaJas, se anule por completo casi, ó trascienda en grado mínimo, y apénas perceptible, al resultado final, síntesis de todos los particulares obtenidos. Diez, doce ó quince estrellas, de posicion astronómica bien conocida, culminantes por mañana, tarde y noche, y à las distancias del zenit poco ántes mencionadas, son, por termino regular, las que deben observarso, durante dos, cuatro ó seis dias, para dar por terminada la investigacion del valor de la latitud, por el procedimiento que acaba de exponerse.

265.—Entre los varios métodos, distintos del anterior, que para hallar el valor de \(\phi \) pueden emplearse, se distingue tambien por su eficacia y sencillez el hasado en la observacion de los pasos de estrellas, culminantes cerca y al S. del zenit, por el primer vertical, tanto por el E. como por el O. del meridiano.

Trabajando con un teodolito de Repsold, y, mucho mejor todavía, con los anteojos de pasos del mismo autor, ya repetidas veces mencionados, y en estacion sobre pilares de ladrillo y piedra sólidamente construidos, la maniobra ó práctica del método es cosa fácil.

Lo primero que debe hacerse es colocar el anteojo muy aproximadamente en el primer vertical: para lo cual se comenzará por situarle en el meridiano, conforme se dijo en el párrafo 213; y despues se le trasladará al otro plano perpendicular, comunicando á los apoyos y base de sustentacion un giro de 90°. Bien amordazado luézo en azimut, y cuidadosamente nivelado el eje de rotacion, se procurará con el mayor esmero y prevision posibles que la situacion final del instrumento no varíe en lo más mínimo, miéntras las observaciones de pasos se verifican.

Las operaciones subsiguientes se reducer, 4.º: à determinar la pequeña inclinacion del titulado eje horizontal, por la aplicacion reiterada del nivel sobre los muñones, en posiciones inversas del mismo nivel; £.": à determinar los tiempos que el cronómetro señala en los momentos precisos de los pasos orientales de una estrella por los hilos verticales fixos del reticulo, o por los movibles en posicion hien definida: debiendo la estrella que se observa hallarse entónces comprendida entre los dos hilos horizontales, ó en medio del campo visual del anteojo; 3.º: en volver à determinar. como ántes del paso, la inclinacion del eje de rotacion; 4.º: en invertir con sumo cuidado, para que el azimut no varie, la posicion del anteojo sobre las muñoneras; y 5,": en repetir en esta segunda ó nueva posicion, y mientras la estrella desciende por el O., sesgando el planodel anteojo, lo hecho durante su ascenso, por el E, del m'eridiano.

266 —Si en la estabilidad del instrumento no se tuviere demasiada confianza, y no debe tenerse excesiva nunca trabajando con un teodolito ordinario, de las operaciones indicadas convendria suprimir las nivelaciones intermedias y la inversion del anteojo. Pero, aunque el efecto de la inversion pueda suplirse con el coneci-

miento previo de la colimacion del eje óptico, y de la designaldad de diámetro de los muñones, su falta se suplirá mucho mejor observando al E. y al O. del meridiano una nueva estrella, en distinta posicion del anteojo que la primera; ó la misma estrella, en posiciones inversas, durante dos dias consecutivos. Aunque á cada posicion corresponda distinto azimut, si éste es siempre muy pequeño y permanece invariable durante los pasos oriental y occidental de cada una, la diferencia nada implica.

267.—Para prepararse à la observacion en el primer vertical se necesita por de pronto saber cuándo y á qué distancia zenital la estrella que ha de observarse pasará por este plano: dificultad que resuelven las siguientes fórmulas:

(96)
$$\cos 15 t = \frac{\tan \delta}{\tan \varphi}$$
, $y \cos z = \frac{\sin \delta}{\sin \varphi}$;

en las cuales t y z representan el horario de la estrella y su distancia zenital, correspondientes al paso mencionado; δ la declinación de la estrella; y φ la latitud buscada, y nada más que aproximadamente conocida todavía.

Hallado el valor de t (positivo al O. y negativo al E.), y conocido el de la ascension recta, a, la suma $\alpha + t$ expresará el tiempo sidéreo del

paso, distinto del que debe marcar entónces el cronómetro sólo por el estado de este aparato. Si, pues, también este último antecedente se conoce, aunque sea con incertidumbre de algun minuto, el problema preparatorio, tal como se ha enunciado, puede darse con lo que precede por resnelto.

El enunciado, sin embargo, presupone que las observaciones se han de hacer precisamente ó casi en el primer vertical; y esto en la práctica no es cierto. Eslo si que han de hacerse cerca de aquel plano, en todos los hilos del retículo, ó en los más inmediatos al centro, si la estrella es muy zenital: à contar de la distancia f, expresada en segundos de tiempo, y algomayor del intervalo ecuatorial que al bilo primero, por donde ha de pasar y observarse la estrella, corresponde. Resuelto, en conse uencia el anterior problema, hay que averiguar las correcciones. Δt y Δz , que deben experimentar t y z para que representen el horario y la distancia zenital de la estrella, en el momento de penetrar ésta en el campo visual del anteojo, à la distancia f del hilo ceutral del reticulo, que en cada caso particular se considere más conveniente. Las nuevas correcciones se infieren de estas otras dos fórmulas, complementarias de las anteriores: (97)

$$\Delta t = f \csc \varphi \csc z$$
; $y \Delta z = 15 \cos \varphi$. Δt

268. —Verificadas en los términos prescritos las observaciones de pasos orientales y occidentales de una estrella por el primer vertical, los valores de φ, correspondientes á cada doble paso observado por un hilo cualquiera, pueden calcularse por distintos procedimientos, igualmente rigurosos, y entre los cuales es de los más breves y sencillos el compendiado en las siguientes fórmulas, por más que la (101) exija logaritmos de siete citras decimales:

$$(98) u = \frac{1}{2} (s_2 - s_4)$$

$$(99) v = \frac{1}{2} (s_2 + s_1) - \frac{1}{2} (s_2^0 + s_3^0)$$

(100)
$$\lambda = \frac{1}{2}(s_2^0 + s_1^0) - \alpha$$

(101)
$$tang \varphi' = tang \delta \sec u \sec v \cos \lambda$$

(102)
$$\varphi == \varphi' + \frac{1}{2} (b_2 + b_1);$$

en las cuales representan:

s₂ y s₁ los tiempos sidéreos, correspondientes à los pasos occidental y oriental de la estrella observada, por un hilo cualquiera del retículo, en las dos posiciones inversas ó simétricas del anteojo.

s,° y s,° los tiempos análogos, correspondientes al hilo contral del reticulo.

α y δ las coordenadas aparentes de la estrelle, referidas á la época ó momento de su observacion. Y

b₂ y b₁ las inclinaciones del eje del anteojo, durante los pasos occidental y oriental de la estrella; repetidas veces determinadas, conforme queda dicho, con auxilio del nivel; y precedidas del signo + cuando el muñon del N. resulte más elevado que el del S., y del - en el caso contrario.

En la fórmula (98) por $^{1}/_{2}(s_{2}-s_{1})$ deberá ponerse la semidiferencia de los tiempos, T_{2} y T_{1} , del cronómetro, corregida del movimiento ó variación del aparato, en el intervalo $^{1}/_{2}(T_{2}-T_{4})$.

Para el cálculo de la (99), ni el estado ni el movimiento son necesarios, por regla general, ó á ménos de ser el movimiento exagerado por extremo. Por s podrá, pues, sustituirse en ella el valor de T correspondiente.

Y la sustitucion en la (100) de s por T, corregido con un estado ΔT, simplemente aproximado à la verdad ó incierto en algun segundo, influirá muy poco en el valor de φ, cuando el azimut del anteojo sea muy pequeño, y muy poco discrepante de la unidad, en consecuencia, el coseno de λ. En absoluto, sin embargo, el cálculo de las fórmulas (98) á (102) no puede afirmarse que sea independiente del conocimiento de la hora en los momentos de cada par de observaciones, combinadas para hallar el valor de la latitud: conocimiento previo esencial ó indispensable en casi todas las investigaciones astronómicas.

269. —Cuanto en el párrafo anterior se ha dicho supone que las observaciones en el primer vertical corresponden á la misma estrella, y posiciones inversas del anteojo, al E. y al O. del meridiano. De haber sido dos las estrellas observadas, una, por completo, ántes que la otra, con inversion entre ambas del anteojo, el valor de p se desprendería con auxilio de este otro grupo de fórmulas, análogas á las precedentes, y todas muy sencillas:

$$\begin{cases}
\tan \varphi' = \frac{\tan \varphi' \cos \left\{ \frac{1}{2} (s_2' + s_1') - \alpha' \right\}}{\cos \frac{1}{2} (s_2' - s_1')} \\
\tan \varphi'' = \frac{\tan \varphi'' \cos \left\{ \frac{1}{2} (s_2'' + s_1'') - \alpha'' \right\}}{\cos \frac{1}{2} (s_2'' - s_1'')}
\end{cases}$$

(404)
$$M' = \frac{\operatorname{sen} \varphi'}{\operatorname{sen} \varphi'}, y M'' = \frac{\operatorname{sen} \varphi''}{\operatorname{sen} \varphi''}$$

(405)
$$\varphi = \frac{M''(\varphi' + b') + M'(\varphi'' + b'')}{M' + M''};$$

en las cuales hay que advertir, t.º: que las letras con un solo acento se refieren à la primera estrella observada, y las con dos à la consecutiva; 2.º: que las s, expresan los tiempos sidéreos de los pasos orientales de ambas estrellas por uno cualquiera de los hitos del retículo; y las s, los correspondientes à los pasos occidentales, por el mismo hito siempre, o cualquiera que sea la posicion del anteojo; y 3.º: que la b' y la b" representan respectivamente los promedios de la inclinación del eje de rotación, miéntras las observaciones de cada estrella se verifican.

A estas fórmulas puede, como objeto no estéril de curiosidad, agregarse la siguiente:

(106)
$$c_i = \frac{(\varphi' + b') - (\varphi'' + b'')}{M' + M''};$$

que expresa la colimacion del hilo à que los pasos observados se refieren; y de la cual pueden deducirse, en segundos de arco, los intervalos ecuatoriales de los diversos hilos del retículo.

270.—Cuando en vez de dos estrellas distintas se haya observado la misma estrella en dos distintos dias y del modo referido, el precedente sistema de fórmulas será tambien aplicable al cálculo de p, con simplificaciones no despreciables, que sin dificultad se deducen de cuanto precede.

271.—Operando en el primer vertical, conforme acaba de exponerse, queda siempre el recelo de si en el acto de la inversion del anteojo habrá variado su azimut: lo cual produce en los resultados una influencia perjudicial y muy discil de discernir, aunque tanto menor cuanto más cerca del zenit culminen las estrellas observadas, entre ambos pasos orientales y occidentales. Por el último motivo, prescindiendo de otros tambien muy atendibles, conviene, 4.°: que las estrellas mencionadas culminen á muy pocos grados del zenit: á dos, tres ó cuatro, á lo sumo; y 2.º: que, entre las observadas en distintas noches, haya una siquiera, la ménos zenital, por ejemplo, comun á las diversas noches de tarea. La concordancia de resultados obtenidos con esta estrella constituirá un indicio muy apreciable, si no prueba evidente, de que el instrumento no experimentó variacion alguna sensible en azimut, durante el largo intervalo de las operaciones, á cada noche reserentes.

Y la incertidumbre en las declinaciones de las estrellas observadas, ó que pueden observarse á su paso por el primer vertical, generalmente de 4.ª á 6.ª magnitud, exige asimismo, 4.º: que sus posiciones ó coordenadas celestes procedan

de las consignadas en catálogos de justo renombre y autoridad, como los más modernos del Observatorio de Greenwich; y 2.º: que su número no baje de seis, para que la compensacion de los pequeños errores, que aún pudieran subsistir en sus declinaciones respectivas, y que con creces se trasmiten á los valores particulares de q, sea, ya que no perfecta, muy aproximada y probable cuando ménos.

Pudiendo, sin demasiada violencia, observarso cada noche cuatro estrellas, en nueve, once ó trece hilos del reticulo del anteojo, durante cuatro noches se observarán dos veces ocho estrellas; y esto debe considerarse, por regla general, como muy suficiente para concluir luégo el valor de la latitud. Valor que se cuidará, finalmente, de cotejar con los análogos, inferidos por los demas muy distintos procedimientos anteriormente indicados, como medio de comprobación reciproca, y regla para saber el grado de confianza que merecen todos, y el de certidumbre de su promedio.

AZIMUTES.

272.—El azimut de una direccion terrestre se determina con el teodolito comparando esta direccion con la que corresponde á la *Polar* en cualquier momento preciso, ambas proyectadas sobre el horizonte, mediante las varias operaciones que à continuacion se expresan.

Instalado ya y bien rectificado el instrumento, desde el vértice geodésico de observacion, y en la posicion A del anteojo, cualquiera que sea la por esta letra designada, se enfilará dos veces la señal colocada en el vértice inmediato; y otras dos luégo en la B, simétrica de la primera, despues de dar á la porcion superior y movible del teodolito un giro de 180°, alrededor del eje vertical. Las graduaciones correspondientes á estas punterías, y las indicaciones del nivel, apoyado sobre los muñones del eje horizontal, se leerán y anotarán tras cada puntería cuidadosamente.

En la segunda posicion, B, del teodolito, se enfilará cuatro veces la estrella; y otras cuatro, sin pérdida de tiempo, en la A: y, tras la lectura, ó apreciacion á oido, y anotacion inmediata de lo que el cronómetro señale en los momentos críticos de estas enfilaciones, se leerán y anotarán tambien, como ántes se hizo, las graduaciones del círculo horizontal é indicaciones del nivel, que respectiva y sucesivamente les correspondan.

Y en la posicion A, de nuevo, y despues en la B, se repetirán las punterías á la señal terrestre, por el órden y del modo que se hicie-

ron antes de pasar à la observacion de la Polar. 273.-Las ocho punterius à los dos objetos, cuyas situaciones respectivas se comparan, distribuidas en los términos referidos, constituyen una serie de observaciones azimutales, o una sola determinacion del azimut. Y la repeticion de la serie, en distintas posiciones del circulo horizontal, y á muy distintas horas del dia (primeras de la mañana, y ultimas de la tarde, generalmente), dará otras tantas determinaciones de la cantidad incógnita, en condiciones de observacion muy diversas, y cuyos errores fortuitos é inevitables se compensaran o desvanecerán en el promedio de todos los resultados obtenidos. Treinta y seus series de observaciones, verificadas en otras tantas posiciones del circulo, variables de 5 en 5 grados con respecto á la linea de los microscopios, y distribuidas con la posible uniformidad en el transcurso del dia, son las que debe tratar de reunir el observador para dar su trabajo por terminado y completo. Pero este número, como otros análogos anteriores, no es de prescripcion absoluta, y debera aumentar ó disminuir, entre limites racionales y uno de otro no muy distantes, segua las circunstancias en que se opere lo permitieren y aconscjaren.

274.—Antes de compararlas unas con otras,

las graduaciones, g, leidas, y correspondientes à los dos objetos enfilados, terrestre y celeste, deben experimentar dos correcciones para compensar la influencia en ellas producida por la inclinacion variable del eje de rotacion del anteojo, y por la colimacion, mucho más constante, si no completamente segura y fija durante breve tiempo, del eje óptico.

La primera se determinará con auxilio de la siguiente fórmula:

$$\Delta g_b = b \cot z;$$

en la cual b y z designan la inclinacion mencionada y la distancia zenital aparente, que corresponden à la punteria del objeto à que la graduacion, g, se refiere.—El signo de la correccion depende del sentido en que la graduacion varie en el circulo horizontal; y deberá considerarse como positivo cuando el muñon de la izquierda resulte más elevado que el de la derecha, y como negativo en el caso contrario, siempre que se trate de circulos graduados de izquierda à derecha, contemplados de frente, como lo están casi todos los empleados hasta hoy por el Instituto, procedentes de la casa de Repsold. Y por muñon de la izquierda se entenderá el que corresponde à la izquierda del

observador, cuando éste se coloca, para leer lo que el nivel indica, dando frente al objeto observado: el muñon occidental, cuando se refieron á la Polar las punterías.

Y la segunda de las dos correcciones mencionadas se desprende de esta otra fórmula:

en la cual representa la letra e del segundo miembro la colimacion del eje óptico, variable de signo con el cambio de posicion del anteojo, ó del eje de rotación sobre las muñoneras. Si, pues, z pormanece constante, ó varia con suma lentitud, la correccion, A g., que à la posicion A del instrumento corresponda, será igual y contraria à la que se refiera à la otra posicion B; y en el promedio de las dos graduaciones leidas, en ambas posiciones consecutivas, sólo en muy reducida cantidad influirá la omision previa de las correcciones individuales. Mas, para que la compensacion de errores pueda considerarse como perfecta en el promedio de todos los resultados obtenidos y componentes de varias series, conviene, 4.º: que la Polar haya sido observada á distintas horas del dia, cuándo alejándose mny lentamente del zenit, y cuando aproximándose á este punto: 2.º: que á una serie de observaciones de esta estrella, en las posiciones A y B del teodolito, suceda otra en las B y A; y 3.º: que c sea cantidad muy pequeña, nula casi, ó de muy pocos segundos de amplitud: tanto como puede serlo procediendo en la rectificacion preliminar del instrumento con calma y previsora diligencia.

La desigualdad de diámetro de los muñones, muy pequeña tambien generalmente, produce en el valor de b, y por lo tanto en el de Δg_b , una influencia constante y de signo variable, que propenderá, como la procedente de la colimacion, á desvanecerse en el promedio de las lecturas hechas en posiciones opuestas del anteojo. Cuando la correccion por aquella desigualdad presumible de diámetros sea desconocida ó incierta, podrá, en consecuencia, prescindirse de aplicarla individualmente, y ponerse por b la inclinacion aparente que el nivel señale, si se opera del modo referido.

275.—Con las ocho graduaciones de una serie, corregidas de inclinacion y colimacion, y correspondientes á las punterías á la Polar, deberán combinarse por adicion ó sustraccion, segun los casos, los ocho distintos valores del azimut de la estrella, en los momentos de las punterías, para obtener otros tantos de la graduación de la línea meridiana, unos de otros dis-

crepantes por efecto de los errores fortuitos é inevitables de observacion. Y el azimut de la Polar, en cualquiera de aquellos momentos, se calculará, con logaritmos de cinco ó seis cifras decimales, conforme la magnitud variable del horario lo consienta ó exija, por medio de la siguiente fórmula:

(109) tang
$$a = \frac{- \operatorname{sen} t}{\cos \varphi \operatorname{tang} \delta - \operatorname{sen} \varphi \cos t}$$
;

en la cual representan:

a el azimut buscado, y contado desde el S. por el O., de 0º à 360°.

t el horario correspondiente de la estrella, igual al tiempo sidéreo s de la observacion, (tiempo del cronómetro, corregido de estado), ménos la ascension recta a. Y

ò y φ la declinación del astro, y latitud geográfica del lugar donde se observa, segua costambre.

276.—Las coordenadas celestes a y à deben corregirse de aberracion diurna de la luz por la fórmulas (73). Pero, si por brevedad y comodidad en la práctica no se corrigen, al azimut a, calculado por la (109), con las coordenadas procedentes de una buena efeméride, y que al horario t se refieran, se aplicará esta otra correccion equivalente:

(110)
$$\Delta a_l = -o'', 31 \cos a \cdot \frac{\cos \varphi}{\sin z}$$
:

correccion aditiva siempre, tratándose de la Polar, por diferir entónces el azimut muy poco de 480°; cuándo por exceso, hallándose la estrella al E. del meridiano; y cuándo por defecto, al O.: lo cual sobre el signo de cos a influye del mismo modo.—Designando por a₁ el valor absoluto del azimut de la Polar, contado desde el N. hácia el E. ó el O., la correccion será igual á

$$\pm$$
 0", 31 cos a_i $\cdot \frac{\cos \varphi}{\sin z}$: positiva en un caso,

y negativa en el segundo. Y como por z puede, sin error de cuantía, ponerse $90^{\circ} - \varphi$, y por $\cos a_{i}$ la unidad, la correccion por aberracion diurna se reduce muy aproximadamente, en el promedio de los diversos resultados obtenidos con distintos valores de z y t, á \pm 0",31; ó á + 0",31 siempre, si los azimutes se cuentan desde el S.— Si la correccion se aplica, no al azimut de la Polar, calculado por la fórmula (109), con las coordenadas de la efeméride, sino al del objeto ó direccion terrestre, inferido posteriormente, el signo dependerá del órden ó modo como las graduaciones, correspondientes á este objeto y á la meridiana, se hayan combinado unas con otras para deducir la amplitud del ángulo buscado.

277.—En suma: reducidas al meridiano las. graduaciones de la Polar, despues de corregidas de inclinacion y aberracion, y comparadas. con el promedio de las graduaciones leidas en las posiciones A y B del instrumento, cuando las punterias corresponden al objeto terrestre, y despues de corregidas tambien por el primer concepto indicado, se hallarán ocho valores del azimut, distintos por mitad unos de otros, por haber prescindido de corregir las graduaciones de la estrella del efecto de la colimación del eje óptico: cuatro demasiado grandes, por ejemplo, y los otros cuatro demasiado pequeños, ó viceversa, en cantidad muy aproximadamente igual los unos que los otros. Pareando estos ocho valores, se reducirán á solos cuatro, componentes de una serie, y, prácticamente considerados, exentos de error sistemático apreciable.

278.—La ventaja de observar la Polar en vez de otra estrella más distante del polo se desprende de la consideracion de la siguiente fórmula, diferencial de la (109), y en la cual representa la letra q el ángulo de posicion de la estrella, comprendido entre el circulo de declinación y el vertical correspondiente: (411)

$$da = \frac{\sec a}{\tan x} d\phi - 15 \frac{\cos \delta \cos q}{\sin x} dt - \frac{\sec t \cos \phi}{\sec^2 x} d\delta$$

Pero, áun cuando por regla general sea conveniente observar una estrella cuya declinacion se aproxime al valor máximo de 90°, para que el cos δ y el sen a resulten así muy pequeños, é insignificante en el valor del azimut la influencia de los errores, $d\varphi$ y dt, en la latitud y estado del cronómetro, por algun otro concepto y en casos excepcionales pudiera considerarse preserible observar otra estrella, á distancia del zenit mucho mayor que la Polar, y en muy distinta posicion respecto del meridiano. Las correcciones (107) y (108), por inclinacion del eje de rotacion del anteojo y colimacion del eje óptico, dependen de z, y adquieren sus mínimos valores, nulo ó despreciable el de la primera, cuando el astro se observa cerca ó pegando con el horizonte. Si, pues, la inclinacion es desconocida, ó poco segura y de difícil determinacion, convendrá, por el último concepto, referir el azimut del objeto terrestre al de un astro, situado léjos del zenit, por el mismo órden y método anteriormente explicados. Y á este recurso deberá apelarse cuando el teodolito no sea de construccion muy esmerada, ó no se halle emplazado con demasiada solidez y firmeza: en operaciones de campo, más bien topográficas que geodésicas.

279.—El astro que entónces debe preferirse

à la Polar es el Sol: horas ántes o despues de su paso por el meridiano, o lo más cerca posible del primer vertical, y siquiera 10 o 15" elevado sobre el horizonte. Mas, como el Sol presenta un disco aparente muy considerable, y las punterías al centro serían las más veces ilusorias, á su observacion en el sentido azimutal se procedera en los términos siguientes.

Instalado y rectificado el teodolito, y resguardados por una pantalla sus circulos de los rayos solares, todo de la mejor manera posible, se aguardará à que el Sol, por efecto del movimiento de rotacion diurna, toque en el hilo vertical del reticulo, junto al horizontal, y se anotará la hora del cronómetro en que esto se verifica. Y variando en altura la posicion ó direccion del anteojo, pero de ningun modo en azimut, se anotará tambien el momento en que la imágen solar se desprende del bilo mencionado. El promedio de las horas de ambos contactos observados expresará, con pequeño error, la del paso del centro por el hilo de referencias. 1 la graduación del circulo horizontal, comun à las dos observaciones verificadas, la que al centro del Sol en el momento calculado de su paso por el mismo hilo corresponde. Pues combinando con esta graduación el azimut del Sol, en el momento preciso à que se refiere, se

concluirá la graduacion de la meridiana; y de aquí facilísimamente el azimut del objeto terrestre que se busca.

280.—Para resolver el mismo problema sería más exacto, aunque tambien mucho más prolijo, 1.º: calcular los azimutes del Sol, correspondientes á los momentos de tangencia (mordedura y desprendimiento) de sus dos limbos, anterior y posterior, con el hilo vertical; 2.º: designando por R el semidiámetro angular del Sol, y por z_1 y z_2 las distancias zenitales de su centro en los momentos que acaban de mencionarse, á la graduacion leida en el círculo horizontal del teodolito aplicar con un signo la correccion R cosecz,, y con el signo contrario la R cosec z₂, para deducir las graduaciones que en los citados momentos corresponderían al centro del Sol, si este punto hubiera sido el enfilado entónces; y 3.º: combinar con estas graduaciones los azimutes calculados, para obtener dos valores de la graduacion de la meridiana, distintos uno de otro tan sólo por los errores inevitables de observacion. Los valores de z, y z, pueden determinarse, con suficiente aproximacion para el objeto, leyendo el puntero del círculo vertical, tras de cada paso observado; y refiriendo las lecturas á la graduacion de la línea del mismo nombre. Procediendo con calma, siempre habrá tiempo para todo.

281.—La determinación de un azimut, ú orientación de un plano, por este medio, comprende, en suma:

Dos punteres al objeto terrestre, cuyo azimut se busca, en la posicion A del teodolito, y otras dos en la B.

Dos observaciones de pasos, por el hilo vertical del reticulo, de ambos limbos del Sol, en la segunda posicion: y otras dos en la primera.

Y la repeticion de las punterias al objeto terrestre, como modo de cerciorarse de la estabilidad del instrumento, durante los 15 ó 20 minutos en que se verifican las observaciones.

De hallar los errores de inclinación y colimación, para calcular luégo las correcciones consiguientes á las graduaciones leidas, por las fórmulas (407) y (108), tampoco deberá presciudirse en este caso, sin razon sobrada para ello.

282.—El estado del cronómetro, necesario para el calculo del azimut del Sol, podrá y deberá determinarse, casi al mismo tiempo que este azimut, por el procedimiento del parrato (207): observando de la manera entónces descrita una serie de distancias zenitales del mismo centro, inmediatamente despues de verificadas las observaciones azimutates, si se opera por la mañana; ó muy poco ántes, por la tarde. Con destreza y experiencia, hasta se podrán in-

terpolar unas observaciones con otras, y deducir el estado que al momento de la observacion del azimut corresponde, sin llevar en cuenta para nada el movimiento del cronómetro: circunstancia muy atendible, cuando el nombre de cronómetro se aplica á un mal reloj de bolsillo. Y si con estas observaciones se combinan, cerca de la hora de medio dia, las necesarias, descritas en el párrafo (253), para obtener la latitud geográfica del punto de estacion, el problema de la orientacion quedará resuelto por completo, en pleno dia y sin demasiada molestia del observador, con los recursos materiales más ordinarios ó fácilmente asequibles.

283.—El cálculo del azimut del Sol podría en rigor verificarse por la fórmula (109), aunque adecuada principalmente al caso de que a discrepe muy poco de 180°, ó sea tanga cantidad muy pequeña; pero las dos siguientes son en los demas casos preferibles y más sencillas para el mismo objeto: (112)

tang
$$\frac{1}{2}(a+q) = \tan \frac{1}{2}t \frac{\sin \frac{1}{2}(\varphi+\delta)}{\cos \frac{1}{2}(\varphi-\delta)}$$

tang
$$\frac{1}{2}(a-q) = \tan \frac{1}{2}t \frac{\cos \frac{1}{2}(\varphi+\delta)}{\sin \frac{1}{2}(\varphi-\delta)}$$
.

Expresiones en que representan:

a el azimut buscado; y q el áugulo de posicion, poco ántes definido.

t el horario verdadero del Sol, correspondiente al azimut a, y contado por occidente de obla 24^b, ó de 0° a 360°.

ô la declinación del Sol, tambien correspondiente al momento en que se observa. Y

p la latitud del lugar.

Para determinar el valor de t, se tomarà la hora del cronómetro de tiempo solar medio, contada sin interropcion desde las 12h del dia, 6 0 en adelante, hasta completar las 24; se corregicá de estado; y se convertirá en la bora verdadera, u horario en cuestion, por su combinacion, aditiva o sustractiva, con la ecuacion de tiempo que la corresponda. Los valores de esta ecuación y de 8 se deducirán por interpolacion de los insertos para todos los dias del año y hora de medio dia, con relacion à determinado meridiano, en las afemérides solares: previo el conocimiento del horario que se trata de corregir, y de la diferencia aproximada de longitudes geográficas que media entre el lugar donde se observa y el meridiano de las efemérides. Si en éstas se diere la hora de tiempo sular medio en que el Sol pasa por el meridiano, para hallar el valor de t bastaria, 4.º: restar esta hora del tiempo medio de la observacion, señalado por el cronómetro, supuesto sin estado; y 2.º: aplicar á la diferencia una correccion, calculable con los datos poco ántes expresos, para referir aquella hora, ó sustraendo comun, al momento y lugar de que, en cada caso particular, se tratare.

284.—Entre los 36 y 44° de latitud, los segundos factores de los segundos miembros de las ecuaciones (112), son siempre positivos, si 8 se refiere al Sol.

Las tang 1/2 (a+q) y tang 1/2 (a-q) tendrán, por lo tanto, el mismo signo que tang 1/2 t; y por el signo se inferirá el cuadrante á que los ángulos 1/2 (a+q) y 1/2 (a-q) deben referirse. De esta manera resultará el azimut a contado desde el S. por el O., de 0° á 360° , sin ambigüedad de ningun género. Mas, para evitarla por completo en el resultado final que se busca, convendrá, sin embargo, apuntar en el registro de observaciones á qué cuadrante del horizonte corresponde el objeto terrestre, cuya posicion se ha comparado con la del Sol.

285.—Cuando se dispone, no precisamente de un teodolito, sino de un simple anteojo de pasos, provisto de un buen micrómetro, é instalado en el meridiano, ó en un plano vertical cualquiera de la *Polar*, como el objeto terrestre se encuentre dentro del campo visual del an-

teojo, el azimut de su direccion podrá determinarse por el siguiente procedimiento, que en brevedad y delicadeza compite ventajosamente con el anterior, y en primer término explicado.

- 4.º Comenzando por averiguar cuál es el azimut del eje óptico del anteojo, y cuál para ello el estado ó el movimiento del cronómetro, de la manera y por las fórmulas expuestas al tratar de este problema en particular, en los numerosos párrafos auteriores, 243 á 238: ú observando, en suma, el paso de la Pular, y de dos ó más estrellas culminantes at S, del zenit, por los diversos hilos verticales del reticulo; y calculando luégo con los resultados inmediatos de la observacion las dos incógnitas mencionadas. Y
- 2.º Midiendo con el tornillo micrométrico la distancia angular, comprendida entre el objeto terrestre, cuyo azimut se busca, y el hilo central del reticulo, ó el eje óptico del anteojo, cuyo azimut puede, con lo que precede, darse ya por determinado.—La suma algebráica de los resultados de ambas operaciones expresará el valor de la cantidad desconocida, y que en último extremo se trata realmente de encontrar.
- 286.—Como sólo en casos muy excepcionales se proyectará en el campo del anteojo la

imágen de un vértice ó señal geodésica, para efectuar la segunda de las operaciones indicadas se comenzará por erigir en el meridiano. ó en otro plano vertical que se desvíe muy poco del meridiano, al N. ó al S. del lugar del observador, y á la mayor distancia posible, mínima de 4 kilómetros, una marca ó señal auxiliar, muy fàcil y claramente perceptible con el anteojo. Y como la distancia angular de esta marca al'hilo central del retículo conviene que sea de muy reducida amplitud, de 40, 20 ó 40", por ejemplo, así, segun la época del año ú horas del dia en que se pretenda observar el paso de la Polar, se emplazará aquella marca en el meridiano, ó un poco al E. ó al O. de este plano fundamental de referencia, en el vertical de la estrella por entónces.

La eleccion de sitio depende en mucha parte, sin embargo, de las condiciones del anteojo con que la señal ha de enfilarse.

Si éste es fijo, ó carece de movimiento azimutal sensible y dependiente de la voluntad del observador, la señal se levantará en el meridiano, procurando que su imágen corresponda al centro casi del retículo; mas si, por el contrario, el anteojo puede moverse fácilmente en azimut, é instalarse en cualquier plano vertical, las cosas se dispondrán con alguna mayor libertad, de la manera que, segun las circunstancias del momento, se considere sobre el terreno preferible. Y cuando, en el último supuesto, la distancia de la imágen de la señal al hilo del centro deba medirse repetidas veces, se cuidará, con sólo mover un poco el anteojo en azimut, siempre que las operaciones se reiteren, de que ora aquella distancia corresponda á un lado, ora al lado opuesto, del bilo al cual se refiere; y de que en magnitud varie tambien de una vez para otra, entre limites ó valores extremos no demasiado diferentes. Procediendo así, los defectos del tornillo micrométrico y resto de incertidumbre sobre lo que pueda valer una de sus revoluciones, expresada en segundos de arco, influirán en los resultados que se obtuvieren como causas eventuales de error, que unas con otras propenden à compensarse. Y por la misma consideración, y con identico proposito, se observara la Polar, con el lulo movil y tornillo micrométrico, cerca del hilo central fijo, cuándo a la derecha y cuándo à la izquierda, de manera que el resultado sea, por termino medio, como si se habiese observado à su paso por el mismo hilo, ó por otros, con respecto à él, simétricamente distribuidos en el campo visual del anteojo.

287.—Así preparada la observacion, las ope-

raciones que deben efectuarse para darla cima, se reducen á las siguientes:

- 1.ª A determinar la inclinacion del eje del anteojo, por medio del nivel insistente de continuo sobre los muñones de acero.
- 2.8 A observar el paso de la Polar por el hilo móvil del retículo dos veces consecutivas, ó
 en dos distintas posiciones bien definidas de
 aquel hilo, con respecto al central fijo.—La observacion ha de comprender la anotacion del
 momento en que cada paso se verifica, y de la
 graduacion del tornillo micrométrico que le
 corresponde.
- 3.ª A observar otras dos veces, con el mismo hilo móvil, impelido por el tornillo micrométrico en sentidos opuestos, la posicion de la marca ó señal terrestre, con respecto al hilo central, de referencia comun en todos los casos.
- 4. A establecer cuatro veces, y aiternadamente en sentidos opuestos, la coincidencia de ambos hilos mencionados, para determinar el indice de la graduacio i del tornillo, y completar así las dos operaciones anteriores.
- 5.ª A repetir en seguida las dos punterías à la señal terrestre, y lecturas consiguientes en el tambor graduado del tornillo.
- 6.ª A repetir análogamente la observacion del paso de la Polar por el hilo móvil, en dos

distintas posiciones de éste, conforme en segundo lugar queda advertido.

Y 7.* A determinar de nuevo la inclinacion del eje de rotacion del anteojo, como ántes de comenzar las enfilaciones á la señal y á la estrella.

Todo esto sin levantar el anteojo, o invertirle sobre las mañoneras: en la posicion A, supongamos. En la B se repetirá sin pérdida de momento lo acabado de hacer en la anterior. Y. como si de nuevo se emprendiese la operacion, en la B y en la A se reiterará tambien seguidamente todo lo practicado desde un principio. Con lo cual se completará una serie de operaciones: ó una determinación del azimut de la señal, enfilada en combinación con la Polar, del modo referido. Seis, ocho ó diez determinaciones de esta especie, efectuadas en distintos dias, y á ser posible, por mañana y tarde, ó en condiciones atmosféricas y de iluminacion del horizonte muy diversas, pueden considerarse suficientes para dar el trabajo de observacion por ultimado.

288.—Pero el cálculo de las observaciones, ó la deducción del azimut del eje óptico del anteojo, por la fórmula fundamental de Mayer (45), ó por las que de ella se derivan, exige que, juntamente con la Polar, se observen otras dos estrellas siquiera, culminantes al S. del zenit, ó entre el zenit y el ecuador. Estas dos estrellas de estado se observarán en el transcurso de las operaciones, poco antes enumeradas para determinar el azimut de la señal: en la posicion A del anteojo, una; y, otra, en la B: ó, de no ser factible ó conveniente intercalarlas entre los varios términos de aquella serie, poco ántes del primero, ó momentos despues del último, con la precaucion en el entrefanto de no mover el anteojo en azimut.

289.—Reducidos los pasos de estrellas observadas al hilo central del retículo, y corregidos los tiempos de la observacion, así obtenidos, de inclinacion y colimacion, el azimut 90°—a del punto occidental de interseccion del eje del anteojo, indefinidamente prolongado, con la esfera celeste, se deducirá por las fórmulas poco ántes mencionadas. Y hallado el valor de a, el de a, ó el del azimut del eje óptico, prolongado tambien indefinidamente desde el ocular hácia el objetivo, se concluirá en el acto, sin dificultad alguna; y el de A, ó azimut de là direccion á la señal terrestre, se calculará luégo por medio de la siguiente fórmula: (113)

$$A = a_1 + \frac{m_1 + m_2}{2} \csc z \pm \frac{b_1 + b_2}{2} \cot z;$$

en la cual representan:

m, y m, las distancias angulares, en segundos de arco, medidas con el micrómetro en las
posiciones A y B del anteojo, y comprendidas
entre la imagen de la señal y el hilo central del
reticulo: distancias que deben considerar-e como positivas cuando la imágen corresponda à la
derecha del hito en los anteojos acodados, ó a
la izquierda en los rectos; y como negativas,
en el caso contrario.

b, y b, las inclinaciones, expresadas del mismo modo, del eje de rotación del anteojo: positivas cuando el muñon occidental se halle más elevado que el oriental; ó viceversa. Y

z la distancia zenital del objeto terrestre, ó marca auxiliar circummeridiana, considerada siempre como positiva, y que deberá determinarse por separado, ántes y despues de verificar la serie de operaciones principales, encaminadas à la definicion de su azimut.

En el ultimo término de la formula anterior se conservarà exclusivamente el signo explicito —, cuando la marca se halle situada al N. del observador; y el —, cuando en la region opuesta del horizonte.

290 —Cuando el anteojo de pasos sea el de un teodolito, de gran potencia óptica, y de mucha estabilidad sobre el pilar o base de sustentacion, el azimut de un objeto terrestre, ó se-

ñal auxiliar circunmeridiana, comprendido dentro de su campo visual, puede determinarse con el tornillo micrométrico é hilos movibles que completan su sistema reticular, exactamente como por medio del círculo horizontal graduado del mismo instrumento: midiendo, repetidas veces y en distintas posiciones del anteojo, la distancia angular de la señal á la estrella con quien su posicion se compara; calculando por la fórmula (409) los diversos azimutes de la estrella, correspondientes á los momentos, ú horarios t, de sus enfilaciones consecutivas; deduciendo de aquí, por adicion ó sustraccion de las dos cantidades, medida y calculada, el ángulo con la meridiana de la direccion terrestre; y corrigiendo este resultado de los errores en él introducidos por la inclinacion y colimacion de los ejes de rotacion y óptico del anteojo, y omision hasta el final de la influencia de la aberracion diurna de la luz Y disponiendo, á la distancia de algunos kilómetros, dos señales auxiliares, próximamente situadas en los planos verticales de la Polar, que á las primeras y últimas horas de la mañana y de la tarde correspondan en la época de las observaciones, ó á los momentos de sus digresiones oriental y occidental por entónces, la operacion podrá reiterarse en condiciones muy variadas y convenientes, y rematarse en breve plazo. Procediendo de este modo, claro es que el estado del cronómetro dehe investigarse por separado, ó suponerse desde luégo conocido; por más que el error hasta de + en su determinación influya poquisimo en los resultados, cuando las observaciones azimutales de la Polar se refieran á las épocas mencionadas de sus máximas digresiones a uno y otro lado del meridiano: particularidad ésta muy digna siempre de tomarse en cuenta.

201.—De cualquiera manera que el azimut de la señal circummeridiana se hubiere determinado con un anteojo de pasos, resta todavia medir el ángulo que con su direccion forma la correspondiente à un verdadero vertice de la triangulacion geodésica, para obtener el azimut de este vértice, operacion muy delicada, que se verificara comenzando por retirar de su base ó pilar de sustentacion el anteojo, é instalando en lugar suyo un teodolito, ó un circulo horizontal geodésico, de construccion especial y perfectamente adecuado al objeto de que ahora se trata, en coincidencia su centro con el centro de la estacion, ó con el punto á que el azimut en primer término averiguado se refiere, sin discrepancia de un solo milimetro.

El ángulo en cuestion se determinará con el

último instrumento reiterando seis, doce ó diez y ocho veces, en otras tantas distintas graduaciones ó partes del círculo, la siguiente serie de punterías à los dos objetos comparados.

En la posicion A del anteojo: dos á la señal auxiliar circunmeridiana, S; y otras dos al vértice V, cuyo azimut por referencia al de la señal se trata de deducir: estableciendo cada vez la coincidencia del punto de mira con el hilo vertical del centro del retículo, ó con la cruz filar, en sentido, ó por resultado de cierto movimiento del anteojo, opuesto que la anterior ó consecutiva.

En la B, 180° distante ó diferente de la A: cuatro á S y cuatro á V, con la misma precaucion que las precedentes.

Y en la A, de nuevo: otras dos á los mismos objetos, por el órden desde un principio indicado.

Esta operacion, por lo demas, complementaria de la principal astronómica, en nada esencial discrepa de la fundamental y más comun en las prácticas geodésicas, perfectamente ya conocida del lector.

APÉNDICE.

La siguiente breve coleccion de tablas auxiliares tiene por objeto facilitar la aplicacion numérica de algunas de las formulas ó expresiones analíticas, contenidas en las páginas anteriores.

I.—Al frente de todas figuran las tablas de refracción, derivadas de la fórmula fundamental de Bessel:

$$\log \rho = \log \log z_i + \log \alpha + \Lambda (\log B + \log T) + \lambda \log \gamma$$
,

transformada en la que sigue, algo más sencilla:

$$\log \rho = \log \log z_1 + \log \delta + \log z_2 + \log z_3 + \log z_4$$

y cuyos términos, tabulados á continuacion, deben considerarse como positivos todos, miéntras la altura de la columna barométrica no sea inferior á 450^{m m}; ni superior á 40° centígrados la temperatura del aire ambiente, observada á la sombra y en sitio ó lugar despejado. Para calcular el valor de $\log \rho$, y de la refraccion ρ , en consecuencia, se comenzará por
referir la altura barométrica b', que á la temperatura t' del mercurio corresponde, á la temperatura t del aire ambiente. La correccion,
del mismo signo que la diferencia t-t', que al
valor de b' debe aplicarse para obtener el de b,
se deducirá de la tabla preliminar A_t , con aquella diferencia y el valor de b' por argumentos.
Esta correccion, por regla general muy pequeña, asciende aproximadamente á 0,1 mm., por
cada grado de temperatura.

Hecho esto, en las tablas vulgares de logaritmos se buscarán el de la tangente de la distancia zenital aparente, z_i , que se trata de corregir de refraccion; y el de la altura barométrica b, corregida de capilaridad y expresada en milímetros, correspondiente á la temperatura t, en grados centígrados.

Con el argumento z_i se tomará luégo de la tabla A el log α_i ; y se anotarán de paso, si ha lugar á ello, los valores de p y q: argumentos de las tablas C y D.

Con el t se tomará de la B el log a, supliendo mentalmente la primera cifra decimal y la característica, explícitas por brevedad sólo en la primera columna, é iguales ambas á cero.

Con los t y p, cuando z_i pase de 45° , se acu-

dirá á la C; y para ballar el $\log \sigma_s$ se procederá conforme se indica en este ejemplo.—Supó agase que $t = 31^\circ$ y p = 139, correspondiente el último valor al de $z_t = 73^\circ$. En papel ó lugar aparte se escribirá lo que sigue, con aquella tabla á la vista:

$$t = 24^{\circ} \text{ y } p = 100 . . \log \alpha_{s} = 0,00037,5$$

$$\begin{array}{c} 30 & . & . & . \\ 9 & . & . & . \\ 2,4 & \\ p = 139 & . & \log \alpha_{s} = 0,00038 \end{array}$$

Y con los b y q, cuando, por excepcion muy rara, z_1 pass de 76° , se deducira de la D, por procedimiento análogo, el valor de $\log \alpha_4$.

La suma de los seis logaritmos así encontrados, ó de los cuatro primeros cuando ε, no pase de los 45°, expresará el valor de log ρ, segua en este ejemplo se expresa:

$$z_{1} = 78^{\circ} 25' 30'' \qquad t = 26^{\circ}, 5 \}$$

$$b' = 773^{\circ}, 5 \qquad t' = 48, 0 \}$$

$$t - t' = +2, 5$$

$$b = 773^{\circ}, 84 \qquad b - b' = +0, 31 \quad (A_{1})$$

Con los datos z_i , b y t se procederá al cálculo de ρ de este modo:

```
log tang z_1 = 0.68864

log b = 2.88863

(A) log a_1 = 2.82447; p = 323; y = 32

(B) log a_2 = 0.02918

(C) log a_3 = 0.00090

(D) log a_4 = 0.00075

= 2.43257; \delta \rho = 4' 30'',75
```

II —Aunque el cálculo de ρ, por el método anterior y tablas à que se resiere, sea muy sencillo, no lo es tanto, sin embargo, que no deje todavía algo que desear, en pasando z de los 45°. Y como precisamente entónces, ó despues de rebasado este límite, las tablas de refraccion no corresponden con matemática exactitud, ó rigurosa certidumbre siempre, á la realidad de las cosas, ó del hecho que representan, si pudiera modificarse aquel procedimiento de cálculo en términos de que con el aumento de la distancia zenital el trabajo de cálculo no acreciese, áun cuando los resultados discrepasen algo de los admitidos como buenos, la modificacion merecería llevarse en cuenta. Y tanto más lo merecería, cuanto que, áun suponiendo irreprochables las tablas por ninguno de los varios conceptos teóricos en que se halla basada su formacion, basta que por error de graduacion y falta de sensibilidad de los instrumentos, ó por defecto inevitable de su instalaciou y lectura, ó por cualquiera imprevista anomalia en la constitucion física de la atmósfera, discrepen los datos del calculo en algo, siquiera sen muy poco, de la verdad, para que en la certidumbre de los resultados, aproximados hasta la segunda, ni áun primera, vifra decimal, de segundo de arco, no pueda ya abrigarse confianza. Sin pretender, pues, de ningun modo que las tablas de refraccion, insertas á continuacion de las anteriores, deban preferirse á éstas, en algunos casos es de creer, por los motivos apuntados, que puedan prestar al observador verdadero servicio.

Con las nuevas tablas, expresson numérica del factor p_m y del logaritmo del T, que figuran en la antigua fórmula de Bradley:

$$\rho = \rho_{\text{m}} \times T \times b$$
,

y en la cual, para que los resultados concuerden en lo posible con los desprendidos de la fórmula de Bessel, se han modificado un pocolos coeficientes, y supuesto que

$$\rho_{m} = 57'', 8 \times \tan (z_{1} - 230'' \tan z_{1}), y$$

$$T = \frac{278}{753, 5} \times \frac{4 - 0.00016 t}{268 + t},$$

el cálculo de ρ , correspondiente á la distancia zenital aparente, z_i ; temperatura del aire, en grados centígrados, t; y presion atmosférica, expresada en mm., y referida á la misma temperatura, b, se reduce:

- 4.° A buscar en la (A'), con el argumento z_i , el valor de ρ_m . y en las generales de logaritmos el de esta cantidad luégo. Los valores de ρ_m discrepan poquísimo, hasta los 80° de distancia zenital (y á mayores distancias no hay que pensar en averiguar cuáles sean, sin riesgo de error muy considerable) de los valores de la refraccion media, calculados por Bessel para la temperatura de 10° y presion de 752^{mm} ; ó 29,6 pulgadas inglesas, más exactamente.
- 2.° A tomar de la (B'), con el argumento t, el log T.
- Y 3.° A sumar con los logaritmos de ρ_m y T el de 5.—La suma expresará el de ρ , aproximado á la verdad, en los términos de que puede juzgarse por el siguiente ejemplo, resuelto tambien anteriormente.

$$z = 78^{\circ} 25' 30'' \dots \rho_{m} = 274'',61 (A')$$

 $t = 20^{\circ},5$
 $b = 773^{\text{mm}},8$

log p_m == \$,43878

logT = 3 (8519 (87) log 5 = 2 88963

legs = 1,43276

El volor de p. igual à 270".25, salo discrepa per exceso en una décima de segundo del obtenido anteriormente, por procedimiento sin duda alguna más laran y enojoso. Y à 0".2 may rara vez se elevará la diferencia de resultados, obtenidos por ambos métodos, cuindo en uno, cuándo en otro sentido.

objeto que las des anteriores: et de facilitar, por la fórmula (tt) del texto, et cálcolo de la correccion que debe aplicarse á la semisuma de trempos observados en el cronómetro, cuando en cualquier dia del año el Sol se encuentre por mañana y tarde á iguales alturas sobre el horizonte, para obtener la hora de su paso por el meridiano; y, por comparacion luégo de esta hora con aquélla en que debería pasar en realidad, consignada en las efemérides, el estado del cronómetro, empleado en las observaciones.—El argumento de la tabla es el tiempo, 21, transcurrido entre cada par de observaciones correspondientes, efectuadas por mañana y

tarde; y sus términos los logaritmos de los coeficientes A y B, que figuran en la fórmula referida. Con el uso de esta tabla, el cálculo de AT, por aquella fórmula no puede ser más sencillo, conforme acredita el siguiente ejemplo.

El 49 de Agosto de 1871 (dia 19 civil: 18 à 19 astronómico) se tomaron por mañana y tarde, con un círculo de reflexion de Pistor, y horizonte artificial de mercurio, los apulsos correspondientes à la tangencia primera, superposicion, y desprendimiento, ó segundo contacto, de las dos imágenes solares, observables con el anteojo del mismo círculo. Y esto se hizo en un lugar (Llatías), cuya latitud geográfica aproximada puede suponerse de 43° 30′; y la longitud, al occidente de Greenwich, de 0h 15m. A medio dia verdadero en aquella fecha la declinación del Sol, y variación horaria de esta cantidad, eran éstas:

$$\delta = + 12^{\circ} 51' 0''; y \Delta \delta = - 48'', 92.$$

Y el paso del Sol por el meridiano del lugar de observacion debía verificarse, segun los datos del Almanaque Náutico de Greenwich, referidos al mismo meridiano, teniendo en cuenta la mencionada diferencia de longitudes, á las $42^h \ 3^m \ 30^s,08$.

Con estos antecedentes. las observaciones

bentan, el calculo de su correccion. y duction del esper del crendmetro Pacif popular or ret mode.

	mede-	Pacello Pacello
del del	TREMPTS JIF 2.4 DESERV	-
caronia /	Mahan	
No 10 100	7	. F COD 431. IS
1 "	15 10 to 10	18,7
<i>I</i> .	M 45.3	0.0
-	2.3 17 2	0
	Prem.	

Proposition 126 8 220 A Argumento 21 == 5 34 25"

log A = 1,4452 |

log 3 8 = 1,9771

log B = 1,3176

log tang 3 == 1,3881 log 4 5 == 1,6895 log. A lang = 1.6 = 1.1118a / log. B lang & 4 & = 0,3652a

-A lange . A & = + 12',94 + B lang & . A & = - 2,32

AT0 = + 10,62

Promedio corregido. . = 12h2m33,20 Medio dia verdadero. = 12 3 30.08

Estado del cronómetro. = +86,88

El signo — no quiere decir en este caso que el cronómetro vaya adelantado, o que señale más de lo que debiera; sino que la correccion á sus indicaciones debe ser aditiva. Y lo contrario se entenderá cuando la expresion del promedio corregido de las horas de observacion sea inferior á la del medio dia verdadero, ú hora real del paso del Sol por el meridiano.

IV, V y VI.—Análogo objeto que la tabla III tienen las tres siguientes, que deben considerarse en junto, como si en realidad constituyesen una sola: el de facilitar, por las fórmulas (86), ú (88), ó (92), el cálculo de la reduccion al meridiano de las distancias zenitales observadas cerca de este plano, sea con el teodolito, ya con el círculo del mismo nombre que el plano á que las distancias corregidas, han de referirse.

La tabla IV contiene los logaritmos de

$$\mu_{r} = \frac{2 \operatorname{sen}^{21/2} t}{\operatorname{sen} 4''}$$
, en funcion del horario t, va-

riable de segundo en segundo de tiempo, desde los 0⁸ á los 40^m. Aunque expresados con cinco cifras decimales, estos logaritmos se tomarán en los principios de la tabla con solas cuatro cifras.

La V los de $v_1 = \frac{2 \sin^4 \frac{1}{2} t}{\sin^4 \frac{1}{2}}$, correspondientes á los mismos argumentos.

Y la VI, no los logaritmos, sino los valores de la primera cantidad considerada, µ, en segundos de arco, desde los 0^s de horario hasta los 6^m: ó sea durante aquel primer intervalo de tiempo en que las variaciones de logu son más rápidas, y, por lo tanto, más difícil la interpolacion, entre los contenidos en la tabla IV, de aquellos otros logaritmos correspondientes á un horario compuesto de minutos, segundos y alguna fraccion de segundo. Si, por ejemplo, hubiere que hallar el logaritmo de µ que corresponde al horario t, igual á 0^m 56°.7, se comenzaría por deducir de la tabla VI el valor de µ, por medio de una interpolacion sencillísima; y el logaritmo del número así encontrado, $\mu = 4".76$, se tomaría luégo de las tablas generales de su nombre. Pero, en pasando el horario de 5 ó 6^m, la variacion del logaritmo de µ puede considerarse como proporcional á la del argumento, entre cada dos segundos consecutivos; y, por lo tanto, bastará consultar la tabla IV para resolver en todos los casos el problema propuesto.

Los valores de v, correspondientes à los horarios inferiores à 5^m, no se han tabulado como los de μ , en razon de su pequeñez insignificante, que permite prácticamente considerarlos como iguales á cero.

Del uso de estas varias tablas, en combinacion con las fórmulas á que se refieren, no se presenta ejemplo alguno por creerlo, despues de lo dicho en el texto, absolutamente innecesario ó excusado.

VII.—La tabla VII comprende los logaritmos de la cantidad K, que figura en las fórmulas (64) y (65): ambas de uso frecuente, ya en el estudio preliminar de un anteojo de pasos, cuando se trata de hallar los intervalos ecuatoriales de los hilos del retículo, ya en la práctica diaria de las observaciones con el mismo anteojo, cuando se considera necesario utilizar una observacion de pasos, incompleta ó dudosa, aplicando á los pasos observados, para reducirlos al hilo promedio, los intervalos correspondientes á la declinación de la estrella á que se refieren.— La conveniencia de ilustrar el asunto por medio de un ejemplo es algo mayor en este caso que en los análogos precedentes.

Con el anteojo, núm. I del Instituto, aproximadamente situado en el meridiano, se observaron desde Madrid los pasos superiores de la *Pclar* por los siete hilos fijos de su retículo el 1.º de Julio de 1875, valiéndose, en combinacion con el anteojo, de un cronómetro arreglado á tiempo sidéreo, de cuyo estado puede prescindirse, y cuyo movimiento en el intervalo de las



observaciones fué de 0,º46 en adelanto, por hora.

En el cuadrito adjunto se ban consiguado, 4.º: los tiempos señalados por el cronómetro en los momentos de tos pasos observados por los diversos hilos del reticulo: 2.º: los intervalos, It, correspondientes à la declinacion de la Polar ($\delta = 88^{\circ} 38' 24''$, 6): intervalos que se desprenden comparando con su promedio (1b 11 21, 61) todos los tiempos anteriores, y aplicando à las diferencias resultantes la correccion necesaria para compensar en ellas el efecto del movimiento del cronômetro; 3.º: los complementos logaritmicos de K. tomados de la tabla VII, precisamente con los argumentos I, expresados en minutos; 4.º: los intervalos ecuatoriales, a, calculados por la fórmula (64), ó agregando estos complementos á la suma de los logaritmos de l' y de cos ô, y buscando en las tablas ordinarias los números correspondientes á los logaritmos así formados, por adicion de los tres referidos; y 5.0: los im, promedio de veinte distintas determinaciones análogas de los i, y considerados como expresiones suficientemente aproximadas á la verdad de los mencionados intervalos ecpatoriales.

INTERVALOS DE LOS HILOS. - APLICACION DE LA TABLA VII.

HILOS.	TIEMPOS.	8Ĭ	c°. log K	****	m,
	0h 40m 47°. 3	+ 1834°. 23	1.99872	+ 43°, 400	+ 43. 320
II	0 51 0.7	+ 1220 . 86	4.99943	+ 28.934	+ 28.925
111	1 1 8.7	+ 612.88	4.99986	+ 14. 540	+ 14. 527
۸۱	1 11 21.3	+ 0.31	0.0000.0	+ 0.007	+ 0.043
>	1 21 29.7	90 . 809 —	4.99986	- 14. 425	44.392
1 22	1 31 45.3	- 1223. 64	4.99943	_ 29.000	29.955
NII N	1 41 58.3	- 1836.61	4.99872	- 43 . 455	- 43 . 467

Purs si, dando ya por conocidos y buenos los intervalos im ó a correspondientes à la declinación 0°, hubiese necesidad de hallar los que à la de 72°, por ejemplo, corresponden, en la fórmula (65) se comenzaria por suponer el factor K igual à la unidad; y, despues de hallar los logaritmos de i sec è, con estos logaritmos como argumentos se acudiría à la tabla VII, y de ella se tomarian los de K, que, sumados con los anteriores, completan los de I, relativos à la declinación propuesta é hilos diversos del reticulo.—Miéntras è no pase de los 60°, de la corrección dependiente del log K podrá en el cálculo de I prescindirse siempre, sin error de trascendencia en la práctica.

I.—TABLAS DE REFRACCION, TRANSFORMADAS DE LAS DE BESSEL.

Argumentos: b', o la altura observada del barómetro; y t-t', o la diferencia de A. - Tabla auxiliar. - Correccion de b' por temperatura. temperaturas del aire y del mercurio.

					t -	- t'				
è	01	2 °	300	4 °	ာ့ထ	8 °	۷.	ထိ	රී	10°
88	88	m m	E E	200	# C3	88	88	E	mm	
450	0,07	0,15	% 0	0,29	98,0	0,44	0,51	0,58	0,65	0,73
500	28	16	24	33	40	84	26	64	22	8
550	8	22	27	33	44	83	89	77	08	6 8
609	10	19	53	33	84	88	88	Ŀ	8	97
8	11	รร	31	꺜	52	63	73	\$	35	1,05
<u></u>	11	ಜ	8	3	8	89	æ	06	1.01	1,13
ğ	13	3 %	**	8	90	27.	88	97	1,09	1.21
90%	13	æ	88	21	35	#	8	1,03	1,16	1,29
		_				_				· —

340

1.- Tables de refraccion, transformadas de las de Bensel.

A.—Valores de log a_i y de la cantidad auxiliar p. Argumento : z_i, ò la distancia zenital aparente.

3,	log a,	p		log a,	p
0 5 10 15 20 25	2,83/21 821 819 817 814 810		60 0 30 61 0 83 62 0	2.83445 633 631 623 614	46 47 49 51 54
31) 32 34 36 38	2,83804 871 797 798 789		63 0 83 64 0 80	\$.83305 506 586 570 565	50 58 60 63 65
40 42 44 46 43	2,83794 779 765 757 748	17 19 21	65 0 9) 66 0 3) 67 0	9.83554 542 529 515 500	68 71 75 79 83
57) 51 53 53	2.83737 731 724 716 71)	23 25 23 27 29	68 0 90 69 0 93	2.83484 447 448 429 438	87 92 96 101 106
55 56 57 59 59	2,83701 692 682 670 658 645	91 34 37 40 43	70 0 20 40 71 0 2) 41 72 0	2.83336 370 354 936 917 293 278	111 115 119 124 129 134 139

344
1.—Tebles de refraccion, transformades de las de Bessel.

A (continuacion).—Valores de log a₁, y de las cantidades auxiliares p y q.

Argumento: z₁, ó la distancia zenital aparente.

	_						(-	1
z	_	log as	p	2	S _d	log α,	p	q
72	0 10 2) 30 40 50	2,83278 277 259 245 234 223	130 141 144 147 150 153	76	0 10 20 80 40 50	2,82871 849 828 801 801 776 750	220 225 230 235 241 246	23 23 24 25 25 25 25 25 25 25 25 25 25 25 25 25 25 25 2
73	0 10 27 8) 47 50	2.83211 198 185 172 158 144	157 159 162 165 168 171	ידר	0 10 20 30 40 50	2,82724 696 667 638 637 578	252 258 264 272 281 290	26 26 27 27 28 29
74	0 10 2) 8) 40 50	2,8313) 115 100 084 038 051	175 178 182 185 189 199	78	0 10 20 30 40 50	2,82538 504 4/8 4/29 388 846	299 308 318 328 328 338 347	80 80 81 32 88 34
75	0 10 20 80 40 50	2.83134 017 2.82990 981 911 942	197 231 234 238 218 216	79	0 10 30 40 50	2.82304 270 214 165 115 064	957 967 877 887 888 409	85 86 87 98 39 40
76	0	2,82922	220	80	0	2.82010	420	41

I.-TABLAS DE BEFRACCION, TRAMENORMADAS DE LAS DE BESSEL.

B.-Valores de log us.

Argumento: t, o la temperatura del sire, en grados centigrados.

0°.9	12.89 12.89 12.89 12.83 13.83	555 555 555 555 555 555 555 555 555 55	5252 5764 4745 5885 5885 5885	1
8'00	25.25.25 25.25.25 25.25.25 25.25.25 25.25.25 25 25.25 25 25 25 25 25 25 25 25 25 25 25 25 2	National States	25.45.45 25.45.45 25.45.45 25.45.45 25.45.45 25.	1
7,°0	99.55 99.55 99.55 99.55 99.55 99.55	6774 5746 5746 5746 5755	25.04.04 25.04.04 25.04	400
9,0	6255 6789 6789 6255 6259	200 E 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0	25.25.25 4.25.25.25	den.
0,0	6840 6772 6643 6643	64.07 89848 64776 85176	5290 5129 4977 4877	1960
4,0	255 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4	2000 E	55.55 55.55 56.55	870
8,0	65729 6729 6847 6847	25.00 25.00	25 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5	9
0,0	645 655 655 655 655 655 655 655 655 655	1 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2	53.78 5115 4694 4844	4584
0°,1	67.69 67.69 87.78 87.78 87.19	6173 63.99 5544 5517	5375 5193 573 477	4550
0,0	0.0% 0.0% 0.0% 0.0% 0.0% 0.0%	0.09190 6570 6731 7693 7683	5.05371 62.05 5.147 6.147 4.726	0.04598
42	 ° 400410	+ 0-004	+	+ 10
				_

3165	25.56 27.78 25.49 25.49 25.44 25.44	2092 1941 179.1 1640 1490	1340 1191 1-43 0894 0747	600 453 837 131 016
3181	2718 2718 2412 2412 2413	2107 1953 1835 1655 1535	1355 1205 1057 00 99 07 62	614 468 173 630
8196 3042	2887 2733 2587 2427 2274	2123 1971 1823 1673 1520	1371 1221 1072 0924 0776	629 482 133 193 045
9212 9057	2013 2749 2842 2893	2138 1983 1835 1635 1535	1385 1236 1387 0939 0791	644 497 351 205 059
3227 3372	2764 2764 2457 2457 2335	2153 2971 1850 1777 1553	147) 1251 1102 0954 0806	659 512 835 219 074
808 8088	2853 2779 2473 2320	2168 2716 1265 1715 1565	1415 1286 1117 0968 0821	88.52 88.52 88.62 88.62 88.62 88.62 88.63 88 88 88 88 88 88 88 88 88 88 88 88 88
9259 3103	2549 2785 2884 2888 2888	2183 2032 138) 173) 158)	143) 128) 1132 0933 0835	88.72.88 10.28.80 10.38.80 10.
3274 3119	2964 2810 2858 2573 2351	2198 2.47 1896 1745 1595	1445 1295 1146 0938 085)	703 856 853 117
9290 134	2885 2825 2519 2519 2346	2214 2362 1911 1760 1610	1450 131) 1161 1013 0865	717 57) 878 132
88.76 83.76 8150	0.02995 2841 2381 2534 2381	0.0229 2.177 2.177 1926 1775 1625	0.01475 1325 1173 1 128 0880	0.00732 585 433 292 146
1986	+ %2882	+ 88238	+ 88884	+ &&&&& &

346

J.—Tables de refreccion, transformates de les de Bennel.

C.—Valores de log a_s.

Argumentos : t y p.

E .					р				
		2	3	4	5	в	7	8	9
- 4 - 2	0,63 0,62	1,81 1,25	1,96 1,87	2,62 2,49	3,27 3,11	3,93 9,74	4,58 4,38	5,84 4,98	5,89 5,6)
+ 0 2 8 6 8	0,59 0,56 0,53 0,57 0,47	1,12 1,03	1,77 1,68 1,58 1,49 1,40	2,36 2,24 2,11 1,99 1,85	2,95 2,41 2,49 2,33	8,55 3,36 3,17 2,98 2,83	4,14 3,92 3,70 3,48 3,26	4,78 4,49 4,22 3,98 3,73	5,98 5,93 4,75 4,47 4,19
10 12 14 16 18	0,44 0,41 0,37 0,34 0,31	0,87 0,81 0,75 0,69 0,63	1,22 1,12 1,03	1,74 1,92 1,50 1,38 1,26	2,63	2,61 2,49 2,25 2,07 1,89	3,05 2,84 2,62 2,41 2,2)	3,48 8,24 3,41 2,76 2,52	3,92 9,65 3,37 3,10 2,83
20 22 24 26 28	0,29 0,25 0,23 0,21 0,17	0,51 0,45	0,77 0,68 0,59	1,14 1,02 0,91 0,79 0,68	1,44 1,28 1,19 0,99 0,84	1,54 1,33 1,19	2,09 1,79 1,59 1,38 1,18	2,28 2,45 1,81 1,58 1,33	2,57 2,89 2,14 1,78 1,52
81 92 94 94 98	0,14 0,11 0,78 0,05 0,03	0,28 0,22 0,17 0,11 0,06	0,42 0,34 0,25 0,17 0,08	0,53 0,45 0,33 0,22 0,11	0,70 0,53 0,42 0,28 0,14	0,67	0,98 0,78 0,59 0,39 0,19	1,18 0,90 0,67 0,44 0,82	1,23 1,01 0,75 0,50 0,25
40	0,00	0,06	0,00	0,00	0,00	0,00	0,00	0,00	0,00



355

1.—Tables de refraccion, transformedas de les de Bessel. D.—Valores de $\log a_{+}$.

Argumentos: b, ó la altura del barómetro en mm. á la temperatura t, y q.

b					q				
	1	2	8	4	5	6	7	8	9
450	0,0	0,0	0,0	0,0	0,0	0,0	0,0	0,0	0,0
470		0,4	0,6	0,8	0,0	1,1	1,3	1,5	1,7
493		0,7	1,1	1,5	1,8	2,2	2,6	3,0	9,3
510	0,5	1,1	1,6	2,2	2,7	3,9	3,8	4,9	4,9
53.)	0,7	1,4	2,1	2,8	3,6	4,9	5,0	5,7	6,4
55.)	0,9	1,7	2,6	9,5	4,4	5,2	6,1	7,0	7,8
570	1,0	2,1	3,1	4,1	5,1	6,2	7,2	8,2	9.2
590	1,2	2,4	3,5	4,7	5,9	7,0	8,8	9,4	10,6
603	1,2	2,5	9,7	5,0	6,2	7,5	8,7	10,0	11,2
610	1,3	2,6	4,9	5,3	6,6	7,9	9,2	10,6	11,9
623	1,4	2,8	4,2	5,6	7,0	8,4	9,7	11,1	12,5
633	1,5	2,9	4,4	5,8	7,3	8,6	19,2	11,7	13,2
643	1,5	3,1	4,6	6,1	7,6	9,2	1 4,7	12,2	13,8
651 660 670 691 693	I,4 1,7 1,7 1,8 1,9	3,2 3,5 3,5 8,4 8,7	4,8 5,0 5,2 5,4 5,6	6,4 6,7 6,0 7,2 7,4	8,0 8,3 8,6 9,0 9,3	9,6 10,0 10,4 10,8 11,1	11,8 12,1 12,6 13,0	12,8 13,3 13,8 14,9 14,9	14,4 15,0 15,5 16,1 16,7
707	1,9	9,8	5,8	7,7	9,6	11,5	13,4	15,4	17,8
710	2,1	4,0	5,9	7,9	9,9	11.9	18,9	15,8	17,8
720	2,0	4,1	6,1	8,2	10,2	12,2	14,3	16,3	18,4
780	2,1	4,2	6,3	8,4	10,5	12,6	14,7	16,3	18,9
743	2,2	4,3	6,5	8,6	10,8	19,0	15,1	16,8	19,4
750	2,2	4,4	6,7	8,9	11,1	19,9	15.5	17,7	20,0
760	2,3	4,6	6,8	9,1	11,4	13,7	15.9	18,2	20,5
770	2,4	4,7	7,0	9,8	11,7	14,0	16.3	18,7	21,0
780	2,4	4,8	7,2	9,6	11,9	14,3	16.7	19,1	21,5
780	2,4	4,9	7,3	9,8	12,2	14,7	17,1	19,6	22,0

346

II.—Tables de refraccion, basadas en la formula de Bradley.

(A')—Valores de pm.—Argumento : z₄.

z _t	0'	10'	20'	30'	40'	50'	80'
1 2 8 4	0,07)	0,17	0,84	0,50	0,67	0,84	1,01
	1,01	1,18	1,35	1,51	1,63	1,85	2,03
	2,02	2,19	2,36	2,59	2,69	2,86	3,03
	3,03	3,90	3,37	9,53	8,7)	3,87	4,94
	4,04	4,21	4,38	4,54	4,71	4,38	5,05
5	5,05	5,22	5,39	5,59	5,73	5,9)	6,07
6	6,07	6,24	6,41	6,58	6,75	6,93	7,09
7	7,99	7,26	7,43	7,60	7,77	7,94	8,11
8	8,11	8,28	8,45	8,43	8,80	8,97	9,14
9	9,14	9,31	9,40	9,66	9,83	10,00	10,18
10	10,18	10,95	10,53	10,70	10,97	11,04	11,22
11	11,22	11,39	11,57	11,74	11,92	12,00	12,27
12	12,27	12,45	12,62	12,80	12,93	13,15	13,33
18	19,33	19,51	13,69	13,83	14,04	14,23	14,41
14	14,40	14,58	14,76	14,94	15,12	15,80	15,48
15	15,48	15,66	15,84	16,02	15,20	13,38	16,53
16	16,56	16,74	16,92	17,11	17,29	17,47	17,45
17	17,65	17,83	18,02	18,21	18,39	18,57	19,75
18	18,76	18,95	19,13	19,32	19,51	19,69	19,84
19	19,88	20, 17	20,26	20,45	20,64	20,82	21,01
20	21,01	21,29	21,39	21,59	21,78	21,97	23,16
21	22,16	22,35	22,55	22,74	22,93	23,18	23,32
22	23,32	23,52	23,71	23,91	24,11	24,31	24,50
23	24,50	24,70	24,90	25,10	25,38	25,50	25,7)
24	25,70	25,93	23,11	26,31	26,51	26,72	23,92
25	20,92	27,12	27,33	27,53	27,74	27,94	28,15
23	28,15	23,36	28,57	24,78	23,90	29,27	29,41
27	29,41	29,62	29,81	30,95	33,23	30,47	30,49
28	30,69	39,91	31,12	31,34	31,55	31,77	31,99
29	31,99	32,21	32,43	32,66	32,88	33,10	33,32

34?

II.—Tables de refraccion, basadas en la fórmula de Bradley.

(A')—Valores de p_m —Argumento : z_1 .

	-						
z,	0'	10'	20'	30'	40'	50'	80'
0	P1	11	R	10	- Fr	н	n
30	83,32	83,55	93,77	34,0)	34,23	31,45	94,68
31	34,68	84,91	85,14	35,33	95,61	35,84	93,07
32	36,07	96,30	36,54	36,77	37,)1	37,24	97,48
83	37,48	87,72	87,95	36,2)	38,44	38,68	38,92
84	38,92	39,17	99,41	39,66	39,91	47,15	40,43
35	40,49	42,18	47,91	41,16	41,41	41,66	41,92
96	41,92	42,18	42,44	42,69	42,95	41,21	43,47
37	43,47	43,74	44,01	44,27	44,54	44,83	45,97
38	45,07	45,31	45,02	45,9)	46,17	46,44	46,72
38	46,72	47,00	47,24	47,56	47,85	48,13	48,41
49	48,41	49,09	48,98	49,28	49,56	49,85	57,15
41	51,15	51,44	51,74	51,04	51,34	51,64	51,94
42	51,94	52,24	52,55	52,83	53,14	53,47	53,79
43	53,79	54,10	54,42	54,74	55,96	55,38	55,79
44	55,70	53,02	51,35	56,68	57,00	57,33	57,67
46 47 48	57,67 59,71 61,83 64,03 66,32	58,01 61,06 62,19 04,41 66,71	58,35 60,41 62,53 64,79 67,11	54,69 61,77 62,92 63,17 67,51	30,43 61,12 63,23 65,55 67,93	59,37 61,47 63,65 65,94 68,33	59,71 61,83 64,13 61,32 68,70
50	68,73	69,11	69,52	69,94	71,35	73,76	71,18
51	71,18	71,60	72,73	72,47	72,91	73,34	73,77
52	73,77	74,21	74,76	75,12	75,51	76,11	76,47
53	76,47	73,93	77,41	77,58	74,35	78,83	79,33
54	79,83	70,79	80,29	63,78	81,28	81,77	82,27
55	82,27	82,79	83,43	83,83	84,35	84,87	85,99
54	85,39	85,93	83,43	87,03	87,57	83,12	83,47
57	88,67	89,24	89,82	90,40	91,97	91,55	92,13
58	92,13	92,73	93,35	93,98	94,56	95,17	95,79
59	95,79	93,43	97,38	97,73	98,97	99,02	99,67

348 21.—Tables de refraccion, basadas en la fórmula de Bradley,

(A').—Valores de ρ_m .—Argumento : z_c .

z,	O,	10'	20′	30'	40'	50'	
61 62 63 64	99,7 104,8 113,2 112,8 117,8	" 190,9 194,5 108,9 113,6 118,7	101,0 1 15,2 1 19,7 114,5 119,6	101.7 105.9 110,5 115.3 120,5	102,4 106,7 111,2 116,1 121,4	103,1 107,4 112,0 117,0 122,3	104,8 108,2 112,8 117,8 123,2
65	123,2	124,1	125,0	123,0	127,0	128,0	129,0
66	129,0	131,0	131,1	132,0	133,0	134,1	135,2
67	135,2	136,3	137,4	138,5	139,6	140,8	141,9
68	141,9	143,1	144,3	145,5	148,7	148,0	149,3
69	149,3	150,6	151,9	153,2	154,5	155,9	157,3
70	157.3	158,7	169.1	161,6	163,1	164,6	169,1
71	161,1	167,7	169.3	170,9	172,5	174,1	175,8
72	175.8	177,6	179,3	181,1	182,9	184,8	186,7
73	186.7	188,6	199,5	192,5	194,5	196,6	198,7
74	193,7	200,8	203,9	235,2	207,5	209,8	212,2
75	212,2	214,6	217,1	219,5	222,2	224,8	227,5
76	227,5	244,7	213.0	235,9	234,9	241,9	245,0
77	245,0	244,1	251.3	254,6	258,0	261,5	265,1
78	265,1	264,7	272,5	273,3	261,3	284,4	288,5
79	233,5	292,8	297,2	3J1,7	916,4	311,2	316,1

(A").—Valores aproximados de pn.—Tabla complementaria de la anterior.

12	•	8	81	83	88	\$	-	88	88	8	8 8	8 8
		<u></u>		_	8			_	<u>~</u>		<u></u>	
60′	•	49	30,	19,	83,	46,5		88,	14,(8	24.6	% 1
		ro	9	_	œ	6		11	14	18	**	22
50′	=	43,3	22,3	10,5	11,6	33,9		18,3	43,7	23,0	6,7	49,2
16)	`	ເດ	9	_	∞	6		1	13	17	æ	83
40′	=	37,6	21,5	1,7	0,3	16,0		58,6	15,0	40,7	35,6	52,3
4	_	ນ	ဗ	-	œ	6		10	13	16	18	8
30′	"	32,0	8,4	53,3	49,5	1,9	<u> </u>	39,6	48,3	6,0	50,9	3,5
		10	9	٥	7	6		10	15	16	8	88
20,	"	26,55	1,8	45,1	39,2	48,4		2,12	23,7	23,4	51,9	22,7
CN	_	70	မ	9	1-	∞		10	13	15	19	Z
10,	:	21,3	55,4	37,2	29,5	35,6		3,3	7,0	47,8	58,0	49,8
	_	ıo	ıo	9	~	œ		10	12	14	18	R
ò	"	16,2	49,3	29,6	19,7	23,3		46,5	38,9	14,6	9,8	24,6
	`	വ	10	9	_	œ		6.	11	14	18	22
18	°	8	8	85	83	ळ		£	88	87	8 8	%

II. ... Tablas de refraccion, basades en la formula de Bradley.

(B').—Logaritmos de T.—Argumento: t.

~~ ·				_
0,0	255 255 255 255 255 255 255 255 255 255	SESSE SESSE	E CENTRAL PROPERTY OF THE PROP	T. STUTE
0°,8	1701 1655 1655 1656 175 8174 8178	25.00 E	2002	State .
7,00	¥555	3765 3596 360 300 300 300 300 300 300 300 300 30	82 28 28 82 28 28 82 28 25 82 28 25 83 25 83 83 83 83 83 83 83 83 84 84 84 84 84 84 84 84 84 84 84 84 84	8016
9,00	4467 4467 4467 4467 4467 4467 4467 4467	955 955 955 111	25.55.55 25.55.55 25.55.55 25.	RISS
0°,5	24448	2000 2000 2000 2000 2000 2000 2000 200	25.52 25.52 25.52 55.53	20.4
0,4	4452 4453 450 8051 8051	9847 9847 9479 8411 8455	28.23.2 28.23.	1. P. S. J.
0°,3	######################################	98.55 98.55 98.55 98.55 98.55 98.55	8 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2	100
0,2	4518 4255 4255 8917	2687 2687 2512 2345 3178	2012 23445 2381 2516 2552	2180
0°,1	4581 4410 4238 4 769 3903	3866 3729 3529 3361 3194	200 200 200 200 200 200 200 200 200 200	2000 2000 2000
0,0	3.14584 14393 14322 14032 13983	3,13%53 19714 13714 13546 13211	8.18745 12878 12714 12749 12385	8.12282
4.3	4.0004~d	+	600700a †	2:

261	10776	0360	0744	0728	07113	0397	1860	0635	0653	0384
+ ଅସଞ୍ଜୟ	8.10618 10460 1:333 10147 09991	0672 0444 0287 0131 9975	0386 0429 0272 0116 996)	0571 0413 0256 0103 9944	0555 0397 0241 0335 9929	0539 0282 0225 0039 9913	0523 0366 02)9 0)53 9897	0577 0350 0194 0138 9382	0492 0334 0178 0.782 9866	0476 0319 0163 9391 9851
+ \$%7%8	3.09835 09683 09528 09528 09372 09218	9819 9335 9511 9357 9203	9804 9349 9495 9341	9788 9634 9480 9326 9172	9773 9318 9464 9310 9157	9758 9303 9449 9295 9142	9742 9583 9434 9280 9126	9725 9572 9418 9264 9111	9711 9557 94)3 9249 9093	9696 9541 9233 908)
+	3.09035 08913 08761 08609 08458	9051 8893 8746 8594 8443	9335 8833 8731 8579	9319 8887 8715 8564 8413	8852 8700 8549 8398	8889 8887 8533 8533	8374 8822 8570 8518 8338	88577 88577 85077 8508 8508	8943 8791 8639 8483 8333	8928 8776 8524 8473 8323
+ %%2%%4	3.083.8 03158 08008 07859 07710	8238 7898 7898 7894 7894	8278 8128 8767 8257 8357	8263 8113 7963 7814 7666	8248 8298 7948 7651	8283 8083 7983 7655	8218 8038 7919 7777 7621	8203 8053 7904 7603	8188 838 7783 7740 752	81.78 8023 7874 7767

352

III.—Table para facilitar el cálculo de la HORA
por alturas correspondientes del Sol.

2:	C	,		in .	2	
	log A	log B	log A	logB	log A	logB
0 2 4 6 8	1.4759 4759 4759 4750 4087 4060	1.4059 4059 4059 4059 4059	1.4072 4973 4774 4774 4774 4375	1,4734 4733 4031 4729 4027	1,4109 4111 4113 4114 4116	1.3959 9955 9953 9948 9944
10 12 14 16 18	1.4961 4961 4961 4961 4961	1,4159 4168 4168 4168 4158 4158 4057	1.4776 4777 4778 4779 4283	1.4725 4723 4021 4019 4017	1.4118 4120 4121 4123 4125	I.3941 3937 3933 3989 3925
20 22 24 26 28	1,4061 4061 4001 4002 4062	1.4757 4753 4055 4055 4054	1.4981 4183 4184 4065 4096	1,4915 4913 4919 4908 4006	1.4127 4129 4131 4133 4135	1,3921 3917 3313 3939 3905
36 32 34 36 38	1,4042 4043 4063 4064 1064	1,4953 4952 4951 4960 4949	1.4087 4389 4391 4091 4093	1.4773 4/11 3993 3995 3903	1.4137 4139 4141 4144 4145	1,3900 3496 3492 3487 3832
47 42 44 48 48	1.4765 4935 4395 4037 4067	1.4049 4:147 4:146 4:145 4:143	1,4094 4 195 4 197 4098 410.)	1,3993 3987 3984 3981 3978	1.4148 4151 4152 4155 4157	1.9878 9373 9348 9343 9859
54 54 56 56 58 60	1,4068 4,149 4089 4070 4071 4072	1,4949 4741 4733 4934 4934 4934	1,4101 4103 4104 4105 41 7 4109	1,3975 3972 3969 3965 3393 8959	1,4159 4162 4164 4167 4167 4167	1.3854 8349 3339 9333 9328

353
III.—Tabla para facilitar el cálculo de la HORA
por alturas correspondientes del Sol.

2 t		3 ^h	4	, h	5 h		
	logA	log B	log A	log B	log A	log B	
0 ^m 2 4 6 8	1.4172 4174 4177 4179	1 3828 3822 3817 3811	1.4260 4233 4266 4270	1.3635 3427 3620 3612	1.4374 4378 4383 4387	1.3367 3358 3348 3337	
10 12 14 16 18	1.4184 4187 4193 4193 4195	3836 1.3833 3794 3739 3783 3777	4273 	3604 1.3596 3538 3580 3572 3564	4391 1.4396 4400 4405 4409 4414	3327 1.3316 3305 3294 3283 3272	
27 22 24 23 24 25 28	1.4198 42.)1 42.)1 42.)7 42.)7	1.8771 3765 3759 3752 3746	1.4295 4299 43.72 43.75 4310	1.3555 3547 3538 353) 3521	1.4418 4423 4427 4432 4437	1.3261 3249 3233 3226 3214	
37 32 34 36 38	1.4212 4215 4218 4221 4224	1.3741 3733 3727 3721 3713	1.4314 4317 4321 4325 4329	1.3512 3573 3494 3485 3476	1.4441 4446 4451 4456 4460	1.32)3 3191 3178 3166 3154	
40 42 44 46 48	- 1.4227 4231 4234 4237 4240	1.37)7 370) 3693 3686 3679	1,4333 4337 4341 4345 4349	1.3467 3457 3448 3433 3429	1.4465 4470 4475 4480 4485	1.3142 3127 3116 3103 3091	
50 52 54 56 58 60	1.4243 4246 4250 4253 4253 4260	1.3672 9935 9357 9357 9343 3635	1.4353 4357 4361 4363 4373 4374	1.3419 3409 3399 3389 3379 3369	1.4490 4495 4500 4505 4510 4515	1.3078 3064 3051 3038 3024 3010	

354
III.—Table pera focilitar el calculo de la HORA
por alturas correspondientes del fiol.

21		3 th	1	7 ^b	8 ^h	
	logA	log B	log A	log B	LogA	log B
0 ¹⁰ 24 4 6 8	1.4515 4521 4521 4531	1,301) 29,56 29,53 29,53 29,54	1.4%5 4501 4507 47 H 4713	1,259) 2511 2493 2473 2454	1 4844 4343 4899 4913	1.1874 1849 1822 1793 1769
10 12 14 16 18	7.4548 4547 4562 4563 4663	1,294) 2925 2,011 28,01 2881	1 4714 4723 4729 4735 4742	1 2434 2415 2395 2375 2375 2355	1.4021 4928 4935 4943 4953	1 1749 1715 1687 1659 1633
2) 22 24 24 24 28	1.4569 4574 458) 4545 4501	1 2876 285) 2845 2819 2834	1.4748 4755 4741 4748 4774	1,2334 2313 2293 2271 225)	1,4058 4955 4073 4981 4988	1 1612 1573 1543 1513 1483
3) 32 34 36 33	1,4597 4512 51 8 4514 4520	1,27% 2772 2754 2754 2749 2723	1 4781 4783 4784 4831 4833	1 2328 22) 3 2184 21/12 214)	1.4996 5 173 5 111 5 119 5 327	1.1453 1422 1393 1359 1327
40 42 44 41 48	1.4325 4531 4337 4343 4349	1,27 m 26-0 2073 2655 2538	1,4815 4921 4928 4335 4842	1,2117 2 94 2 17 1 2 147 2 123	1,5735 5 143 5 16 1 4,69 5 165	1,1294 1931 1228 1194 1159
5) 53 54 56 58 60	1.4655 4911 4677 4673 4679 4686	1,992) 2612 2544 2563 2544 2530	1,4849 4856 4813 4873 4877 4884	1,1090 1974 1951 1925 191) 1974	1.5174 5142 5191 5199 5117 5115	1.1194 1 189 1 054 1 117 0941 0943

355
III.—Table para facilitar el cálculo de la HORA
por alturas correspondientes del Sol.

_							
21	9 ^b		IOµ		n _p		
}	logA	log B	logA	log B	logA	logB	
)m	1,5113	1 0048	1.5479	2.95 \9	1.5090	2.6837	
22	5183	0976	5389	9447	5001	6701	
4	5132	0847	5398	9384	5701	6550	
6	514)	0828	5408	9320	5702	6414	
8	5148	0780	5417	9254	5723	6262	
17	1.5157	1.0749	1,5427	2.9187	1.5731	2.61)3	
12	51%5	07 8	5436	9118	5745	3637	
14	6174	0667	5446	9148	5756	5764	
16	5182	0625	5456	8077	5757	5583	
18	5191	0583	5460	8903	5778	5392	
20	1,5199	1,0540	1.5475	2.8829	1.57%9	2 5192	
22	5208	0496	5485	8762	58 V)	4981	
24	5217	0452	5495	8974	5811	4758	
26	5225	0456	5505	8594	5822	4521	
28	5234	0360	55.5	8512	5834	4270	
30	1,5243	1.9314	1.5625	2.8427	1.5845	2,4701	
32	5252	0236	5535	8341	5856	8713	
34	5261	0218	5545	8253	5864	8408	
35	5261	0169	5555	8162	5879	9067	
38	5278	0119	5565	8068	5891	2701	
41)	1,5287	1,0969	1,5576	2,7972	7.5902	7.2299	
42	5296	0017	5586	7-973	5014	1853	
44	5315	2,9965	5596	7772	5020	1354	
45	5315	9911	5636	7488	5087	0785	
48	5324	9857	5637	7560	5049	0128	
50 52 54 56 56 58 60	1,5333 5948 5351 5361 5370 5379	2.9872 9745 9646 9610 9577 9509	1.5427 5438 5449 5359 5469 5680	2.7449 7335 7217 7094 6068 6837	2,5061 5979 5985 5997 6039 6021	9.0948 6301 7154 5405 2407	

356 Tabla IV.—Logaritmos de μ.—Argumento : t.

t = o	logµ	t= 0°	logµ	1=	logµ	1"	jog p
08	00	30 ⁵	1.09097	028	0,29333	80 ^h	0.64521
1	4,73673	81	71945	1	30739	91	65481
2	9,33879	92	74703	2	92 151	32	68431
8	3.69097	33	77976	3	83541	33	67370
4	3.94085	34	79068	4	84900	34	68299
5	2.13437	35	82483	5	36255	95	69218
ß	29303	36	84933	6	37591	36	70127
7	42692	97	87313	7	38888	107	71027
В	54291	98	89329	8	40174	38	71918
9	64521	89	91883	9	41442	39	72800
10	2,79873	40	1.94086	10	0,42692	40	0.73678
11	81951	41	93229	11	49925	41	74537
12	89509	42	98323	12	45140	42	75393
18	96461	43	0.00383	13	46338	49	70240
14	1.02898	44	02353	14	47519	44	77080
15	0.3891	45	04315	15	48583	45	77911
16	14497	46	03224	16	49836		78734
17	19763	47	\$46090	17	50971	47	79550
18	24727	18	09921	18	52092	48	6 3358
19	29423	49	11712	19	53198	49	81158
20	1.33879	50	0.13467	20	0,54291	59	0,81952
21	39117	51	15187	21	55370	51	82738
22	42157	52	16873	22	56496	52	83317
28	4601a	58	18528	23	57483	53	84298
24	49715	54	20151	24	58529	54	85353
25	53261	35	21745	25	59557		85612
26	56367	56	20310	26	6)573	58	83564
27	59945	57	21848	27	61577	57	87310
28	63104	58	26358	28	62570	58	89349
29	56152	59	27843	29	63551	59	
90	07097	60	29303	30	64521	60	89509

357

Tabla IV.—Legaritmos de μ —Argumento : t.

1 90230 81 09468 1 25208 31 38 2 90945 32 10042 2 25687 32 36 3 91634 33 10611 3 26163 33 35 4 92357 34 11177 4 26636 34 36 5 0.93055 35 1.11739 5 1.27107 35 1.46 6 93747 96 12298 6 27575 36 40 7 94434 37 12853 7 28041 37 40 8 95115 38 13404 8 28504 38 41 9 95791 39 13952 9 28965 39 41 10 0.9462 40 1.14497 10 1.29423 40 1.42 11 97788 42 15578 12 30332 42 <	t — 2 ^m	logμ	t = 2 m	logµ	8 ^m	logµ	$\begin{bmatrix} t = 3^m \end{bmatrix}$	logµ
1 90945 32 10042 2 25687 32 36 8 91654 33 10611 3 26163 33 35 4 92357 34 11177 4 26636 34 36 5 0.93055 35 1.11739 5 1.27107 35 1.40 6 93747 36 12298 6 27575 36 40 7 94434 37 12853 7 28041 37 40 8 95115 38 13404 8 28504 38 41 9 95791 39 13952 9 28965 39 41 10 0.96462 40 1.14497 10 1.29423 40 1.42 11 971788 42 15576 12 30332 42 42 12 97788 42 15576 12 30332 42	0 ⁸	0.89509	80°s	1.08891	08	1.24727	30 ^s	1.38116
4 92357 34 11177 4 26636 34 38 5 0.93055 95 1.11739 5 1.27107 35 1.40 6 93747 96 12298 6 27575 36 40 7 94434 37 12853 7 28041 37 40 8 95115 38 13404 8 28504 38 41 9 95791 39 13952 9 28965 39 41 10 0.9462 40 1.14497 10 1.29423 40 1.42 11 97127 41 15 38 11 29879 41 42 12 97788 42 15576 12 30332 42 42 13 98443 43 16110 13 3.783 43 44 14 99094 44 16641 14 31232 44 44 16 1.00331 46 17694 16 32123 4	1		81	09468	1	25208	31	38529
4 92357 34 11177 4 26636 34 36 5 0.93055 35 1.11739 5 1.27107 35 1.46 6 93747 36 12298 6 27575 36 40 7 94434 37 12853 7 28041 37 40 8 95115 38 13404 8 28504 38 41 9 95791 39 13952 9 28965 39 41 10 0.9462 40 1.14497 10 1.29423 40 1.42 11 97127 41 15 38 11 29879 41 42 12 97788 42 15576 12 30332 42 42 13 98443 43 16110 13 3.783 43 44 14 99094 44 16641 14 31232 44	2				2		32	38940
5 0.93055 35 1.11739 5 1.27107 35 1.40 6 93747 36 12298 6 27575 36 40 7 94434 37 12853 7 28041 37 40 8 95115 38 13404 8 28504 38 41 9 95791 39 13952 9 28965 39 41 10 0.96462 40 1.14497 10 1.29423 40 1.42 11 97127 41 15 38 11 29879 41 42 12 97788 42 15576 12 30332 42 42 13 98443 43 16110 13 33783 43 44 14 99094 44 16641 14 31232 44 45 15 0.99740 45 1.17169 15 1.31679 45	8				3			39348
6 93747 96 12298 6 27575 36 40 7 94434 87 12853 7 28041 37 40 8 95115 38 13404 8 28504 38 41 9 95791 39 13952 9 28965 39 41 10 0.96462 40 1.14497 10 1.29423 40 1.42 11 97127 41 15 38 11 29879 41 42 12 97788 42 15576 12 30332 42 42 13 98443 43 16110 13 3.783 43 45 14 99094 44 16641 14 31232 44 43 15 0.99740 45 1.17169 15 1.31679 45 1.44 16 1.00381 46 17694 16 32123 46 </th <th>4</th> <th>92357</th> <th>34</th> <th>11177</th> <th>4</th> <th>26636</th> <th>34</th> <th>39755</th>	4	92357	34	11177	4	26636	34	39755
10 0.98462 40 1.14497 10 1.29423 40 1.42 11 97127 41 1538 11 29879 41 42 12 97788 42 15576 12 30332 42 42 13 98443 43 16110 13 3.7783 43 43 14 99094 44 16641 14 31232 44 43 15 0.99740 45 1.17169 15 1.31679 45 1.44 16 1.00381 46 17694 16 32123 46 44 17 01017 47 18216 17 32566 47 44 18 01649 48 18735 18 33306 48 45 19 02276 49 19250 19 33431 49 45 20 1.02898 50 1.19762 20 1.33878 50 1.46 21 03517 51 20271 21 3	5				5		35	1.40160
10 0.98462 40 1.14497 10 1.29423 40 1.42 11 97127 41 1538 11 29879 41 42 12 97788 42 15576 12 30332 42 42 13 98443 43 16110 13 3.7783 43 43 14 99094 44 16641 14 31232 44 43 15 0.99740 45 1.17169 15 1.31679 45 1.44 16 1.00381 46 17694 16 32123 46 44 17 01017 47 18216 17 32566 47 44 18 01649 48 18735 18 33306 48 45 19 02276 49 19250 19 33431 49 45 20 1.02898 50 1.19762 20 1.33878 50 1.46 21 03517 51 20271 21 3	6				6		36	40563
10 0.98462 40 1.14497 10 1.29423 40 1.42 11 97127 41 1538 11 29879 41 42 12 97788 42 15576 12 30332 42 42 13 98443 43 16110 13 3.7783 43 43 14 99094 44 16641 14 31232 44 43 15 0.99740 45 1.17169 15 1.31679 45 1.44 16 1.00381 46 17694 16 32123 46 44 17 01017 47 18216 17 32566 47 44 18 01649 48 18735 18 33306 48 45 19 02276 49 19250 19 33431 49 45 20 1.02898 50 1.19762 20 1.33878 50 1.46 21 03517 51 20271 21 3	7				7			40964
10 0.98462 40 1.14497 10 1.29423 40 1.42 11 97127 41 1538 11 29879 41 42 12 97788 42 15576 12 30332 42 42 13 98443 43 16110 13 3.7783 43 43 14 99094 44 16641 14 31232 44 43 15 0.99740 45 1.17169 15 1.31679 45 1.44 16 1.00381 46 17694 16 32123 46 44 17 01017 47 18216 17 32566 47 44 18 01649 48 18735 18 33306 48 45 19 02276 49 19250 19 33431 49 45 20 1.02898 50 1.19762 20 1.33878 50 1.46 21 03517 51 20271 21 3	8		38		8		38	41364
11 97127 41 15 38 11 29879 41 42 12 97788 42 15576 12 30332 42 42 13 98443 43 16110 13 3783 43 43 14 99094 44 16641 14 31232 44 43 15 0.99740 45 1.17169 15 1.31679 45 1.44 16 1.00381 46 17694 16 32123 46 44 17 01017 47 18216 17 32566 47 44 18 01649 48 18735 18 33306 48 45 19 02276 49 19250 19 33443 49 45 20 1.02898 50 1.19762 20 1.33878 50 1.49 22 04131 52 20778 22 34743 52 46 23 04740 53 21281 23 35172	9	95791	39	13952	9	28965	39	41761
11 97127 41 15 38 11 29879 41 42 12 97788 42 15576 12 30332 42 42 13 98443 43 16110 13 3783 43 43 14 99394 44 16641 14 31232 44 43 15 0.99740 45 1.17169 15 1.31679 45 1.44 16 1.00381 46 17694 16 32123 46 44 17 01017 47 18216 17 32566 47 44 18 01649 48 18735 18 33306 48 45 19 02276 49 19250 19 33443 49 45 20 1.02898 50 1.19762 20 1.33878 50 1.49 22 04131 52 20778 22 34743 52 46 23 04740 53 21281 23 35172	10	0.96462	40	1.14497	10	1,29423	40	1.42157
12 97788 42 15576 12 30332 42 42 13 98443 43 16110 13 30783 43 43 14 99094 44 16641 14 31232 44 43 15 0.99740 45 1.17169 15 1.31679 45 1.44 16 1.00381 46 17694 16 32123 46 44 17 01017 47 18216 17 32566 47 44 18 01649 48 18735 18 33006 48 45 19 02276 49 19250 19 3343 49 45 20 1.02898 50 1.19762 20 1.33878 50 1.46 21 03517 51 20271 21 34311 51 46 22 04181 52 20778 22 34743 52 46 23 04740 53 21281 23 35172	iii							42551
13 98443 43 16110 13 3783 43 48 14 99394 44 16641 14 31232 44 43 15 0.99740 45 1.17169 15 1.31679 45 1.44 16 1.00381 46 17694 16 32123 46 44 17 01017 47 18216 17 32566 47 44 18 01649 48 18735 18 33736 48 45 19 02276 49 19250 19 33433 49 45 20 1.02898 50 1.19762 20 1.33878 50 1.46 21 03517 51 20271 21 34311 51 46 22 04181 52 20778 22 34743 52 46 23 04740 53 21281 23 35172 <								42943
14 99094 44 16641 14 31232 44 43 15 0.99740 45 1.17169 15 1.31679 45 1.44 16 1.00381 46 17694 16 32123 46 44 17 01017 47 18216 17 32566 47 44 18 01649 48 18735 18 3306 48 45 19 02276 49 19250 19 33143 49 45 20 1.02898 50 1.19762 20 1.33878 50 1.46 21 03517 51 20271 21 34311 51 46 22 04181 52 20778 22 34743 52 46 23 04740 53 21281 23 35172 53 47 24 05345 54 21782 24 35598 <							43	43383
16 1.00331 46 17694 16 32123 46 44 17 01017 47 18216 17 32566 47 44 18 01649 48 18735 18 33706 48 45 19 02276 49 19250 19 33443 49 45 20 1.02898 50 1.19762 20 1.33878 50 1.46 21 03517 51 20271 21 34311 51 46 22 04181 52 20778 22 34743 52 46 23 04740 53 21281 23 35172 53 47 24 05345 54 21782 24 35598 54 47	14	99094	44	16641		31232		43722
16 1.00381 46 17694 16 32123 46 44 17 01017 47 18216 17 32566 47 44 18 01649 48 18735 18 33306 48 45 19 02276 49 19250 19 3343 49 45 20 1.02898 50 1.19762 20 1.33878 50 1.46 21 03517 51 20271 21 34311 51 46 22 04181 52 20778 22 34743 52 46 23 04740 53 21281 23 35172 53 47 24 05345 54 21782 24 35598 54 47	15	0.99740	45	1.17169	15	1.31679	45	1.44109
17 01017 47 18216 17 32566 47 44 18 01649 48 18735 18 3306 48 45 19 02276 49 19250 19 33443 49 45 20 1.02898 50 1.19762 20 1.33878 50 1.44 21 03517 51 20271 21 34311 51 46 22 04181 52 20778 22 34743 52 46 23 04740 53 21281 23 35172 53 47 24 05345 54 21782 24 35598 54 47	16	1,00331		17694	16		46	44494
19 02276 49 19250 19 33143 49 45 20 1.02898 50 1.19762 20 1.33878 50 1.44 21 03517 51 20271 21 34311 51 46 22 04131 52 20778 22 34743 52 46 23 04740 53 21281 23 35172 53 47 24 05345 54 21782 24 35598 54 47	17	01017			17	32566	47	44877
20 1.02898 50 1.19762 20 1.33878 50 1.46 21 03517 51 20271 21 34311 51 46 22 04181 52 20778 22 34743 52 46 23 04740 53 21281 23 35172 53 47 24 05345 54 21782 24 35598 54 47	18							45259
21 03517 51 20271 21 34311 51 46 22 04181 52 20778 22 34743 52 46 23 04740 53 21281 23 35172 53 47 24 05345 54 21782 24 35598 54 47	19	02276	49	19250	19	33443	49	45639
21 03517 51 20271 21 34311 51 46 22 04181 52 20778 22 34743 52 46 23 04740 53 21281 23 35172 53 47 24 05345 54 21782 24 35598 54 47	20	1.02898	50	1.19762	20	1.33878	50	1.43018
22 04181 52 20778 22 34743 52 46 23 04740 53 21281 23 35172 53 47 24 05345 54 21782 24 35598 54 47	21	03517		20271	21	34311	51	46395
24 05345 54 21782 24 35598 54 47	22		52		22			46770
	23				23		53	47143
25 1.05946 55 1.22280 25 1.36022 55 1.47 26 06543 56 22775 26 36445 56 48 27 07136 57 23267 27 36368 57 48	24	05345	54	21782	24	35598	54	47515
26 06543 56 22775 26 36445 56 48 27 07136 57 23967 97 36368 57 48	25	1.05946	55	1.22280	25		55	1.47886
 97 07136 57 92967 97 9696 6 57 . 49	26	06543	56		26		56	48255
	27	07136	57	23267	27	36866	57	48622
28 07725 58 23756 28 37285 58 48 29 08310 59 24243 29 37702 59 49	28	07725	58		28	37285	58	48988
29 08310 59 24243 29 37702 59 49	29	08310			29	37702	59	49352
30 08891 60 24727 30 38116 60 49	80	08891	60	24727	30	38116	60	49714

358
Tabla IV.—Logaritmos de µ—Argumento : f.

t = 4"	log µ	t == 4 ^m	log µ	t == 5 ^m	log µ	t	log µ
0 ⁵ 1 2 8 4	1.49714 50)76 53435 59793 6115)	90 ⁸ 31 32 89 94	1,59915 61263 61583 60001 61222	0 ⁹ 1 2 3 4	1.60193 69345 62673 69360 7 (243	30 ⁵ 31 32 33 34	1.77373 77631 77838 7816) 7842)
5 d 7 8 9	1,515/15 51859 52911 525/92 52912	35 36 37 34 39	1.61538 61854 62168 62481 6279J	5 6 7 8 9	1.70531 70315 71 199 71382 71663	35 26 37 36 39	1,78583 78338 79197 79454 79710
10 11 12 18 14	1.5926) 53607 53952 54296 54639	40 43 42 49 44	1.63103 03413 63722 64929 64335	10 11 12 13 14	1.71944 72223 72532 7278) 73357	40 41 42 43 44	1.79967 87221 8 1476 8 1729 80382
15 16 17 18 19	1,54989 55320 55650 55993 53332	45 46 47 48 49	1,64641 64945 65918 65550 6585.	15 16 17 18 19	1 73333 736 18 738-3 74157 71429	45 46 47 48 49	1.81234 81493 81733 81963 82235
20 21 22 23 24	1 50 567 57 10) 57 392 57 983 57 983	59 51 52 53 54	1,63151 1645-0 64748 67745 67745 67341	2) 21 22 23 24	1.74701 74972 75242 7 511 75780	50 51 52 53 54	1.82484 62732 82973 83225 83471
25 26 27 24 29 3)	1.58321 58444 58971 50299 50022 50015	55 58 57 58 59 50	67631 6781, 68223 68517 6833 69033	25 26 27 28 29 30	1.76048 76314 76381 76381 77346 77110 77373	55 56 57 58 59 60	1.83716 83930 84234 84447 84630 84931

359

Tabla IV.—Logaritmos de μ —Argumento : t.

	log µ	$b = 6^{m}$	log µ	7 m	log μ	<i>t</i> = 7 ^m	log µ
0 ⁸ 1 2 3 4	1.84931 85172 85412 85351 8589J	3) ⁸ 31 32 33 34	1.91833 921.5 92327 92548 92739	0 ⁸ 1 2 3 4	1.98323 98523 98732 98937 99142	3) ⁸ 31 32 33 34	2.04311 045)4 04397 04388 05383
5 6 7 8 9	1.83129 8;3;3; 8;4)3 8;84) 87075	35 36 37 38 39	1.9299) 932.)9 93428 93643 93834	5 6 7 8 9	1.99347 99551 99755 99958 2.00161	34 33 37 38 39	2.95271 05432 05352 05842 03031
10 11 12 13 14	1.87310 87545 87779 88)12 83244	4) 41 42 43 44	1 94332 94299 94515 94731 94943	10 11 12 13 14	2.03333 0 0535 0 0763 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0	40 41 42 43 44	2,03221 1)3439 03537 03785 03972
15 16 17 18 19	1.88473 88738 88338 83163 89398	45 46 47 48 49	1.95161 95375 95383 95832 95832 95014	15 13 17 18 19	2.01337 01536 01765 01934 02162	45 46 47 48 49	2.07159 07346 07532 07718 07903
27 21 22 23 24	1.896 ² 7 89855 91133 91314 93533	5) 51 52 53 54	1.96226 96433 93349 93833 97373	27 21 22 23 24	2.9236) 02557 02763 0295) 03146	57 51 52 53 54	2.08188 08273 08457 03341 08824
25 26 27 28 29 3)	1.9)762 9)987 91212 91433 91633 91883	55 56 57 53 59 6)	1.97279 97483 97397 979)5 98112 98323	25 23 27 28 29 30	2.03341 03533 0373) 03924 04118 04311		2.09777 09191 09372 09554 09735 09917

360
Table IV.—Logaritmos de μ—Argumento : f.

\$™	log-tr	8 ^{tu}	log µ	t — 8"	log μ	t == 9	ag gol
0°	2,09017 10098 10278 10458 10337	30° 31 32 33 34	2,15189 15352 15622 15691 1566)	0 ^k 1 2 3 4	2.20146 20397 21467 21627 20787	30 ⁸ 31 32 33 34	2,94648 24994 25146 27297 25449
5 6 7 8 9	2,10817 10995 11174 11352 11533	95 86 87 88 89	2.16729 16196 16366 16534 16731	5 6 7 8 9	2.20046 21106 21264 21423 21581	36 96 87 38 39	2,25400 25751 25002 26052 26202
110 113 133 14	2.11707 11684 12031 12237 12413	4) 41 42 43 44	2,16868 17135 17212 17368 17534	17 11 12 13 14	2,21739 21897 22155 22212 22369	40 41 43	2.26352 26301 26351 26800 26949
15 16 17 18 19	2.12589 12764 12939 13114 13288	45 46 47 48 49	2.17717 17865 18330 18194 18353	15 16 17 18 19	2.22525 22682 22638 22994 2315)	46 47 48 49	2,27097 27246 27394 27542 27689
20 21 22 23 24	2.13462 13635 13819 13982 14154	50) 51 52 53 54	2,18523 18687 1865) 19713 19176	21 21 22 23 24	2,23304 23450 23414 23708 23722	50 51 52 53 54	2.27836 27963 28187 28277 28423
25 26 27 28 29 30	2,14326 14496 1467) 14841 15011 15182	55 56 57 58 59 60	2.19338 1951) 19632 19824 19985 20145	25 26 27 23 29 3)	2.24776 2423) 24383 24534 24689 24842	55 56 57 58 59 60	2.285/9 2871/5 28661 2971/6 291/51 28296

361
Tabla IV.—Logaritmos de μ—Argumento : t.

log μ	t == 10 ^m	log µ	t == 11°	log μ	t — 11 m	log μ
2.29296 29441 29583 2973) 29874	30 ⁸ 31 32 33 34	2.33534 33+71 83809 33946 34083	0 ⁸ 1 2 3 4	2.37574 37705 37836 37967 38098	30 ⁸ 31 32 33 34	2.41434 4156:) 41685 41811 41936
37717 37161 37374 37447 37537	35 36 37 38 39	2.34227 34357 34493 34737 34736	5 6 7 8 9	2.38229 38360 38490 38619 38749	35 36 37 38 38 39	2.42061 42183 42310 42435 42553
3.37732 3.874 31016 31158 31333	40 41 42 43 44	2.34911 35137 35172 35307 35442	10 11 12 13 14	2.38879 39009 39138 39267 39396	40 41 42 43 44	2.42383 42877 42331 43355 43178
3.31441 31532 31723 31864 32334	45 46 47 48 49	2.35577 35712 35846 35980 36114	15 16 17 18	2.39525 39654 39782 39910 40338	45 46 47 48 49	2.433)2 43425 43548 43570 43793
3.32144 32284 32424 32533	50 51 52 53	2.36248 36381 36515 3648	20 21 22 23	2.49166 49294 40421 40548	50 51 52 53	2.43915 44.37 44159 44281 44403
3.32842 32980 33119 33258 33395	55 56 57 58 59	2.96913 37046 37178 37310 37442	25 26 27 28 29	2.47802 47929 41055 41181 41307	55 56 57 58 59	2.44525 44646 44767 44888 45109 45130
	29296 29441 29583 2973) 29874 30161 30304 30447 30590 23732 30874 31916 31158 31916 31158 31300 231441 31532 31723 31864 32004 32004 32004 32004 32004 32004 32004 32004 32004 32004 32004 32004 32000 32000 33000 300000 300000 30000 30000 30000 30000 30000 30000 30000 300000 30	108 µ 2.29296 29441 29583 2973) 29874 34 3.3717 35 39161 36 31374 37 31447 38 31532 40 41 31016 42 31158 43 3130) 44 2.31441 45 31532 46 31723 47 31864 32,04 49 2.32144 50 32284 51 32284 5253 53 32703 54 3.32842 55 32980 58 33995 59	108 μ 2.29296 2.9441 2.9583 2.93534 2.9874 34 33,3717 35 3,3161 36 3,3732 3,37	108 p. 108 p. 108 p. 118 2.29296	10g μ 10g μ 11m 10g μ 2.29296 30s 2.33534 0s 2.37574 29441 31 33+71 1 37705 29583 32 33809 2 37896 2973) 33 33946 3 37967 29874 34 34083 4 38098 33717 35 2.3422) 5 2.38229 30161 36 34357 6 38360 31447 38 3493) 7 3849) 31447 38 3493) 8 38619 33732 40 2.34911 10 2.38879 315874 41 35377 11 39009 3158 43 35307 13 39267 3158 43 35307 13 39267 3158 43 35712 16 39782 31584 47 35866 17 39782	10g μ 10g μ 11m 10g μ 11m 2.29296 30s 2.33534 0s 2.37574 30s 2.9441 31 33+71 1 37705 31 2.9583 32 33809 2 37896 32 2.9731 33 33946 3 37967 33 2.9874 34 34083 4 38008 34 3.3717 35 2.34220 5 2.38229 35 3.3161 36 34357 6 38360 36 3.3144 37 34493 7 38490 37 3.3447 38 34730 8 38619 38 3.37732 40 2.34901 10 2.38879 40 3.3153 42 35172 12 39138 42 31158 43 35907 13 39267 43 31334 45 35712 16 39654

362
Tabla IV.—Logaritmos do μ.—Argumento : t.

t == 12°	log µ	124	logµ	t == 13 [™]	log µ	t == 13 [™]	logµ
0 ^S	2,4513) 45250 45371 45491 45611	30 ⁸ 31 32 33 84	2,48675 48790 48306 49021 49136	0 ⁸ 1 2 8 4	2,52081 52192 52333 52414 52525	91 ⁸ 81 82 33 34	2.55358 55465 55572 55479 55745
5 6 7 8	2,45731 4585) 4597) 45989 46209	35 36 87 38 39	2,49251 49393 49431 49596 49711	5 6 7 8 9	2.52635 52746 52456 52967 53077	85 36 87 84 89	2.55933 55992 53105 56311 53317
10 11 12 13 14	2,46328 46446 46565 46884 46802	40 41 42 43 44	2.49925 49939 50153 50167 50281	10 11 12 13 14	2,53187 53297 53416 53516 53625	41 42 43 44	2,56423 56529 56335 5674) 53843
15 16 17 18 19	2,46920 47036 47156 47274 47302	45 47 47 48 49	2,50394 50508 51321 50734 53847	15 14 17 18 19	2,53735 53844 53953 54932 5417)	45 46 47 48 49	2.53951 57.56 57161 57263 57371
2) 21 22 23 24	2,47519 47626 47743 47851 47977	51 51 52 53 54	2.59980 51073 5.185 5129# 51410	20 21 22 23 24	2,54279 54347 54496 546 14 54712	51 51 52 53 54	2.57476 57581 57385 57383 57383
25 2.1 27 28 29 3-1	2,49-94 4821) 48327 48443 48559 48675	55 53 57 59 59 60	2,51522 51634 51743 51858 51934 52081	25 26 27 24 29 80	2.54820 54928 55035 55143 55250 55358	55 56 57 58 59 60	2,57997 58101 58275 58173 58412 58516

363

Tabla IV.—Logaritmos de μ—Argumento : t.

		1	Π.	1	.		1.	1
Į Į		log µ	t	log µ	t=	log μ	t ==	log µ
1	4.0	ا ا	14 ^m	1.08 [15 ^m	108 6	15 ^m	108 1
		 	11					
Ħ	08	2.58516	3)s	2.61563	0,5	2.64576	37 ⁸	2.67353
ll	1	58319	31	61632	H 1	643)3	31	67449
	2 3	58722	32	61762	2 3 4	64639	32	67539
	8 4	58825	33	61861	3	64795	33	67633
H	4	58928	34	61931	4	64831	34	67726
	5	2.59031	35	2.62767	5	2.64987	35	2.67819
	5 6 7	59134	33	ri2159	6	65983	36	67912
	7	59233	37	62258	7	65179	37	68.))4
1	8 9	59339	38	62.357	8 9	65274	38	68 197
	8	59441	39	62456	9	65373	3 9	68189
	10	2.59543	40	2.62555	10	2.65463	4)	2.68282
	īi l	59645	41	62 554	liï	65561	41	68374
	12	59747	42	62752	12	65656	42	68466
	13	59349	4.3	6285)	$\tilde{13}$	65751	43	68558
]	14	59951	44	62949	14	65846	44	6835)
	15	2.60352	45	2.63)47	15	2.65941	45	2.68742
	16	6)154	43	63145	16	66)33	43	68334
	17	6)255	47	63243	17	66131	47	68926
1	18	60357	48	63341	18	6 225	48	69)18
	19	6.7458	49	63438	19	6632)	49	69109
	20	2.60559	50	2.63536	20	2.63414	5)	2.69271
	2ĭ	60363	51	63634	$\tilde{21}$	665.)9	51	63292
	21 22 23	6)730	52	63731	22	666)3	52	69383
	23	60831	53	63828	23	63697	53	69474
	24	6)931	54	63925	24	63791	54	69535
	25	2.61032	55	2.64022	25	2.67885	55	2.69653
	23	61162	56	64119	$\tilde{2}\tilde{3}$	63979	56	69747
	27	61263	57	64316	27	67)73	56 57	69838
	28	61363	58	64313	28	67163	58	69929
	25 23 27 28 29 29	61463	59	64410	29	6726)	59	7 1019
	<u> </u>	61562	6)_	64513	1 3)-	67353	6)	70110
						[-	l

361
Tabla IV,—Logaritmes de μ.—Argumento : t.

t ≈ 16°	log (t.	t= 16 ^m	log p.	t == 17°	log μ	17ª	log µ
0° 1 29 8 4	2.70110 7/12/10 7/1991 7/1381 7/17/1	3) ⁸ 81 82 83 84	2,72781 728-19 72957 73144 73192	0°	2.75373 75458 75543 75928 75713	30 ⁴ 31 32 33 34	2.77890 77973 78156 78138 78220
8 7 8 9	2.798d1 7.951 70741 7083) 70020	95 93 87 98 89	2,73219 733 16 73393 73480 78567	5 7 8 9	2 75798 75963 75967 76152 76196	35 95 87 38 39	2.78312 78345 78457 78549 78531
10	2,71010	41	2.73454	10	2.76220	40	2,78713
11	71099	41	7 (741	11	76324	41	78795
12	71198	42	73827	12	76388	42	78877
18	71278	43	78014	18	74472	48	78958
14	71307	44	74331	14	76556	44	79040
15	2.71456	45	2.74997	15	2.76340	45	2.79121
16	71545	46	74173	16	74724	46	79203
17	71694	47	74259	17	73838	47	79284
18	71723	48	74346	18	76892	48	79363
19	71811	49	74432	19	76976	49	79447
20	2,71900	51	2,7451 A	20	2.77 \59	50	2,79528
21	71949	51	746 14	21	77143	51	79619
22	72,077	52	7469 1	22	77224	52	79690
23	72,65	53	74775	23	77319	53	79771
24	72254	54	7481 (24	77392	54	79852
25	2 72342	55	2,74947	25	2.77476	55	2.79933
26	72430	56	75932	26	77559	56	83014
27	72518	57	75118	27	77842	57	80094
28	72606	58	75213	28	77724	58	80175
29	72694	59	75288	29	77877	59	80255
30	72781	60	75373	30	77800	60	80336

365
Tabla IV.—Logaritmos de μ—Argumento: t.

t — 18 ^m	log µ	t == 18 ^m	log µ	t == 19 ^m	logµ	t — 19 ^m	log µ
O _s	2.80336	308	2.82714	08	2.85729	30s	2.87284
	80416	31	82792	1	85105	81	87358
2	80496	32	8287.)	2	85181	32	87432
1 2 8 4	83579	33	82948	3 4	85257	83	873 18
4	80656	34	83326	4	85333	54	8758)
5	2.87733	35	2.83104	5	2.83419	33	2.87654
8	87816	33	83182	6	85485	36	87728
	80896	37	83230	7	85531	37	87872
56789	8 1976	88	83337	6 7 8 9	85333	38 39	87876 87949
9	81056	39	83414	9	83712	39	0/949
10	2.81135	40	2.83492	10	2.85787	40	2.88023
11	81215	41	83570	lii	85833	41	88096
12	81295	42	83348	12	85938	42	88170
13	81375	43	83725	13	83)14	43	88243
14	81454	44	83332	14	83389	44	88317
15	2.81533	45	2.83879	15	2.83164	45	2.88390
16	81612	49	8 3957	16	83239	49	88463
17	81691	47	84)34	17	83314	47	88536
18	81770	48	84111	18	83339	48	88610
19	81849	49	84188	19	83454	49	88683
20	2.81928	5)	2.84234	2)	2.83539	50	2.88756
21	82707	51	84341	21	83314	51	88828
22	82086	52	84418	22	83389	52	88901
23 24	82165	53	84495	23	83733	53	83974
24	82244	54	84571	24	83838	54	83047
23	2.82322	55	2.84348	25	2.83912	55	2.89119
23	824)1	53	84724	23	83937	59	89192
27	82479	57	848)1	27	87 131	57	89265
28 29	82558	58	84877	28	87133	58	89337
30 80	82436	59	84953	2)	87217	59	89410
ן טט	82714	6)	85)29	3)	87284	60	89482

366 Tabla IV.—Logaritmos de μ—Argumento : f.

t == 20™	log µ	t = 20 ^m	log µ	t= 21 ^{to}	log µ	t == 21°	log µ
0 ⁸ 1 2 3	2.89482 80754 80324 80338 60779	31 31 32 33 34	2.91 425 91896 91744 91837 91837	1 2 3 4	2 93717 93743 93855 93323 93332	3) ³ 31 38 33 34	2.95759 95827 95894 95961 95323
5 6 7 8	80014 80014 80014 80014	35 35 37 38 39	2,91977 92,434 92114 92146 92258	56789	2.94)31 94129 91193 94234 94335	85 36 37 38 89	95293 95293 95293 95332
10 11 12 18 14	2.9 1203 9 1274 9 1444 9 1417 9 1489	41 42 43 44	2 92928 92393 92458 97533 92433	10 11 12 13 14	2,94473 94471 94541 94119 94776	40 41 42 43 44	2.93429 95493 95733 95631 96996
15 16 17 18 19	2.90530 9332 9373 9374 9374 93845	45 47 48 49	2.92d77 02747 93417 92441 91951	15 16 17 18 19	2 94744 94812 94833 94948 95)16	45 40 47 48 49	2.96763 9 3429 9 3897 96962 97)28
21 21 22 23 24	2 9 1917 9 1388 91 158 91129 9120 1	51 52 53 54	2,93)2 3 93)0 1 93 144 9323 3 933)3	2) 21 22 23 24	2 95 184 951 72 95219 95287 95355	50 51 52 53 54	2,97195 97141 97227 97293 97350
25 28 27 28 29 30	2.91271 91342 91413 91484 91555 91625	55 57 57 54 59 60	2,93172 93441 9351) 93579 93348 93717	25 23 27 23 29 29 3)	2.95422 95493 95493 95457 95425 95730	55 53 57 58 59 60	2.97425 97491 97557 97623 97480 97755

367

Tabla IV.—Logaritmos de μ —Argumento : t.

t = 22 ^m	log μ	t == 22 ^m	log μ	t = 23 ^m	log µ	t == 23 ^m	log μ
0 ⁸	2.97755	3)8	2.99705	08	3.01613	37 ⁸	3.03479
ľi	97820	31	99769	ľ	01675	31	03540
2	97886	32	99834	$\hat{2}$	01738	32	03332
§	97952	83	99898	3	01801	33	03363
4	98017	34	99962	4	01864	34	03725
1 1	00021	••		<u> </u>	02002		
5	2.98083	35	3,09026	5	3.01926	35	3.03787
5 6	98148	36	00000	6	01949	36	03848
7 8	98214	37	00154	6 7	02052	37	03909
8	98279	38	00218 1	8	02114	38	03970
9	98344	39	00282	9	02177	39	04031
				{)
10	2.98410	40	3.00346	10	3.02239	40	3.14192
11	98475	41	00409	11	02302	41	04153
12	98540	42	00473	12	02364	42	04214
13	98605	43	00537	13	02426	43	04275
14	98670	44	00600	14	02489	44	04336
j				Ì		١	0.0400
15	2.98735	45	3.00364	15	3.02551	45	3.74397
16	98800	46	0 1728	16	02613	43	0.458
17	98865	47	00791	17	02/375	47	04519
18	99930	48	00355	18	02737	48	04587
19	98995	49	00918	19	02799	49	04641
1 00	0 00000	 	0.0003	90	3.02361	50	3.04701
20	2.99060	50)	3.00981	20		51	04762
21	99125	51	01045	21	02923	52	04823
22	99189	52	01108	22	02985	53	04883
23	99254	53	01171	23	03047	54	04944
24	99319	54	01234	24	03109	J-2	OZOZZ
95	2.99333	KK	3.01293	25	3.03171	55	3.05704
25 26	99448	55 56	01361	23	03232	56	05/165
27	99512	57	01424	27	03294	57	05125
28	99576	58	01487	28	03356	58	05185
90	99641	59	01550	29	03417	59	05246
29 30	99705	60	01613	30	03479	60	05306
	90100	••	01010	50	331.0		
	<u> </u>		1	<u>'</u>	<u>' </u>	·	

368
Table IV,—Logaritmes de µ—Argumento : /,

1 — 24 ^m	log tr	t ← 24 [™]	log µ	t 25"	log µ	! == 25°	log µ
0" 2 2 8 4	8,05306 03366 05436 05497 05547	81° 81 82 33 34	8.07195 07154 07213 07272 07331	0 ⁵	3.08849 089 F3 089 34 09 182 09 279	90 ⁴ 81 82 83 34	3.105/17 10623 10631 10737 10793
56769	3.05607 05947 05747 05747 05847	35 36 37 38 39	3.07389 07448 07537 07536 07625	56789	3.09137 09193 09252 09319 09367	39 37 38 39	8.10839 10936 10933 11919 11070
10 11 12 13 14	3,93007 05034 04323 04363 04146	47 41 42 43 44	8,07683 07742 07811 07859 07918	10 11 12 19 18	3.09425 09482 09549 09397 09355	47 41 42 43 44	3.11132 11188 11245 11311 11337
15 16 17 18 19	9.09275 08235 08324 08324 03444	48 47 48 49	3,07978 08135 08134 08152 08211	15 16 17 18 19	3,09712 09719 09321 09333 09941	45 47 47 48 49	3.11418 11469 11525 11582 11638
25 21 23 23 24	9,09579 09592 03592 03581 08741	5) 51 52 53 54	3.08248 08384 08384 08442 03331	21 21 22 23 24	3.09998 10.55 10112 10169 10223	57 51 52 53 54	3.11694 11757 11835 11851 11917
25 21 27 28 29 91	3,13810 07859 03919 03977 07173 07293	53 59 57 53 59 60	3.98559 08317 08375 08733 08731 08731	25 23 27 29 29 8)	3.10283 1934) 10393 10453 10567	55 57 57 68 59 69	9.11973 12.129 12.135 12111 12198 12232

369 Table IV.—Logaritmos de μ —Argumento : t.

t = 26 ^m	log μ	t = 26 ^m	log μ	t= 27 ^m	log µ	t = 27 ^m	log µ
0 ⁸ 1 2 3 4	3.12252 12307 12363 12418 12474	30 ⁸ 31 32 33 34	3.13904 13959 14013 14068 14122	0 ^s 1 2 3 4	3.15526 15580 15533 15686 15740	30 ⁸ 31 32 33 34	3.17118 17170 17223 17275 17327
5	3.12529	35	3.14177	5	3.15793	35	3.17380
6	12585	36	14231	6	15847	36	17433
7	12640	37	14285	7	15900	37	17485
8	12695	38	14340	8	15953	38	17538
9	12751	39	14394	9	16007	39	17590
10	3.12806	40	3.14448	10	3.16060	40	3.17642
11	12361	41	14502	11	16113	41	17694
12	12916	42	14557	12	16166	42	17746
13	12971	43	14611	13	16220	43	17799
14	13026	44	14665	14	16273	44	17851
15	3.13081	45	3.14719	15	3.16326	45	3.17903
16	13136	46	14773	16	16379	46	17955
17	13191	47	14827	17	16432	47	18007
18	13246	48	14881	18	16485	48	18059
19	13301	49	14935	19	16538	49	18111
20	3.13356	50	3.14989	20	3.16591	50	3.18163
21	13411	51	15043	21	16643	51	18215
22	13466	52	15096	22	16696	52	18267
23	13521	53	15150	23	16749	53	18319
24	13576	54	15204	24	16802	54	18371
25	3.13631	55	3.15258	25	3.16855	55	3.18422
26	13686	56	15312	26	16907	56	18474
27	13740	57	15365	27	16960	57	18526
28	13795	58	15419	28	17013	58	18578
29	13850	59	15472	29	17066	59	18629
· 30	13904	60	15526	30	17118	60	18681

370
Tabla IV.—Logaritmos de µ.—Argumento : t.

1 == 28 th	logµ	! 28 ^m	log µ	1 29 ^m	log µ	t ⇒ 29 ^m	log µ
05 1 2 2	9,19081 18733 18784 19836 19887	90 ⁵ 91 82 83 34	3.20216 20267 20318 20369 20419	0 ⁵ 1 2 8 4	3.21725 21775 21825 21875 21875	\$0 ⁸ III 82 83 94	3,23208 23257 23306 23355 23404
56789	3.18939 18090 19042 19093 19145	35 36 37 38 39	8,20470 2052) 20571 20621 20672	5 67 R 9	3.21974 22024 22073 22123 22172	35 36 37 38 39	3.23453 23501 23550 23509 23648
10	3,19196	40	3.20722	10	9,22232	40	3.23597
11	19247	41	20772	11	23272	41	28745
12	19299	42	20822	12	22321	48	28794
13	19350	43	20878	13	22371	43	29843
14	19401	44	20924	14	22420	44	23891
15	8,19452	45	\$.20074	15	9,22470	45	9,23940
16	19508	43	21024	16	22519	46	23988
17	19554	17	21075	17	22508	47	24487
18	19606	48	21125	18	22618	48	24086
19	19657	49	21175	19	22607	49	24184
20	3.1970a	50	3,21225	20	3,22716	50	3.24162
21	19759	51	21275	21	22766	51	24231
22	19810	52	21325	22	22815	52	24279
23	19861	58	21375	23	22864	53	24328
24	19962	54	21425	24	22913	54	24376
25	3,19962	55	8 21475	25	3.22963	55	8,24424
26	20013	56	21525	26	28012	56	24473
27	20064	57	21575	27	23061	57	24521
28	20115	58	21625	28	23110	58	24569
29	20166	59	21675	29	23150	59	24617
30	20216	60	21725	30	23208	60	24665

371

Tabla IV.—Logaritmos de μ— Argumento: t.

t = 80 ^m	logμ	t == 30 ^m	log µ	t = 31 ^m	log μ	t == 31 ^m	log µ
Og.	3.24×5	30 ⁸	3 26099	05	3.27509	306	3,28897
ĭ	24713	31	26146	1	27556	31	28943
$\bar{2}$	24762	32	26194	2	27602	32	23988
2 3 4	24810	33	26241	3	27649	33	29034
4	24358	34	26288	4	27695	54	29080
5	3.24906	35	3.26336	5	3.27742	35	3.29126
6	24954	36	26383	6	27788	38	29172
7 8 9	25002	37	2643)	7	27835	37	19217
8	25050	38	26477	8	27881	38	29263
9	25098	39	26524	9	27928	30	29309
10	3.25146	4')	3.26572	10	3.27974	4!)	3.29354
îĭ	25194	41	26619	l īi	28021	41	29400
12	25242	42	26666	12	28067	42	29446
13	25289	43	26713	13	28113	43	29491
14	25337	44	26760	14	28159	44	29537
15	3,25385	45	3.26807	15	3.28206	45	3.29582
16	25433	45	26854	16	28252	46	29528
17	25481	47	26901	17	28298	47	29673
18	25528	48	26948	18	23344	48	29719
19	25576	49	26995	19	28391	49	29764
20	3.25624	50	3.27042	20	3.28437	50	3.29810
21	25671	51	27083	21	28483	51	20855
22	25719	52	27135	22	28529	52	29900
23	25707	53	27182	23	28575	53	29946
24	25814	54	27229	21	28621	54	29991
25	3.25862	55	3.27276	25	3.28667	55	3.3/)036
26	25909	56	27322	26 27	28718	56	30082
27	25956	57	27369	27	28759	57	30127
28	26004	58	27416	28 29	28805	58	30172
29	23051	59	27463	257	28851	59	30217
80	26099	60	27509	30	28897	60	30262

372
Tabla IV —Logaritmes de µ —Argumente : t.

ℓ == 32***	log µ	t = 32 ^m	log µ	33 ^m	log µ	f 33 ^m	log µ
9 ⁵	3.30362	30 ⁵	8,81607	05	3.92931	30 ⁸	9.94935
1	30368	31	31651	1	32975	31	34278
2	30353	32	31696	2	3301×	32	34921
3	30398	33	31740	3	33052	33	34364
4	30443	34	31745	4	33106	34	34407
58-189	3,90488 30533 8,578 30623 90668	85 36 37 38 39	3,31829 31873 31918 31962 32006	5 6 7 9 9	8 93149 93193 33237 93280 93324	35 36 37 38 39	3.9445) 34493 34530 94579 31022
10	3,33713	40	3,32050	10	8.83864	40	3.34675
11	30758	11	32095	11	83411	41	34708
12	81808	42	32139	12	83455	42	34751
13	81808	43	32183	13	8349A	43	34794
14	30402	44	32227	14	83542	44	34836
15	3.31937	45	9.32271	15	3.89585	45	3.34879
16	31982	46	32315	16	33629	45	34932
17	31027	47	3235.0	17	33672	47	34965
18	31173	48	32434	18	33715	48	35068
19	31116	49	82448	19	33759	49	35050
20	3 31 tol.	50	3.324±2	20	3,33812	50	8.35093
21	31200	51	93530	21	33846	51	95136
22	31230	52	32580	22	33889	52	95178
23	31295	53	32684	23	33982	53	85221
24	3134)	54	32668	23	33975	54	35264
25	3,31984	55	3,92712	25	3,34019	55	3.35306
20	31429	56	98755	26	34063	56	85349
27	31473	57	98769	27	34105	57	85393
28	31518	58	92843	28	34148	58	95434
29	31562	59	92887	29	34193	59	95477
30	81807	60	32931	30	34235	60	95520

Tabla IV.—Logaritmos de μ —Argumento : t.

t = 34 ^m	logµ	t = 34 ^m	logµ	t == 35 ^m	logµ	t == 35 m	logµ
() ⁸	3.35520	3 08	3.36785	08	3.38)32	30 ⁵	3.39262
1	35562	31	36827	1	38073	31	39303
2	35604	32	36868		38115	32	39343
2 3 4	35647	33	36910	2 3 4	38156	33	39384
4	35089	34	36952	4	38197	34	39424
5 6 7	3.3573 1	35	3.36994	5	3.38238	35	3.39465
6	35774	36	37036	6	38280	36	39506
7	35816	37	37077	7	38321	37	39546
8 9	35858	38	37119	8 9	38362	38	39587
8	35901	39	37161	9	38403	39	39627
10	3.35943	40	3.37203	10	3.38444	40	3.39668
īĭ	35985	41	37244	lii	38485	41	39708
12	36028	42	37286	12	38526	42	39749
13	36070	43	37328	13	38567	43	39789
14	36112	44	37369	14	38608	44	39830
15	3.36154	45	3.37411	15	3.38640	45	3.39870
16	36196	46	37452	16	38690	46	39911
17	36239	47	37494	17	38731	47	39951
18	36281	48	37535	18	38772	48	39991
19	36323	19	37577	19	38813	49	40032
20	3.36365	50	3.37618	20	3.38854	50	3.40072
21	36407	51	37660	21	38895	51	40112
22	36449	52	37701	22	38936	52	40153
23	36491	53	37743	23	38976	53	40193
24	36533	54	37784	24	39017	54	40233
25 26	3.36575	55	3.37826	25	3.39058	55	3.40273
26	36617	56	37867	26	39099	<u>56</u>	40314
27	36659	57	37908	27	39140	57	40354
28 29 30	36701	58	3795 0	28	39180	58	40394
29	36743	59	37991	29	39221	59	40434
30	36785	60	38032	30	39262	60	40474

374
Table IV.—Logaritmos de µ—Argumento ; ;.

t — 36™	log µ	t ≈ 36 [™]	log µ	37 ^m	log µ	! 37***	log µ
0*	3.40474	3) ⁵	3.41670	1 2 8	3.43549	30 ⁵	3,44012
1	40514	31	41709		42883	31	44051
2	40554	32	41749		42987	32	44089
8	40505	33	41783		42965	33	44128
4	40635	84	41838		43004	34	44126
5	3,40875	35	3,41867	5	3.49044	35	3,44205
6	40715	37	41907	6	43043	36	44243
7	40785	37	41949	7	43122	37	44282
8	40795	38	41987	8	43161	38	44320
9	40885	39	42025	9	43200	39	44858
10	8.40375	40	3.42)35	10	8,49230	41	8.11997
11	40915	41	42104	11	49277	41	41495
12	40955	49	42143	12	49316	42	44473
13	40995	43	42183	13	49355	43	44512
14	41034	44	42232	14	49394	44	44550
15 16 17 18 19	3 41074 41114 41154 41194 41233	45 47 44 48	3,42231 42301 42340 42379 42419	15 16 17 18 19	9.49483 49471 49510 49549 48584	45 46 47 48 49	9. 14588 44628 44635 44708 41741
2)	3.41273	51	3.42453	20	3,43123	5)	9.44779
21	41313	51	49497	21	42663	51	44817
22	41353	52	49333	22	43704	52	44859
23	41392	53	49575	23	43742	53	44894
24	41432	54	49514	24	43781	54	44932
25	3.41472	55	8.42054	25	8.43820	55	3,44974
26	41511	56	42693	26	43358	58	45008
27	11551	57	42732	27	43897	57	45048
28	41501	58	42771	28	43993	58	45084
29	41630	59	42610	29	43974	59	45122
30	41670	6)	12849	3)	44012	60	45160

375

Tabla IV.—Logaritmos de μ —Argumento : t.

t == 38 ^m	log μ	<i>t</i> == 38 ^m	log µ	t — 39 ^m	logμ	t == 39 th	lòg µ
08	3.45160	30 ⁸	3.46293	08	3.47411	30 ⁸	3,48515
1	45198	31	46331	1 1	47448	31	48551
2	45236	32	46368	3	47485	32	48588
1 2 3 4	45274	33	46405	3	47522	33	48625
4	45312	34	46443	4	47559	34	48661
5 6 7 8 9	3.45350	35	3.46480	5	3.47596	35	3.48698
6	45388	36	46518	5 6 7	47633	36	48734
7	45426	37	46555	7	47670	37	48770
ğ	45464	38	46593	8	47707	38	48807
9	45502	3 9	46630	9	47744	39	48843
10	3,45539	40	3.46637	10	3.47781	40	3.48880
11	45577	41	46705	11	47817	41	48916
12	45615	42	46742	12	47854	42	48953
13	45653	43	46779	13	47891	43	48989
14	45691	44	46817	14	47927	44	49025
15	3.45728	45	3.46854	15	3.47965	45	3.49062
16	45766	46	46891	16	48002	46	49098
17	45804	47	46928	17	48038	47	49134
18	45842	48	46966	18	48075	48	49170
19	45879	49	47003	19	48112	49	49207
20	3.45917	50	3.47040	20	3.48149	50	3.49243
21	45955	51	47077	21	48185	51	49279
22	45992	52	47114	22	48222	52	49315
23	46030	53	47152	23	48259	53	49352
24	46068	54	47189	24	48295	54	49388
25	3.46105	55	3.47226	25	3,48332	55	3.49424
26	46143	56	47263	26	48369	56	49460
27	46180	57	47300	27	48405	57	49496
28	46218	58	47337	28	48442	58	49533
29	46255	59	47374	29	48478	59	49569
30	46293	60	47411	30	48515	60	49605

376
V.—Logaritmos do v.—Árgumento : t.

		log v	#	log v		t	log v	t	log v
O _I	n [®] n	20	19 th 0 ⁶	1.4262		17 ^m 0 ^s	i.892 ⁰	21 th 0 ⁸	0.25%
1	0	0.9706	10	4483	ı	1)	9689	10	2726
3	ð	4.1747	20	4701	H	20	9257	20	2862
8	e)	4.8791	30	4917	ı	30	9428	30	2997
4	0	8.3788	40	5180	l	40	9588	40	3131
5	0	3.7065	50	5841	I	5 0	9751	50	3264
б	0	2.0832	14 0	1.5540	l	18 0	1.9918	22 0	0.3396
7	0	2.3509	10	5554	ł	10	0.0372	10	3527
8	0.	2.5820	20	5957	1	20	0231	20	9657
9	0	2,7875	30	6158	ł	86	1388	30	3786
10	0	2.9705	40	6956	Ш	40	1544	40	3915
11	0	1.1360	50	6553	ł	50	0698	50	4042
11	0	1.1960	15 0	1.8747	ı	19 0	0.0851	29 0	0.4168
1	10	1621	10	6930	ı	10	1,003	10	4293
	20	1879	20	7128	ı	20	1153	20	4418
1	30	2132	90	7316	1	31)	1302	80	4541
	40	2382	43	750일	1	40	1459	40	4664
	5.)	2828	ត ៖	7686	ļ	50	1597	50	4786
12	0	1.2871	16 0	1.7807	l	20 0	0.1742	24 0	0.4907
ŀ	10	3111	1)	8047	l	10	1886	10	5027
	20	3347	20	8225		20	2 129	20	5146
	30	3580	30	8402		80	2170	80	5264
1	40	9810	40	ช57ff		40	2311	40	5382
	50	4097	50	8749		50	245)	50	5499
18	0	1.4262	17 0	1.8920		21 0	0.2589	25 0	0.5615

V.—Logaritmos de v—Argumento : t.

	t	log v	t	log v	t	log v	t	log v
25 ^t	n ₀ s	0.5615	29 ^m 0 ^s	0.8199	33 ^m 0 ^s	1.0432	37 ^m 0 ^s	1.2415
	10	5730	10	8290	10	0519	10	2490
	20	5845	20	8389	20	0606	20	2571
	3 0	5959	30	8487	3.)	0372	30	2648
i i	40	6072	40	8585	40	0778	40	2725
	5 0	6184	50	8682	59	0864	50	2801
26	0	0.6296	30 0	0.8789	34 0	1,0949	38 0	1.2877
	10	6407	10	8875	10	1034	10	2953
	20	6517	20	8970	20	1118	20	3029
Ħ	3 0	6623	j 3 0	9065	30	1202	30	3104
	40	6735	40	9160	40	1286	40	3179
	3 /)	6843	50	9254	50	1369	50	3254
27	0	0.6951	31 0	0.9347	35 0	1.1452	39 0	1.3328
	10	7057	10	9140	10	1534	10	3402
	20	7164	20	9533	20	1616	50	3475
	3 0	7269	30	9625	30	1698	30	3548
	40	7374	40	9716	40	1779	40	3621
	5 0	7478	5 0	9807	50	1860	59	3694
28	0	0.7582	32 0	8089.0	36 0	1.1940	49 0	1.3766
	10	7685	10	9988	10	2020		
	20	7787	20	1.0078	20	2100	1	
	3 0	7889	3)	0167	30	2179		
	4 0	7990	40	0255	40	2258		
	5 0	8090	5 :)	0344	50	2338		
29	0	0.8190	33 0	1.0432	37 0	1.2415		

378 VI.—Valores do μ.—Argumenta : /.

t	On	1"	2 ^m	3 ^m	4 ^m	5 ^m
0 ⁸	0,00 0,00 0,00 0,00 0,00 0,01	1,96 2,03 2,10 2,16 2,29	7,85 7,98 8,12 8,75 3,39	17,67 17,87 18,07 18,27 18,47	31,42 81,66 81,94 92,20 82,47	49,09 49,41 49,74 59,07 50,40
587789	0,01	2,31	8,52	18,67	32,74	50,73 (
	0,02	2,38	8,66	18,87	38,01	51,07 (
	0,02	2,45	8,80	19,07	33,27	51,40)
	0,08	2,52	8,94	19,28	33,54	51,74 (
	0,04	2,60	9,08	19,48	33,61	52,07)
10	0,05	2,67	9,22	19,69	34,09	52,41
11	0,08	2,75	9,86	19,90	84,96	52,75
12	0,08	2,63	9,50	20,11	34,64	53,09
18	0,09	2,91	9,64	20,32	84,91	58,43
14	0,11	2,99	9,79	20,33	85,19	58,77
15	0,12	9,07	9,94	20,74	35,46	54,11
16	0,14	3,15	10,09	20,95	35,74	54,46
17	0,16	3,23	10,24	21,16	35,62	54,80
18	0,18	3,92	10,39	21,38	36,30	55,15
19	0,20	3,44	10,51	21,09	36,58	55,50
20 21 22 29 24	0,22 0,24 0,26 0,28 0,31	3,49 3,58 8,67 8,67 3,70 3,85	15,69 10,84 11,00 11,15 11,31	21,82 22,03 22,25 22,47 22,70	93,87 87,15 37,44 87,72 38,91	55,84 56,19 56,55 56,55 57,25
25	0,34	3,91	11,47	23,92	38,30	57,60
26	0,87	4,03	11,63	23,14	38,59	57,96
27	0,40	4,12	11,79	23,87	38,68	58,32
28	0,49	4,22	11,95	23,60	39,17	58,68
29	0,46	4,32	12,11	23,82	39,46	59,03

379
VI.—Valores de µ—Argumento : t.

i	Om	1 ^m	2 ^m	3 ^m	4 ^m	5 ^m
30 ⁸	0,49	4,42	12,43	24,05	39,76	59,40
31	0,52	4,52	12,43	24,28	40,05	59,75
32	0,56	4,62	12,60	24,51	40,35	60,11
33	0,59	4,72	12,76	24,74	40,65	60,47
34	0,63	4,82	12,93	24,98	40,95	60,84
35	0,67	4,92	13,10	25,21	41,25	61,20
36	0,71	5,03	13,27	25,45	41,55	61,57
37	0,75	5,13	13,44	25,68	41,85	61,94
38	0,79	5,24	13,62	25,92	42,15	62,31
39	0,83	5,34	13,79	26,16	42,45	62,68
40	0,87	5,45	13,96	26,40	42,76	63,05
41	0,91	5,56	14,13	26,64	43,06	63,42
42	0,96	5,67	14,31	26,88	43,37	63,79
43	1,01	5,78	14,49	27,12	43,68	64,16
44	1,03	5,9)	14,67	27,37	43,99	64,54
45	1,10	6,01	14,85	27,61	44,30	64,91
46	1,15	6,13	15,03	27,83	44,61	65,29
47	1,20	6,24	15,21	28,10	44,92	65,67
49	1,26	6,36	15,39	28,35	45,24	66,05
49	1,31	6,48	15,37	28,60	45,55	66,43
50	1,36	6,60	15,76	28,85	45,87	66,81
51	1,42	6,72	15,95	29,10	46,18	67,19
52	1,48	6,84	16,14	29,36	46,50	67,58
53	1,53	6,96	16,32	29,61	46,82	67,96
54	1,59	7,09	16,51	29,86	47,14	68,35
55	1,65	7,21	16,70	30,12	47,46	68,73
56	1,71	7,34	16,89	30,38	47,79	69,12
57	1,77	7,46	17,08	30,64	48,11	69,51
58	1,83	7,60	17,28	30,90	48,43	69,90
59	1,89	7,72	17,47	31.16	48,76	70,29

VII.—Logaritmes de K

 $E = \frac{t^s \sec 35^n}{\sec 15t}$

. , .					
	ag ceec ŝ	hg 5	1	log i sec š	log K
l ²⁶	1.736	0/AB)00	21=	3,191	0,00001
2	2,400	0.01	22	3,190	thur etc.
3	1,55	40535	33	3,130	01A373
	2,280	9979	24	3.754	(21)93
2	2.677	03)18	275	8.175	00000
6	2,336	£695	35	8,192	(CO)(OD)
7 1	11.023	119317	27	3.209	00101
8	2.64	(13339	28	3.234	00108
9	2.702	100311	20	3.230	00116
10	2,778	0004	31	3,254	90124
11 1	2 810	6, 1147	31	3,9%	0.00192
12	2,807	0.0020	32	3.242	00141
13	2,492	00023 (33	3,295	00150
14	2 924	00027	34	3,308	00359
15	2.034	FF131	35	3,821	00169
16	2,9+2	0./1-1/35	36	3.333	0.00179
17	3.008	00040	37	3,345	99189
18	3.033	00045	38	3,356	00199
19	9.056	00050	39	3,907	00210
20	8.079	00055	40	8.378	00221

INTENSIDAD DE LA GRAVEDAD.

292 —La determinación de la intensidad de la gravedad en vários vértices de la Red y en otros lugares convenientemente elegidos, forma parte del programa de trabajos que, de concierto con los acuerdos de la Asociacion geodésica internacional, tiene á su cargo el Instituto; estas observaciones han de concurrir con los resultados de los procedimientos esencialmente geodésicos á la investigacion de la figura matemática del esferoide terrestre. No es posible al presente detallar cuáles deben ser los métodos y procedimientos que se seguirán en esta clase de observaciones, porque la materia está en período de estudio; de los que ya se han efectuado, y principalmente de los que resta por hacer, ha de resultar la «Instruccion» que organice este importantísimo servicio.

El geodesta encargado de él, se ajustará á lo que aconseje la ciencia en vista de los trabajos recientemente hechos en otros países, especialmente los de Bessel y los de los Sres. Peters, Plantamour y Bruhns; todas las cuestiones á

que da lugar el asunto, serán objeto de su estudio, teórica y experimentalmente, para conseguir la precision que sea compatible con los mas perfeccionados medios de que hoy dia se puede disponer. El Instituto posee un péndulo de inversion de un metro de longitud. construido por los Sres. Repsold, de Hamburgo, y tiene encomendado á los mismos artistas otro péndulo enteramente semejante que oscile en tres cuartos de segundo; además, el Sr. Nardin, de Suiza, está para terminar un cronómetro, construido especialmente para registrar el tiempo en la cinta cronográfica Estos últimos aparatos y otro destidado á medir el movimiento de traslacion que experimenta el plane de suspension cuando oscila el péndulo, son los necesarios para proseguir los estudios comenzados.

REDES DE 2.º Y DE 3.er ORDENES.

TRABAJOS DE CAMPO.

RECONOCIMIENTO Y CONSTRUCCION DE SEÑALES.

- 293.—La base de la triangulacion de 2.º órden es la red de 4.º: en su consecuencia, se procurará que el mayor número de los lados de ésta, especialmente los más pequeños, sean lados tambien de los triángulos de 2.º órden, y que todos los vértices de 4.º lo sean á la vez de 2.º
- 294.—Es indispensable que, de distancia en distancia, haya lados algun tanto reducidos de 2.º órden, que sirvan de partida para el 3.º, debiendo tener estos últimos, por término medio, 5 kilómetros de longitud.
- 295.—Exceptuando algun caso en que no sea conveniente, los vértices de 2.º órden deben serlo tambien de 3.º

296.—En la observacion definitiva se han de medir los tres ángulos de cada uno de los triángulos de 2.º y de 3.º órden; y cuando se elija algun vértice de 3 º en que sea imposíble ó muy costoso estacionar, habrá de quedar situado por dos triangulos á lo ménos.

297.—Todas las poblaciones y grandes caserios con término municipal propio, que no sean vértices, se deben situar como tales, aunque sea estableciendo puntos auxiliares; pero en triángulos aparte de la red, los cuales se indicarán en el dibujo con líneas de trazos azules.

208.—A juicio de los jefes de brigada, y cuando tengan proyectados las triangulaciones de ambos ordenes en una zona algun tanto extensa, se construirán los pilares-señales de 2.º órden, que deberán tener 📭 de altura sobre el terreno, con un zócalo ó cimiento, segun los casos, y 0º,40 de lado en su base cuadrada. En todos ellos se dejará una referencia, que consistirá en un taladro de unos 0m,05 de profundidad, lleno de carbon molido. Estos pilares se deben rebocar de blanco para que sirvan de objetos de mira. Además de la referencia indicada, el vértice se debe fijar tambien con relacion á tres puntos elegidos en la proximidad del pilar, Cuando la altura del pilar no sea suficiente para la visibilidad reciproca entre los

vértices, se construirá aquél sobre un macizo de base cuadrada y de dimensiones apropiadas al objeto, pudiendo constar de uno ó más cuerpos de un metro de altura cada uno. El superior debe tener 4m,50 de lado, en su base, aumentando cada uno de los demas en 0m,50.

299.—Para fijar los vértices de 3.er órden, se enterrarán, en parte, hitos prismáticos de base cuadrada, de unos 0^m,30 de lado y 0^m,70 á 4^m de altura, con un taladro en el centro, para introducir el regaton de la banderola. Antes de colocar el hito en el hoyo practicado al esecto, se extenderá una capa de carbon molido que cubra precisamente el cuadrado que ha de ocupar la base de aquél, en cuyo centro se debe ademas clavar un piquete de madera ó bien un clavo, para que sea más difícil la pérdida del vértice si desaparece el hito. Este debe sobresalir unos 0^m,30 del terreno. Cuando el vértice esté sobre roca, se debastará ésta, dejando saliente un cubo de 0m,30 con su taladro en el centro para la banderola. De la misma manera que los pilares de 2.º órden, deben referirse los hitos de 3.º á tres marcas ú objetos exteriores.

300.—Al terminar cada señal, oficiará el jefo de la brigada al alcalde de la poblacion en cuyo término se hubiese construido; y si estuviese en terreno que se disputáran dos ó más ayunta-

mientos o en linde de dos ó más términos, á los alcaldes respectivos. En estos oficios ha de constar la localidad en que se halla la señal, su forma, dimensiones, materiales empleados y dia en que se terminó, recordándose la responsabilidad de su conservacion, prevenida por Reales ordenes de 44 de Mayo 1850, 4.º de Junio de 1860 y 20 de Agosto de 1861, expedidas por el Ministerio de la Gobernacion; y le pedirá que acuse recibo, el cual remitirá al Director general del Instituto. En las comunicaciones á los alcaldes no se hará mencion de las marcas ó referencias interiores y exteriores de las señales

BO1—El dia 4.º de cada mes, los jefes de brigada darán parte en forma de oficio al Director general del Instituto de los trabajos ejecutados en el mes anterior, sin perjuicio de hacerlo siempre que lo requieran las circunstancias. Al parte acompañarán un dibujo de la triangulación proyectada definitivamente, indicando de negro los lados de los triángulos de 1.º órden, de rojo los de 2.º y de azul los de 3.º Un círculo lleno rojo indicará que está construido y referido el pilar de 2.º órden; azul, que está colocado y referido el hito de 3.º; y negro, que no se puede estacionar en él, pero que ya no necesita obra alguna. Tambien acompañarán una

reseña de los vértices fijados y señales en ellos construidas, con todos los detalles de las referencias, expresando además el término municipal en que cada uno se balle, el camino que conviene seguir, distancia al pueblo desde donde se deba subir, dificultades que presente el transporte del material, sitio en donde se encuentre agua y leña, nombre y vecindad del guía, si lo hubiere, y demas noticias que puedan ser de utilidad. Al pié de cada parte mensual se hará un resúmen del resultado útil obtenido, expresando con claridad y precision el número y nombre de los vértices elegidos definitivamente sin la menor duda respecto á la visibilidad recíproca, el de las poblaciones situadas por separado y el de los pilares de 2.º órden é hitos de 3.º construidos y colocados, sin mezclar con este resultado final las estaciones hechas inútilmente.

OBSERVACIONES ANGULARES DE 2.º ORDEN.

802.—El observador hará un detenido estudio del teodolito reiterador, cuyos cuatro nonios en cada uno de los círculos aprecian 5", para conocerle en sus más pequeños detalles, y poder remediar los entorpecimientos que se experimentan algunas veces en el uso de este

instrumento, los cuales proceden por lo general de causas que es muy fácil hacer desaparecer. Determinara, si no lo estuviesen ya, los
valores angulares correspondientes á las divisiones de los níveles, y bará por via de prueba
en todas las estaciones, ántes de comenzar la
observacion, algunas mediciones, tanto de ángulos azimutales como de distancias zenitales,
para asegurarse de que el teodolito se halla en
perfecto estado de uso.

303.—Cada una de las direcciones azimutales debe ser el promedio de ocho valores; y á fin de evitar que alguno de los vértices resulte apuntado mayor número de veces, se debe elegir para direccion inicial, un punto ajeno á la triangulacion, situado en muy buenas condiciones, y que por lo mismo se pueda observar siempre que se divise alguna de las señales.

304.—Despues de centrar cuidadosamente el teodolito sobre el pilar de observacion, y de dar al circulo azimutal la conveniente posicion para que, dirigido el anteojo, con el circulo vertical à la izquierda del eje central, hácia el punto elegido para direccion inicial, se lean cero grados y algunos pocos minutos en el nonio I, se dará à dicho eje central de rotacion del instrumento una posicion vertical, valiéndose de las indicaciones del nivel colocado sobre el

eje de muñones y de los movimientos que proporcionan los tres tornillos del pié. Por medio de la inversion del indicado nivel, se conocerá la inclinacion que tenga el eje de muñones, respecto del vertical de rotacion, y se corregirá con los dos tornillos colocados debajo, quedando horizontal dicho eje despues de hecha esta correccion.

- 805.—Colocado el ocular del anteojo de suerte que los hilos del retículo se vean con toda claridad, se apuntará cuidadosamente en dos posiciones inversas del círculo vertical, á uno de los vértices, haciendo las lecturas correspondientes; y se corregirá, si es preciso, el error de colimacion, con el tornillo que mueve lateralmente el retículo.
- 306.—Hechas las correcciones que se acaban de indicar, se procederá á la observacion de las direcciones azimutales, comenzando por la inicial con el círculo vertical á la izquierda del eje central, haciendo entrar por la izquierda de n el retículo la imágen de la señal, y leyendo los cuatro nonios cuando ésta se halle bien centrada en el rectángulo formado por los cuatro hilos; se continuará despues á los diferentes vértices, cuyas señales ofrezcan imágenes en condiciones aceptables de observacion, prescindiendo de las que no se hallen en este caso.

Cuando se haya llegado al último vértice, estará terminada la primera vuelta de horizonte, y se empezará inmediatamente la segunda en órden inverso; es decir, moviendo á mano el instrumento de derecha á izquierda, y haciendo entrar la imágen de la señal por la derecha con el tornillo de coincidencia.

307.—Al empezar cada vuelta de horizonte se harán en un cuaderno especial (formulario número 54), las anotaciones siguientes:

El número de órden de aquélla, el dia y la hora, contada ésta desde una á veinticuatro y considerando el cero al pasar el Sol por el meridiano, la posicion del círculo vertical, respecto del eje del instrumento, el nombre de los diferentes objetos y las lecturas de los cuatro nonios.

- 308.—Se calificará el estado de visibilidad de las señales en cada observacion, con las notas de Muy buena, Buena y Regular, bosquejando ligeramente la imágen del objeto observado la primera vez que aparezca su nombre, é indicando sobre ella la posicion aparente de los hilos del retículo, para conocer el paraje preciso à que se apuntó.
- 309.—Si se escribe con lápiz al tiempo de observar, se debe pasar de tinta á la mayor brevedad todo lo escrito. En todas las páginas

del cuaderno ha de haber la media firma del observador, y al final la firma entera, con la antefirma de su empleo.

- 310.—Se cambiará la graduacion del círculo, haciéndole girar veinte grados próximamente cada dos vueltas de horizonte; y siempre que se haga esta operacion, se dará al instrumento un giro de 480°, cambiando tambien la posicion del círculo vertical respecto del eje central.
- 311.—Se llevará cuidadosamente la cuenta del número de punterías hechas á cada vértice de la triangulacion, para no pasar en ningun caso de ocho, de las cuales, cuatro se han de hacer precisamente con el círculo vertical á la izquierda, é igual número con el mismo círculo á la derecha.
- 312.—Cuando sea forzoso estacionar fuera del centro ó punto vértice, se tomarán y escribirán en el lugar correspondiente del cuaderno los datos necesarios para reducir á aquél las direcciones observadas, midiendo con mucho esmero la distancia horizontal entre el vértice y el punto en que se haya hecho la observacion, y refiriendo la direccion de la recta que los une á uno cualquiera de los lados de la triangulacion. Para esta referencia son suficientes cuatro observaciones, de las cuales dos con el círculo á la izquierda, y dos con él á la derecha.

- 818.—La distancia zenital de cada uno de los vértices ha de resultar del promedio de cuatro valores, con un cambio de 45° en la graduación del circulo vertical.
- 814.—Se tendrán presentes las advertencias anteriores en todos los casos que sean análogos, para hacer entrar en el retículo las imágenes de las señales, unas veces por arriba y otras por abajo, así como en lo que se refiere á las firmas.

Al empezar la medicion de cada distancia zenital, se anotarán en el correspondiente cuaderno (form. num. 52): su número de orden con
relacion à aquel vertice, el dia, la hora, nombre y forma del objeto, posicion del circulo vertical respecto al eje central del teodolito, lectura de los extremos de la ampolia del nivel del
costado, lectura de los cuatro nonios y calificacion de la visibilidad. Ademas se hará constar,
para cada objeto, la altura del punto de mira
sobre la referencia ó verdadero vértice, así como la altura del eje de muñones del teodolito
sobre la referencia de la señal en que se observe.

- 815.—Se observarán dos distancias zenitales seguidas á cada vértice, sin cambiar la graduacion del circulo.
 - 316.-Siempre que sea posible, se observa-

rán las cuatro distancias zenitales de cada vértice en dos dias, ó por mañana y tarde, eligiendo las horas más á propósito, que son aquéllas en que las imágenes no aparecen enteramente tranquilas.

317.—En todos los vértices de 2.º órden se deben observar las direcciones de los lados de 3.º que concurran en él; pero esto se ejecutará en vueltas de horizonte diferentes de las de 2.º órden, si bien tomando la misma direccion inicial, reduciendo á cuatro el número de punterías á cada objeto, cambiando 45º la graduacion del círculo, no leyendo más que los nonios I y III, y anotando las observaciones en el cuaderno correspondiente al 3.er órden.

Todas las poblaciones, grandes caseríos y puntos auxiliares situados en condiciones á propósito, se considerarán como vértices de 3. er órden, y se observarán en las mismas vueltas que los de la triangulacion, tanto en la parte azimutal como en la zenital; pero en las columnas de los cuadernos, correspondientes al nombre y forma de los objetos, se pondrántes tas palabras: No es vértice de la red.

318.—Las distancias zenitales correspondientes al 3.er órden resultarán, como en el 2.º, de cuatro valores; pero sólo se leerán los nonios I y III, efectuando el mismo cambio de di-

vision que para el %.º órden, y anotando las observaciones en cuaderno de 3.º

- 819.—Cuando la estacion pertenezca también á la red de 4.ºº órden, no se harán las observaciones de distancias zenitales necesarias para determinar los desniveles de los lados de 4.ºº órden que concurran en ella.
- 320.—Del mismo modo, cuando la estacion de 3.ºº órden pertenezca tambien al 2.º, no se repetirán en el cuaderno de aquel las observaciones necesarias para determinar los desniveles de los lados de 2.º órden.
- 321.—En el cuaderno de direcciones azimutales, bien al principio o bien al fin, se indicará por medio de un cróquis acotado, la planta de la señal, la situacion de las referencias exteriores y sus distancias al vértice ó centro del pilar. Tambien se anotará la altura de la señal, á contar desde la referencia puesta al nivel del terreno.
- 322.—Terminadas que sean las observaciones de una estacion, se remitirán al Director general del Instituto los cuadernos originales, quedando en poder del observador una copia perfectamente confrontada.
- 323.—En la parte que el dia 1.º de cada mes ha de enviar al Director general del Instituto el jefe de la brigada, expresará éste las estaciones

que haya hecho en el mes anterior, y los nombres de las direcciones observadas en cada una.

OBSERVACIONES ANGULARES DE 3.er ÓRDEN.

- 324.—Para la observacion con el teodolitoreiterador de 3. er órden, cuyos dos nonios del
 círculo azimutal y los dos del vertical permiten
 leer directamente hasta 10", se deben tener presentes todas aquellas prescripciones relativas
 al 2.º órden que puedan tener aplicacion, las
 cuales no es preciso repetir aquí.
- 325.—Cada una de las direcciones azimutales debe ser el promedio de cuatro valores, y siempre que no se tenga seguridad de ver todos los vértices en las cuatro vueltas de horizonte, se observará con direccion inicial como en el 2.º órden.
- 326.—Centrado el trípode sobre el hito que marca el vértice, y despues de dar al eje central del teodolito una posicion vertical haciendo uso de las indicaciones del único nivel que posee, es preciso determinar la inclinacion del eje de rotacion del círculo vertical por el método conocido de buscar, moviendo el anteojo verticalmente, dos puntos que sucesivamente coincidan con la cruz filar del retículo; y si despues de hacer girar el instrumento en sentido azi-

mutal, de suerte que el circulo vertical quede á la parte opuesta, y de apuntar à uno de los objetos, no coincidiese la imagen del otro con la cruz del retículo al mover el anteojo en sentido vertical, la mitad de la distancia que mediase entre la misma cruz filar y la imágen del punto, acusaria la inclinacion del eje, la cual se corregiria con los dos tornillos colocados debajo; replitendo la operacion cuantas veces fuese necesario, con otros puntos, hasta conseguir que el mencionado eje del circulo vertical se hallase horizontal.

327.—A cada par de vueltas de horizonte se cambiará la graduacion del circulo azimutal, haciéndole girar 45 grados próximamente; y siempre que se haga este cambio, se hará girar todo el instrumento como en las observaciones de 2.º órden.

828.—En las observaciones azimutales se debe apuntar à la parte más baja que se vea del asta de la banderola, y sólamente à la tela cuando no se distinga aquélla. Son condiciones muy importantes que el asta esté vertical y que resista à la accion del viento sobre la tela; los encargados de establecer las banderolas cuidarán de que ambas tengan lugar, sujetando las astas con vientos amarrados à piquetes clavados en el terreno, ó à grandes piedras, si las ofrece la

localidad. Las observaciones azimutales se anotarán en un cuaderno especial arreglado al formulario núm. 53.

- 329.—La distancia zenital de cada uno de los vértices ha de resultar, como en el 2.º órden, del promedio de cuatro valores; pero no siendo necesaria la reiteracion en otro paraje de la circunferencia del círculo vertical, por cuya razon es éste fijo, no hay cambio de la division. Se anotarán las observaciones segun indica el formulario núm. 54.
- 330.—Siempre que sea posible se observarán tan sólo dos distancias zenitales seguidas á cada vértice, y las otras por la tarde, si las primeras hubiesen sido observadas por la mañana, ó viceversa. Respecto á las horas más favorables para estas observaciones, se debe tener presente lo prescrito en el 2.º órden, con lo cual se aprovecha el tiempo que no conviene emplear en observaciones azimutales, por la poca tranquilidad de las imágenes.
- 331.—Así como en la observacion de direcciones azimutales se ha prevenido que se dirija la puntería lo más baja que sea posible y al asta de la banderola, con el objeto de evitar los errores que se ocasionarían si ésta estuviese inclinada, en la observacion de distancias zenitales se debe, por el contrario, apuntar siem-



pre à la parte más alta de la teta, para conocer la altura del punto de mira sobre la cara superior del hito. Tambien se referirà à la cara superior del hito la altura del eje del anteojo, que es necesario conocer para la reduccion de las distancias zenitales.

832.—La punteria á las iglesias en que no se baya de estacionar, se hará al centro de la bola de la cruz, si la hubiere; y si no, al pié de la cruz o de la veleta, y en todo caso, se dibujará con mucha claridad el objeto, indicando los hilos del reticulo sobre el paraje á que se haya apuntado.

839.—Antes de dejar definitivamente cada uno de los puntos de estacion, se reconocerán las referencias exteriores que debió establecar el encargado de la construccion de señales, se harán otras, si fuese preciso, y se tomarán todas las precauciones necesarias para encontrar el vértice en el caso de que el hito desapareciese. Al principio ó al fin del cuaderno de direcciones azimutales se anotarán todos los datos relativos á estas referencias, en el cróquis acotado de que se ha hecho mérito.

TRABAJOS DE GABINETE.

334.—Los promedios de las lecturas de los cuatro nonios en el 2.º órden, y de los dos en el 3.°, se calcularán en los cuadernos de direcciones azimutales que quedan en poder del observador, despreciando las decimales de segundo sexagesimal. Restando de todos ellos, en cada vuelta de horizonte, el correspondiente á la direccion inicial, se formarán las columnas de direcciones, y con ellas el Estado á cuyo pié se escribirán: los promedios de las vueltas de horizonte, prescindiendo tambien de las decimales; el instrumento usado, los datos para la reduccion al vértice y las direcciones reducidas, si no se estacionó en él, el apellido del observador, y, á manera de nota, la reseña del vértice. Valiéndose de los cuadernos originales del archivo, formará de una manera análoga, la persona que designe el Director general del Instituto, otra coleccion de Estados; y no se continuarán los cálculos hasta que se haya obtenido la completa identidad de los dos correspondientes á cada estacion. Cuando la divergencia entre los resultados provenga de un error en el cuaderno copia, se corregirá éste, poniéndolo conforme con el original.

835.—Para la reduccion al vértice se empleará el formularlo núm. 13, de las observaciones de 1.4 órden. Para determinar A, (artículo 18) se calcularán los correspondientes triángulos con valores angulares aproximados; y con el objeto de evitar equivocaciones en el signo de sen a, se contará siempre este ángulo á partir de la recta que une el punto en que se observó con el vértice ó centro de estacion, y siguiendo la graduación del circulo, de izquierda á derecha, hasta llegar á la dirección que se desea reducir.

S36.—En los cuadernos que conserva el observador, correspondientes á las distancias zenitales, se calcularán los promedios de los cuatro ó de los dos nonios, segun pertenezca aquél al 2,° ó al 3.º órden, despreciando las decimales de segundo sexagesimal. Tambien se harán en el mismo cuaderno las sumas de las lecturas del nivel lateral en cada una de las posiciones del circulo vertical á la izquierda ó á la derecha del eje central de rotacion del teodolito. Aplicando las fórmulas del artículo 94 se obtendrán los cuatro valores parciales de z para cada punto observado; con los cuales se formará el correspondiente Estado de distancias

zenitales á cuyo pié se escribirán los promedios en segundos enteros, que son los valores adoptados para las distancias zenitales. Debajo de cada uno de ellos, se expresará la altura del punto de mira sobre la referencia de la señal, y en el centro del Estado la altura del instrumento, tomada, igualmente, sobre la referencia ó vértice de la triangulación en que se estacionó, terminando con el apellido del observador.

337.—El órden de resolucion de los triángulos, tanto en la red geodésica de segundo como en la de tercero, debe ser tal que se utilicen convenientemente para la primera los lados de primer órden, y para la segunda los de 2.º. A este fin se dividirá la triangulacion en zonas, sirviendo de base para la resolucion de los triángulos comprendidos en cada una de ellas, un lado cuya longitud sea conocida por la triangulacion del órden inmediatamente superior. Para los lados que tengan más de un valor, se tomará como definitivo aquél que, por su mayor proximidad á una base geodésica, ó por el mejor cierre de los triángulos, ofrezca más garantías de exactitud. Al preparar los triángulos para su resolucion, se deducirán los ángulos, por diferencias, del Estado de direcciones azimutales; escribiendo en el primer lugar de la hoja de cálculo, ó sea al lado de la inicial del vértice, el opuesto al lado conocido, y despuesel de la derecho é izquierda del mismo, suponiéndose colocado en el primero, y mirando al lado que sirve de base. La diferencia entre la suma de los tres ángulos de cada triángulo y 180 grados se repartirá por igual entre aquéllos; y si la diferencia no fuese exactamente divisible por tres, se aplicará la mayor correccion al ángulo ó ángulos que más se aproximen á 90 grados. En los ángulos corregidos no aparecerán tampoco decimales de segundo sexagesimal, y los lados se escribirán con dos decimales de metro. El cálculo se dispondrá de una manera análoga á la del formulario número 16.

- 388.—Cuando las distancias zenitales de un vértice se hubiesen tomado à distintos puntos de mira, se reducirán à uno mismo, en cada estacion, por el formulario núm. 21.
- 339.—La diferencia de nivel entre dos puntos cuyas distancias zenitales reciprocas se conozcan, se calculará por la fórmula del articulo 94.
- 340.—Conocidos los valores de las distancias zenitales recíprocas, y supuesta igual la refraccion para cada dos vértices, se puede deducir un valor para el coeficiente de refraccion [(20)], que se utilizará para calcular las diferencias de ni-

vel entre dos vértices, de los cuales uno solamente haya servido de estacion. En este caso. con el valor de K, promedio de distintos resultados parciales, se calculará la diferencia de nivel por la fórmula (21). Por medio de ésta ó de la (19), se calcularán las diferencias de nivel D entre los dos extremos de los diversos lados de la triangulacion; y como cada triángulo proporciona dos valores para el desnivel de uno de sus lados, se repartirá por igual la pequeña diferencia, corrigiendo sucesivamente por este medio, y siguiendo el mismo órden que en la resolucion de los triángulos, los valores obtenidos para D; con lo que, teniendo en cuenta las diferentes alturas de las señales, resultarán los desniveles definitivos de sus referencias. Cuando éstos sean tan pequeños que la distancia zenital observada no indique cuál de los dos es el punto más elevado, se tendrá presente que para el punto más alto se verificará, prescindiendo de la refraccion:

$$z-90^{\circ}>\frac{1}{2}v$$
,

siendo v el ángulo formado en el centro de la tierra por las normales en los dos puntos, el cual tiene por expresion aproximada

$$v = \frac{l}{R_e \sin t''}.$$

- 341.—Partiendo de las altitudes conocidas de los vértices de t.º orden o de las señales de las nivelaciones de precision, y haciendo uso de los desniveles de los lados de 2.º orden, e calcularán las altitudes de los vértices de esta última triangulacion. De la misma manera, partiendo de las altitudes de los vértices de primero y segundo ordenes, se calcularán las de los de tercero Por este procedimiento se obtendran para la altitud de cada vértice tautos valores como lados partan de él y vayan à otros de altitud conocida. El promedio de todos ellos se adoptará como altitud definitiva.
- 342.—Las latitudes, longitudes y azimutes se calcularán con las fórmulas del art. 89. Los valores de partida serán para el segundo órden los de los vértices y lados de primero, y para el tercero los correspondientes al segundo. Cuando la longitud del lado tenga dos ó más valores, se empleara el que se haya adoptado como definivo.
- 843.—El cálculo se dispondrá con arreglo al formulario núm. 19, empleando siete cifras en las mantisas de los logaritmos, pero sólo con

cinco en las que corresponden á los del segundo término de la correccion de la latitud. Los valores de L' y M' se obtendrán con dos decimales de segundo. Tambien se utilizarán las tablas auxiliares de P, Q y R, del citado artículo 89.

344.—Con las tres coordenadas geográficas, azimutes y lados correspondientes á las triangulaciones de cada uno de los órdenes 2.º y 3.º, se formarán Estados análogos á los del formulario núm. 27.

DISPOSICIONES GENERALES.

- 845.—Los cálculos logarítmicos correspondientes á las triangulaciones de 2.º y 3.er órdenes se harán con siete cifras en las mantisas, excepto en los casos particulares para los cuales se haya prescrito un número menor.
- 346.—Tanto en los números como en los logaritmos se despreciarán las cifras decimales que excedan del número prescrito para cada caso; pero si las despreciadas tienen un valor mayor que 0,5 del órden de la última admitida, se añadirá á ésta una unidad.
- 347.—Todo logaritmo se escribirá tal como sea, con su característica natural, para conocer el lugar de la coma en su respectivo número,

sin necesidad de buscar el origen del logaritmo.

- 848.—Cuando hubiere que emplear senos de ángulos menores de 0° 12' ó cosenos de ángulos mayores 89° 48', y lo exija la exactitud de la operacion, se obtendrán sus logaritmos haciendo uso de la tabla de senos naturales.
- 349.—Todos los cálculos se harán por duplicado y por distintas personas, confrontando éstas, no sólamente los resultados finales, sino los parciales en sus vários períodos, hasta obtener completa conformidad.
- 350.—Se calculará siempre en las hojas de papel que facilite el fustituto, escribiendo por una sola cara, y procurando que haya la necesaria claridad en las cifras, aunque estén enmendadas.
- 351.—Todas las bojas han de estar autorizadas con la media firma del calculador, excepto la última de cada cálculo, que ha de llevar la firma entera y la antefirma de su empleo. Los que hayan ejecutado los cálculos presentarán originales todos los papeles, aunque estén cubiertos de enmiendas y tachones, y nunca harán copias, cuyo valor es muy inferior en un archivo geodésico.
- 352.—Concluidos que sean los dos ejemplares del cálculo hasta donde se les haya enco-

mendado á los calculadores, y asegurados éstos de su perfecta conformidad, lo harán así constar bajo su firma en ambos ejemplares, y cada uno remitirá de oficio el suyo al Director general del Instituto Geográfico y Estadístico.



FORMULARIOS.



Formulario núm. 1.
BASE GEODÉSICA DE
Primera medicion.
BAJO LA DIRECCION DE
OBSERVADORES.
Cuaderno núm.
Año de



ADVERTENCIAS.

1.ª tros =		eccion	de	los	cuatro	term	óme-
2.4	Toda				el arco d		
	a su				e del cero		
	D	ia 29 d	3 Jun	io de	·	.•	
		PO	SIC	ION	1.	h. 47	m. 53
Term. n	.01.	Term. n	.º 2.	Ter	m. n.º 3.		
46 ^G	,7	16 ^G	,9		46 ^G ,9	46	³ ,8
			NI V	ÆL	•		
		5	3	2′ {	30 "		
		P	SIC	ION	2.		m. 56
Term.	.°1.	Term. n	,º 2 .	Ter	m. n.º 3 .	Term.	n.º 4.
16 ^G	,7	46 ^G	,8	1	6°,9	46	8, ⁰
			NIV	EL	•		

4° 12' 40"





Formulario núm. 2.

BASE GEODÉSICA DE
Segunda medicion.
BAJO LA DIRECCION DE
OBSERVADORES.
Cuaderno núm.
Año de



POSICION 99.

h. m.

4 26

Term. n. 1. Term. n. 2. Term. n. 3. Term. n. 4. 25 6.7 29 6.0 32 6.8 28 6.2

NIVEL.

3º 54' 10"

POSICION 100.

h. m.

4 38

Term. n.º 1. Term. n.º 2. Term. n.º 3. Term. n.º 4. 27 °.8 34 °.3 30 °.6 26 °.6

NIVEL.

4° 22' 30"

El trazo de la regla ha pasado del punto de referencia y, por consiguiente, hay que restar de la longitud de dicha regla 0^m,0200 dados por la reglita adicional.

(AQUÍ LAS FIRMAS DE LOS OBSERVADORES)

BAJO LA DIRECCION DE

27*

<u>''උපුදුපුතුන</u> නනනනනනනනනනන <u>''</u> දුපුදුපුතුනනනනනනනන <u>''</u> දුපුදුපුතුනනනනනනන <u>''</u>	1333,59
0,000 0,000	23,8081
583538383838388288	50 Ft
augagagagagagagag Pungagagagagagag Pungagagagagagaga	998,55
0,4805 0,1440 0,0746 0,9563 0,1715 0,1807 0,1807 0,1876 0,1876 0,1878 0,1878 0,1878	15,5394
228882888422888888888888888888888888888	
- 1	
8888888888 884444444	50FtR

nm [c] = 39,3475

t = 2332.14

(AQUÍ LAS FIRMAS DE LOS CALCULADORES) Calculado bajo la direccion de

(1) se terminó el trabajo a las \mathcal{W}^{ll} 1^m.

Formulario nóm, 3.

Base de-

	_		_			_					_				_	_						
-2	0	200	20000	20.00	200	24.5	56	9 6	9	25,45	2777	82,01	55.05	25,12	77.77	25,38	25,82	200	25,57	2	20,00	28.05
c == 8,000 sent § I.	E E		0,4113	10 Mars	MO1270			X 75 0	10000	O. 12224	EXCW.	0,3227	C.C.B.S.F.	1,0921	152.7°	0,2574	0,5466	0,8765	0,6228	0,2552	0,4517	0382
4			_			3	- i	3:					æ	?	-1	£	3	4	1 8			_
Posi- crones de la regla,		51	23	5	适	ß	活	ie i	ß	8	£	5	20	83	3	55	£	6	E	69	79	F
4		16.72	22	17,02	17, 15	17.5	18.07	16.62	16.92	14.92	74.75	1979年	17. 6	17.40	15	12.50	Ξ *	18.4	19,05	19,99	19,42	19.62
T \$1709 (400 M	QIE	1000		1,231	11,0122	0,35.03	0,0935	E L'C	C E Z	0,1483		1.17.44	17 12 12			0.377.0	0.050.0	128	5,500	1,37,2	1,000	0,0570
+		0 33	5	4 4						1	417			3			3,3				23	
Post- cionas de la regla,	1			4 15		+1.	·	- 1	,	0.0			_ 1	4:		+ ,			~ 4		· 5	. =
	T crones I. de la la legla, regla,	T crones de la samme de la regla.	1 c c c c crones c conservati. 1 c c c crones c c c crones c c c c c c c c c c c c c c c c c c c	T c c c c c c c cones c c c c cones c c c c c cones c c c c c cones c c c c c c cones c c c c c c c c c c c c c c c c c c c	T c c c c c c c c contes c c contes c c c c c contes c c c c c contes c c c c c c c c c c c c c c c c c c c	Total Position Property of the last mine	Total State	To the late of the	Totales	C	1	1	1 0 0 0 0 0 0 0 0 0	1 10 10 10 10 10 10 10	1 1 1 1 1 1 1 1 1 1	Position Position	1	1	1	Totales	1 1000 Sept. 1 1,000 Sept. 1,000 S	1



2222	eraaaaaaaaaaaaaa Babaabeebeebeebee	1420,10
0,9774 0,5275 0,1787	0,5730 0,5730 0,5730 0,615119 0,4003 0,459 1,2011 0,727 0,72	(A)(1)(A)
	544585555555	
	- 1	
8828	E832888888888888	our tr
88.88 6.68 8.88 8.88 8.88	8888888888888888 66266618656666	200000
0,7521 0,1203 0,3178	0,1843 0,5493 1,0164 1,0164 0,2536 0,2538 0,6346 0,6346 0,6058	Occupa-
	878784847484448 88588888844448	
1111	111111111111	
****	80883444444488 5	LR.

BB (1275

[#] = 2754,72

d = -0.0200

(AQUI LAS FIRMAS DE LOS CALCULADORES) 1) Se terminó el trabajo a las de 38. Calculado hajo la dirección de

		2 ^b 27 ^m (4	%.010 sen≠ 11.	0.2401 0.
mdon, 4.	. (3 Julio de	Post- crones de la regla	
Formulario man.			3	977388888888888888888888888888888888888
P.	Вазе се	La seccion,	C' : A RHOOSenx I'.	2000 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1
	Ä		, <u>,</u>	* 0
		2." medicion.	Post- conses de la regla.	-004:000-00-C152445274535

8887227288888888888888 8888888888888888	88.88 9.98	1428,13
0,000,000,000,000,000,000,000,000,000,	0,7150 0,2275	23,(1385
- 10	1 1 36	
%&&&&&&&&&&&&&&&&&&&&&&&&&&&&&&&&&&&&&	103	50Ft
*************************************	30,08	1326,59
0,1264 0,2703 0,17521 0,1203 0,1203 0,2840 0,1843 0,1866 0,1869 0,1806 0,1806 0,1806	0,3301 0,6058	14,9890
244-8448282828484-484-484-483-8382448838888888888		
88888888888	#R	50 Ft

(AQUI LAS FIRMAS DE LOS CALCULADORES)

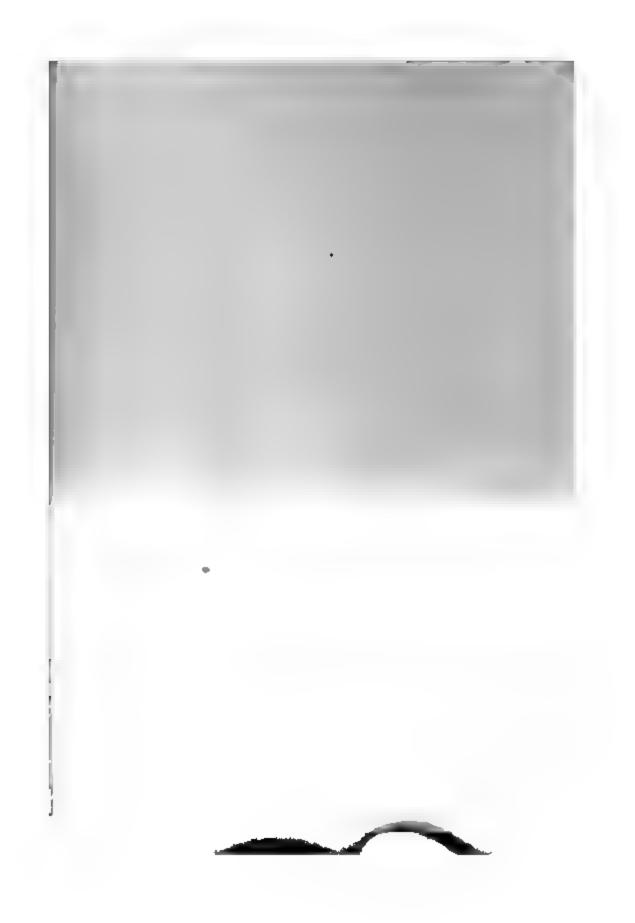
1) Se terminó el trabajo a las 4^{h 38}. Calculado hajo la direccion de



Formulario núm. 5.

RED	GEODÉSICA	DE 1.er 6 1	RDEN.
		- •	
	AZIMUT	'ALES.	
Estacion	de		
	ecuade		
	o núm		
	ento usado_		
	OBSERV	ADOR.	
	AÑO DE 4	8	•
	lde io del Sr		
•	_de		

NÚM.____ DEL REGISTRO GENERAL.



ADVERTENCIAS.

4 de los tambores micrométricos = 2",0 Se estacionó sobre un pilar separado del vértice.

Los datos de reduccion son: $a=6^{\rm m},74$ y el angulo, señal, pilar, Pinavete = $359^{\rm o}$ —57'

Peña-gorda (Tablero).

Pinavete (Heliotropo en la vertical).

Jara (Heliotropo).

Peña-alta (Señal).

\$26 ESTACIO!

Mes de Mayo de 1868.

Numero.	Dlas.	Horas,	Minukos,	C.º a la	OUJE TOS.	Visibili- dad.	Grad
1 29 09 4	τ¢	17	20 40 58	þ	Peña-gorda (F) Pinavete (H) Peña-alta S) Peña-alta S) Pinavete (H) Peña-gorda T) Pena-gorda T Pinavete (D) Pena-alta S Peña-alta S	K H H H H	25

OBSERVADOR.



IA-BLANCA.

crosc opio I.		Microscopio II			Promedios.			Diferenci as.			
	v	P	D	v	P	v	,	"	υ	, :	"
i	0	57,2	8	1	47,0	86	34	44,2	0	0	0,0
1	0	28,9	7	1	20,0	137	29	48,9	5 9	55	4,7
	0	49,4	14	1	57,4	258	58	46,8	172	24	2,6
	0	49,6	14	1	57.4	259	58	47,0	172	24	0,7
1	0	28,5	7	1	18,8	137	29	47,3	50	55	1,0
	0	58,3	8	1	48,0	86	34	46,3	0	0	0,0
1	0	10,0	1	1	19,9	274	5	29,9	0	0	0,0
	1	52, 5	0	O	43.8	325	0	36,3	50	55	6,4
	.0	47,2	2	1	32.0	.14	10	19,2	130	4	49,3
I	0	24,6	7	1	7,7	83	29	32,3	172	24	2,4
•	0	24,6	7	1	7.5	86	29	32,1	172	24	1,9-
	0	48,1	2	1	31,7	44	10	19,8	130	4	49,6

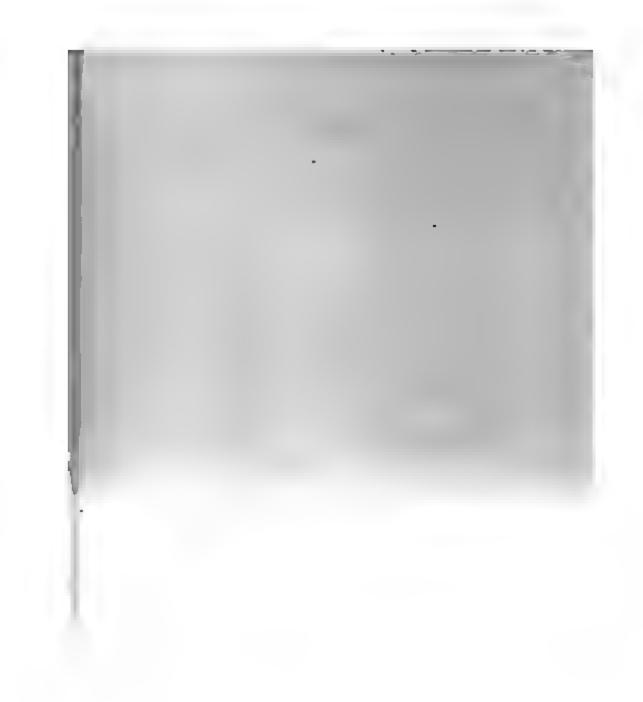
NOTAS



Formulario núm. 5 (segundo).

RED GEODÉSICA DE 1.er ORDEN.

Estacion de	
Consta de cua	dernos.
Cuaderno núm	•
Instrumento usado,	
OBSERV	ADOR.
. ~ ~ ~	
AÑO DE 1	8
Recibido elde	de 18
con el oficio del Sr	
dede	



ADVERTENCIAS.

Una parte del tambor del	M.º I vale	1",0
	11	4",0
	III	1",0
	IV	1",0
P	ROMEDIO	1",0

Una parte del tambor del ocular vale 1", i y su graduacion es directa respecto á la del limbo en la posicion de C I, é inversa en la de C D.

	Desierto (I	Ieliotropo).
Direcciones observadas	Montsia	(id.
	Mongo	(id.)

43%

ESTACE

Mes de Marzo de 1878.

Уишего.	Dias.	Horas.	Minutos.	C.º	OBJ RTOA	Visib.4	To see
1	24	19	40	1	Desierto (11)	11	
					Montsia (H)	мв	6

OBSERVADOR

†33

UMBRETES.

								_		
	Ocular.	Microscopios.			Promedios.			Diferencias.		
	97,7 93,2 93,9 95,5	H (v 1 1 1	P 56,0 62,8 67.7 54,2	b	,	п	3	,	"
nas medios										
	98,7 97,8 97,9 96,9	IA LEI LI	3 3 3	\$4,9 42,7 40,8 80,9						
nas rmedios										

NOTAS.



Formulario núm. 6.

RED GEODÉSICA DE 1.er ÓRDEN.

			LES.		
Esta cion d	le				
Consta de					
Cuaderno	núm.		•		
Instrumen	to use	ido			•
	овя	ERVA	ADOR.		
-					
	AÑO I	DE 18			
Recibido el_					
on el oficio d					

NÚM. DEL REGISTRO GENERAL.



ADVERTENCIAS.

1^P de los tambores micrométricos = 2",0 1^D del nivel lateral = 2",10 Se estacionó sobre el pilar vértice.

Datos para la reduccion á los puntos vértices.

	Altura del centro del ocular so- bre la referencia inferior del observatorio	m 7,15
Columnas (Tablero).	Altura del punto observado so- bre la referencia inferior de la señal	
Crucero (Cúspide de la señal).	Id. de id. id	5,50
Santa Paula (<i>Heliotropo</i>).	Id. de id. sobre la inferior del observatorio	
Santa Teresa (Base de la señal).	Id de id. id. de la señal	0,00

Mes de Naya de 186%.

Nun	E	140	U IV	G.º		4	SIY	KI
Vuntero.	[2184]	Horas.	thom.	a la	ABINTUS.	Vis.4	lg- querda	De- reciu
	8	а	48		Sta. Paula dis	#	1º 26,0	e 55,3
1			ı	Ъ		R	81,2	66,2
2			52	Ð		T)	31,3	60,2
				Г		įį	25,2	54,3
	ı	4	16	1	Columnas Pr	В	31.4	61,0
	E			b		B	81.4	61.0
2	ı		16	1)		В	31,4	61,1
				1		В	26,5	56,5
3	9	2	11	,	Columns T,	В	32,3	63,0
ľ				-D		R	31.5	62,1
4			27	D I		R	8,18	62,8
				1		R	33,2	63,0

OBSERVADOR:

24.		7,7	
77			
1	•	1	
1	I	I	-
0,0	0,0	0,0	
S	(=	
8		922	
Q	•		
1 15		₹	
36	Š	a A	

Instrumento usado:

DATOS DE REDUCCION.

a	Los datos para obtenerla han sido en Peña-Alta $\begin{cases} a = 5^m, 05 \\ \alpha = 170^{\circ} \ 36^{\circ} \end{cases}$	El heliotropo no estuvo colocado en la vertical del vertice; por lo tanto debe sufrir esta direccion la correccion de. $-10'',6302$	Los datos para obtenerla han sido en Jara	Observador:
Z		S	-	

DIRECCIONES MÁS PROBABLES EN LA ESTACION AISLADA.

		0000	85,927	28,010	24 56,371
	-	0	18	10	\$
	•	0	යි	130	138
		•	•	•	•
_		•	•	•	•
E.S.		•	•		•
Į,		•	•	•	•
RI		•	•	•	•
reducidas á los vértices.		•	• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •	•	
SO		•	•	•	•
ĭ			•	•	•
∵				•	•
¥6		•	•	•	•
CII		•	•	•	•
Da		•	•	•	•
RE		•	•	•	•
		•	•	•	•
		•	•	•	•
		Pena-Gorda.	Pinavete	Jara	Peña-Alta,.

HECHO POR DUPLICADO, Y CONFORME.





	2,7*			
	- !	1		
	1	1		
1.060	0,0	0,0		
33		0		
%		226		
Q		Н	_	
1 15	31	8		
23	53	જી		

Instrumento usado:

DATOS DE REDUCCION.

• = 6 ^m ,74	. = 359° 57'	tenido apuntando á un a señal, siendo la cor- - 3",3	$\begin{cases} a = 5^m, 05 \\ a = 170^{\circ}, 95' \end{cases}$		8 = 3 = 50 2 = 500 AQ	er 100 - 10
$a. \dots a = 6^m, 74$	a para Pinavete	Los valores heliotropo reccion de	Los datos para obtenerla han sido en Peña-Alta	El heliotropo no estuvo colocado en la vertical del vertice; por lo tanto debe sufrir esta direccion la correccion de.	Los datos para obtenerla han sido en Jara	Observador:
		Nota.		7 (0)	3	r

DIRECCIONES MÁS PROBABLES EN LA ESTACION AISLADA.

	=	0000	35,927	28,010	56,371
	-	0	18	1 0	\$
	•	0	යි	130	173
		•	•	•	•
٠.		•	•	•	•
ES		•	•	- •	•
CIC		•	•	•	•
REDUCIDAS Á LOS VÉRTICES.		•	•	•	
V		•	•	•	•
08		•	•	•	•
H		•	•	•	•
.e.		•	•	•	•
PAS		•	•	•	•
<u>S</u>		•	•		•
JU:		•	•	•	•
(RE		•	•	•	•
		•	•	•	•
		•	•	•	•
		Peña-Gorda.	Pinavete	Jara	Peña-Alta,

HECHO POR DUPLICADO, Y CONFORME.

EL





Formulario núm. 9.

ESTACION DE PEÑA-BLANCA.

FORMACION DE LAS ECUACIONES FINALES.

$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	- 5,5000 A - 5,5000 B - 5,5000 C - 0,6667 - 6,6667 - 3,3333 - 5,5000 - 2,0000 - 2,0000 - 1,0000 - 1,0000
-10.5 = (53) - 4.3499 -6.1501 =	-18,0000 - 8,1667 -11,8333 +35,0000 \(\Lambda - 8,1667 \) B -11,8333 C
+ 0.2 = (22) 13 + 2.5500 - 1.7 = (2) - 0.4333 + 4.3 = (6) - 0.1667	- 5,5000 A - 5,5000 B - 5,5000 C - 0,6667 - 0,6667 - 2,0000 - 2,0000
+ 2.8 = (30) + 2.2834 $+ 0.5166 = \dots$	-8,1667 $-8,1667$ $-7,5000$ $-8,1667$ $+21,8333$ B $-7,5000$
+ 12.2 = (22) C + 2.5500 $- 6.0 = (10) - 5.4333$ $+ 2.6 = (6) + 1.3000$ $- 3.8 = (6) + 0.1667$ $- 4.0 = (2) - 2.0000$	- 5,5000 A - 5,5000 B - 5,5000 C - 3,3333 3,0000 - 2,0000 - 2,0000 - 2,0000 - 1,0000 - 1,0000
+1.0 = (46) - 3.4166 +4.4166=	—11,8333 — 7,5000 —14,8 333 —11,8333 А — 7,5000 В +31,1667 С

ECUACIONES FINALES.

	6,1501	=	+	35,0000	A - 8,1667	В		11,8333	G
					+21,8333				
+	4,4166	=	_	11,8333	- 7,5000		+	31,1667	

HECHO POR DUPLICADO, Y CONFORME.

E1	F1
A 2 6	

ESTACI

Resolucion

a n = -6,1501 $ og [a n] = 0,78888218 $ $ a n = 1,0481414$	$\frac{(a \ a) = +35,0}{\log [a \ a] = 1,54406}$
$\log \frac{ a \ n }{ a \ a } = \overline{1,24481414} ;$ $\frac{ a \ n }{ a \ a } = -0.1757$	
$- B \frac{[a \ b]}{[a \ a]} = - 0.0075$	$[b \ n] = + 0,5$
$- \left(\frac{ a c }{ a a } = \frac{0.0288}{0}$	$-\frac{ a b }{ a a } a n = -1.4$
A 0,1474	$\lfloor bn1 \rfloor = -0.9$ $\log \lfloor bn1 \rfloor = \overline{1.96303}$
	$\log \frac{\lfloor b n 1 \rfloor}{\lfloor b b 1 \rfloor} = \overline{2.66357}$
	$\frac{[bh1]}{[bh1]} := -0.0$
	$C \frac{(b c 1)}{(b b 1)} = + 0 c$
	};
·	

BLANCA.

ones finales.

$[a \ b] = -8,1667$	1a c 11,8938
$\mathbf{g} \ (a \ b) = 0.91204660$	log a r 1,07810587 ₁₄
$g \left(\frac{a b_1}{a a_1} \right) = 1.36797856$,	log a c 1,52913783,,
og R - 3,84242968 a	log C = 2,93044613
R[a b] 4,71040124	log G (a a) - 2,45948396 _H
$(b \ h) = +21,8933$	カ c ~ ・7,5000
β (α b) <u>- 1,9058</u>	$-\frac{a b}{a d} a c = -27611$
(bb1) = + 19,9277	b c1 = 10,2611
g (b b 1) 1,29945717	log .bcl 1.01119392,
	$\log \frac{(b c 1)}{(b b 1)} = \overline{1},71179675_{H}$
	ing C2,93044513
	$\log C \frac{(b r)}{(b b)} = 2,64218288_{B}$
[c n, : + 4,4166	c c = +31.1687
$\frac{1}{2}[a \ n] - \frac{2}{2}.0793$	$= \frac{a \cdot c}{a \cdot a} \cdot a \cdot c = 4,0008$
ten1, + 2,3373	cr = +27,1659
$\frac{1}{1}(bn1) = -0.4729$	$-\frac{(bc1)}{(bb1)}(bc1) = -5.2836$
(CH2) - + L8644	[cc2] + 21,8823
(cn2) = 0,27053900	Tog [a c2] - 1,34000200
$g \frac{(cn2)}{(cc2)} = 2,93044613$	
$\frac{ cn2 }{ cc2 } = \rightarrow 0.0852$	
C = + 0,0852	

BSTACION

Resolucion de

$[a \ n] = -6,1501$	$[a \ a] = + 95,000$
$\begin{bmatrix} a & a \\ a & a \end{bmatrix} = -0.1757$ $= B & \begin{bmatrix} a & b \\ \hline & & \end{bmatrix} = 0.0005$	
	$[a \ b]$
- 0,1474	
	$\frac{(bn1)}{(bb1)} - 0.046$
	$- c \frac{hc1}{(hb1)} = 0.049$
	13 0,008:

A-BLANCA.

sciones finales.

$[a \ b] = -$ 8,1667	$[a \ c] = - 11,8333$
$\frac{a\ b}{[a\ a]} = -0.2333343$	$\frac{ a \ c }{ a \ a } = -0.3380943$
$[b \ b] = + 21,8333$	b c = -7,5000
$\begin{bmatrix} a & b \\ \hline a & a \end{bmatrix}$ $[a \ b] = -1,90557$	$-\frac{a b}{a a} a c = -2,76111$
[bb1] = + 19,92773	bc1 = -10,26111
	$\frac{[bc1]}{[bb1]} = -0,5149161$
[c n] = + 4,4166	$[c \ c] = - 31,1667$
$\frac{[a \ c]}{[a \ a]} [a \ n] = - 2,0793$	$-\frac{[a \ c]}{[a \ a]}[a \ c] = - 4,00077$
[cn1] = + 2,3373	[cc1] = + 27,16593
$\frac{[bc1]}{[bb1]}[bn1] = - 0,4729$	$-\frac{[bc1]}{[bb1]}[bc1] = - 5,28361$
[cn2] = + 1,8644	cc2 - + 21,88232
$\frac{[cn2]}{[cc2]} = + 0.0852$	
C = + 0,0852	

KI_____

1			
: :			
•			
i I			
<u> </u>			
!			
) !			
ı İ			
, L			
: 1			
i			

Formulario núm. 11.

ESTACION DE PEÑA-BLANCA.

Sustitucion de los valores de las incégnitas en las ecuaciones finales.

	а	5	c
$\Lambda := -0.1474 a$	- 5,159000	+1,203772	+ 1.744228
B = -0.0022 b			· [
C == + 0,0852 c	- 1,008197	— 0 .63 9000	+ 2,655403
1			
	— 6,14923 0	+ 0,516739	+4,416131
Constantes	— 6,1501	+ 0,5166	+ 4,4166
Diferencias	0,0009	0,0001	0,0005

HECHO	POR	DUPLICADO.	Y	CONFORME.

E1	El
----	----

Formulario núm. 12.

ESTACION DE PEÑA-BLANCA.

Reducciones à los vertices.

CÁLCULO DE C.	VERTICES.	Direcciones en el pilar de observacion.	cálculo de las correcciones.	Direcciones reducidas a los vértices.
	Peña-Gorda	0,000,000	$\log c = 6,14308503$ $\log sen \alpha = \overline{1,89030273}$ $c. \log A = \overline{5,48650239}$ $\log x = \overline{1,51989015}$ $x = \overline{-33'',1047}$, ' " 359 59 98,8953
			$\log c \dots = 6,14308503$ $\log \sin \alpha = 4,94084732 n$ c. $\log A \dots = 5,39516474$	
	Pinavete	50 55 2,8526	$\log x$. $= \bar{2},47909709 n$	50 55 2,8225
$\begin{cases} a & a & = 0, 14 \\ \log a & = 0,82805990 \\ 10 & = 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, $] Peña-Blanca	50 58 2,8526		

=======================================		20
 		172 24 23,2868
4		24 5
130		27.1
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$\log c = 6.14338593$ $\log \sin \alpha = 1.93107861$ $c. \log A = 5.2997981$	log n. =: 1,36514345 n. : =: +23",1816
13:) 4 44,9978		4 0,9852
130		2 ير ا
Jara		Pena-Alta 172 24 0.0852

HECHO POR DUPLICADO, Y CONFORME.

El El

ESTAG

Resolucion

	160901601001
$\frac{\{a,n\} = + 1,000}{\log \{a,n\} = 0,0000000}$	log [a a] = + 3540
$\frac{(a \ a)}{(a \ a)} = 2.45580100$ $\frac{(a \ a)}{(a \ a)} = -9.02837$	
$\alpha \beta \frac{(a \ b)}{[a \ a]} = +0.00323$	[b n] = 0,0
-a y [1 a] - + 1,0070s	10g [bal] 1,3575
at at + 0404000	tog [bb1] 2,0685
	$ \begin{array}{ccc} [bn1] & \leftarrow 0,0 \\ [bo1] & \leftarrow 0,0 \end{array} $
	-a y [bb1] - + 0,0
ļ	α '3 · υ ₄ 0

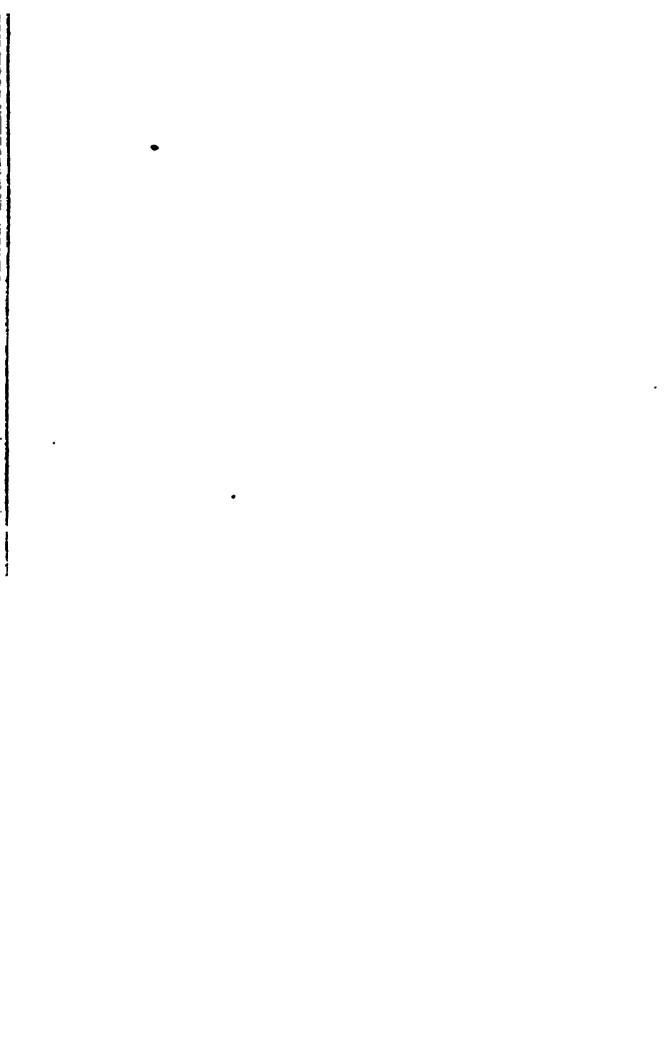
13.

MA-BLANCA.

vaciones preparatorias.

$[a \ b] = -8,1667$ $\log [a \ b] = 0,91204669$ $\log \frac{[a \ b]}{[a \ a]} = \overline{1,36797856}_{n}$ $\log \alpha \beta = \overline{2,35198946}$ $\log \alpha \beta \frac{[a \ b]}{[n \ a]} = \overline{3,71996892}_{n}$	$[a \ c] = -11,8333$ $\log [a \ c] = 1,07310587$ $\log \frac{[a \ c]}{[a \ a]} = \overline{1,52903783}_n$ $\log \alpha \gamma = \overline{2,32099963}$ $\log \alpha \gamma \frac{[a \ c]}{[a \ a]} = \overline{3,85003746}_n$
$ \frac{[b \ b] = +21,8333}{[a \ b]} = -1,90557 [b \ b1] = +19,92773 log [b \ b1] = 1.29945783 $	$ \frac{ b \ c = -7,5000}{-\frac{ a \ b }{[a \ a]} \frac{ a \ c = -2,76111}{[b \ c \ 1]} = -10,26111} $ $ \frac{ b \ c }{[b \ c \ 1]} = -10,26111 $ $ \frac{ b \ c }{[b \ c \ 1]} = \overline{1,71173652}_{n} $ $ \frac{ b \ c }{[b \ b \ 1]} = \overline{1,71173652}_{n} $ $ \log \alpha \gamma = \overline{2,32099963} $ $ \log \alpha \gamma = \overline{2,03273615}_{n} $

Bl_



Formulario núm. 13 (continuacion).

ESTACION DE PEÑA-BLANCA. Resolucion de las ecuaciones preparatorias.

bn1 = +1,00000		cn1 = 0.00000	
	log bb1 = 1,29045783		1.9470328
Ol	$\log b n 1 = 0.00000000$		$\log cn2 = 1.71173652$
$\frac{b n 1}{b b 1} = +0.05018$	$\log \frac{bn1}{bb1} = 2.70054217$		Ċ
•	$\log \frac{bc1}{hb1} = \overline{1.7117332n}$	cn2 -= 0,02353	$\log \frac{c_A 2}{c_C 2} = 2,37164316$
	log g g = 2.7944805	3 y + 0.02353	$\log \beta \gamma = 2.37164316$
		cn2 = +-1,0000	
			log ce 2 = 1,34003386
			log cn2 == 0,00000000
		Cn2 =0,04570	$\log \frac{cn2}{cn2} = 2.6599664$
		77 = +0,04570	$\log \gamma \gamma = 2,65990664$

Fort

ESTACI

Resolucion -

[o n]	+	1,0000	[a a] - + B
(n n) (n n)	+	0,02857	
$-a\beta \frac{(a \ b)}{(a \ a)}$	+	0,90325	
$-\alpha \gamma \frac{\{a \in I\}}{[a \mid a]}$	+	3,00708	[b n] =
22	+	0,04000	$= \frac{[a \ b]}{[a \ a]} [a \ n] \ \underline{\cdot} + \ 0$
			$\frac{\{bn1\} = + 0}{\{bn1\}} = - 0.$
			$= 2 \gamma - \frac{\sqrt{(c \cdot 1)}}{(h \cdot d \cdot 1)} = + 0.$
			αβ + 0.
1			

13 (segundo).

EÑA-BLANCA.

Evaciones preparatorias.

$[a \ b] = -\cdot 8.1667$	[a c] =. — 11,8333
$\frac{[a \ b]}{[a \ a]} = -0,2333343$	$\frac{ a c }{ a a } 0.3380943$
[b b] := + 21.8333	$ b c\rangle = -$ 7.5000
$-\frac{[a\ b]}{[a\ a]}[a\ b] = -1,90557$	$-\frac{[a\ b]}{[a\ a]} a\ c =-2,76111$
[b h 1] -:: + 19.92773	$ \begin{bmatrix} b c 1 \end{bmatrix} = -10,26111 \begin{bmatrix} b c 1 \end{bmatrix} -0,5149161 \begin{bmatrix} b b 1 \end{bmatrix} $
$[c \ n] = 0,0000$	c c = + 31,1667
$ \begin{bmatrix} a & c \\ a & a \end{bmatrix} \begin{bmatrix} a & n \\ c & n \end{bmatrix} = + 0,33809 \\ - \begin{bmatrix} b & c \\ b & d \end{bmatrix} \begin{bmatrix} b & n \\ c & n \\ c & n \\ c & d \end{bmatrix} = + 0,12015 \\ - \begin{bmatrix} c & n \\ c & d \\ c$	$-\frac{[a\ c]}{[a\ a]} [a\ c] = -\frac{4,00077}{[c\ c1]} - \frac{[c\ c1]}{[b\ b1]} \frac{[c\ c1]}{[c\ c2]} = -\frac{5,28361}{[c\ c2]}$

Kt_____

Formulario nam. 13 (segundo) (continuacion).

ESTACION DE PENA-BLANCA.

Resolucion de las ecuaciones preparatorias.

	cr2 = +21,88232 cr2 - +0,5149161		, T		cc2 - + 21,9833	
cul = 0,0000		cn2 + 0,02353	βγ - + 0,02353	r. 12 - + 1,90031	cn2 cc2 - +0.04579	Y Y = + 0,04570
	18,92773	-0,5149161				
	19976	les t				
hu] +1,03)3)	$\frac{bn1}{bn1} = +0.05118$	-976, 1 + 2,012 2 1	9.9 + 0.0623)			

Formulario núm. 14.

ESTACION DE PEÑA-BLANCA.

Sustitucion de los valores de las incógnitas en las ecuaciones preparatorias.

$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$			7	
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$		a	q	J
$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$\alpha = + 0.04090$ 3 = + 0.02249 4 = + 0.02094	· + 1,4315073 0,1836691 0,2477893	- 0,3340180 + 0,4910309 0,1570500	- 0,4830820 - 0,1686750 + 0,6526307
$= \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$		· + 1,0000416	-0,0000371	- 0.0009263
1,0000537	li li		+ 1,2414976 - 0,2414439	- 0,6392672 $+$ 0,6392143
- cs			+ 1,0000537	— 0,0000529
		ነት ፡፡ ተ 0,0		+1,0003220
ív .				+ 1,00)322)

HECHO POR DUPLICADO, Y CONFORME.

l Rl

163

Formulario núm, 15,

ESTADO GENERAL

DE LAS DÍBICCIONES HAS PROBABLES, REDUCIDAS Á LOS EXETIGES, EN CADA ESTACION AISLADA.

59TALIONES.	VERTICES OBSERVADOS,	observaciouss.	Directiones.
Peña-Blanca.	tena-Gorda Pinavete Jara Poña-Alta	51 53 30 46	0 0 0,090 6) 55 35,927 130 5 28,010 172 24 55,971
(#t 2 - 2 t - 1	Majoda Santa Paula Force Santa Forca Computer Faprin	56 50	
Sonto Parla .	Ma ada	56 53	0 0 0,000 41 2 42,228 224 8 50,573 251 48 15,897 331 33 29,731
Magada ,	Alton	81 62 44 58	0 0 0,000 100 17 29,575 156 3 38,538 197 29 32,968

HECRO POR DUPITIOND A Y CONFORME.

htBt	
------	--



165

F'orse

CALCULO DE TRIÁNGULOS DE LA CAL

vertices.	AN	LOGARZ	
Nombres.	LªFÉRICOS.	PLANOS.	de los s
l' Crusero	85 47 23,331	65 47 23,442	1,960d
D Sauta Paula,	58 25 30,269	58 25 <u>29,38</u> 2	î,8 9 04
7 Majada	১০ বল ২০ ই	55 46 8,176	1,9178
	181 0 2,332	18) b 0,000 Excess esferico.	
Tridag, n.º ,		- Errot.	

6.

DE		
CÁLCUI.O de la ITUD DE LOS LADOS.	LADOS.	CÁLCULO del EXCESO ESFÉRICO.
$= 4,53222618$ $\text{sen V.} = 0,03998352$ $\text{n D.} . = \overline{1},93049372$ $ = 4,50270342$	34958,55 31829,24	log VI = 4,50270342 log VD = 4,48959742 log sen V = 1,96001648 log K = $\overline{9}$,40509353 log ϵ = 0,35741385
$\begin{cases} + \\ sen V \end{cases} = 4,57220970$ $n I = \overline{1},91738772$ $0 = 4,48959742$	30874,32	ε 2,227

HECHO	POR	DUPLICADO,	Y	CONFORME.
-------	-----	------------	---	-----------

The state of the s
--

CALCULO DE LOS TRIANGULOS

VERTICUS.	AN	LONGARY	
NOMBRES,	espébicos.	PLANOS.	de los 🕸
l' Hajada	55 46 9,083 9,047	55 46 8,160	ī,91796
/ Sauts Paula,	1910.° 1,016 58 26 31,269 30,286 915.° 0,017	58 88 89,308	T+830#
/Cracero	05 .7 29.331	65 47 22,442	1,9630
Triding, ii "	181) 2,662 2,277 4- 0,385	18) 0 0,000 Exceso esferico. Error.	Cateulo deteri tosans

rero de_____

CULO e la DE LOS LADOS.	LADOS.	CÁLCULO del EXCESO ESFÉRICO.
. := 4,48959742	m 30874,32	log VI = 4,59270347
= 0,08261231		log VD :- 4,53222621
. = 1.93049374		$\log \text{ sen V} = \overline{1,91738769}$
4,50270317	31820,24	$\log K = \overline{9,40509653}$
		$\log \varepsilon \dots = 0,35741390$
$\left. \begin{array}{c} \left. \begin{array}{c} \\ \end{array} \right. = 4,57220973 \end{array} \right.$		€····· == 2.277
$=\bar{1},96001648$		
. = 4,53222621	34053,55	
= 32 53 41,221	·	log cot ½ 1 =0,18923007
	945,92	log (DI—VI) ==2,97585441
= 57 6 18,779	62694,53	$c. \log (DI + VI) = \overline{5}, 20277014$
= 1 20 10,619		log tang ½(V—D) = 2.36785462

HECHO POR DUPLICADO, Y CONFORME.

EL
<i>EL</i>

468

CÁLCULO DE LOS TRIANGULO

		GUL08	OBSE	RVA	DOS.		
vértices.		iceos,		PLAN	08.	1	,AĐÔ
V Grucero.	65 47	23,380	65	47	22,442	Di:	= 8 0
Señal.							
D Sta, Paula. Pilar.	58 26	260,289	5A	261	29,8*2	VE	= 81
/ Whjada .	55 46	0,083	35	46	8,176	VD	30
Seoal.	180 0	2,662	180	()	0,030	2 P	- 98
Taian ziilo		3,277	- 16x	res0	esferico.	[1	48
nu a		1,385	= Er	ror.		lg P	4,68

ILATERO DE____

المراب ببرج بسيرها والتناقب التناقب		
ZALCULO del	ANGULOS	CALCULO del
DE LOS ÁNGULOS.	CÁLCULADOS.	EXCESO ESFÉRICO.
	0 1 11	
-VI). $=4,21836373$	V=-65 47 22,42)	log VI == 4,75273346
-VD)=4,243)3343		log VD == 4,48959740
P-DI)=5,84411755		log sen V = 1,95001648
=5,31533493		log K = 9,4)5)3353
$ \operatorname{lng} \frac{\mathbf{V}}{2} = \overline{1,62153976} $		$\log \varepsilon \ldots = 0,35741387$
		ε = 2,277
-DI)=4,15583245	D=58 26 29,356	
-VD)=4,243)9349		
$-V(1)=\overline{5},78103324$		
=5,31533143		
$ng\frac{D}{2} = 1,49537714$		
$ng\frac{\tilde{D}}{2} = \bar{1},74738857$		
DI)4 1550045		
-DI)=4,15588245	$I = 55 \ 46 \ 8,160$	
-VI). =4,21836376		
-VD)=5,75693651	179 59 59,735	
···=5,31533493	Error 0,034	·
$ng\frac{1}{2} = \overline{1},44711768$	131101 0,031	
ng = 1,72355884		

HECHO POR DUPLICADO, Y CONFORME.

168 Pormu

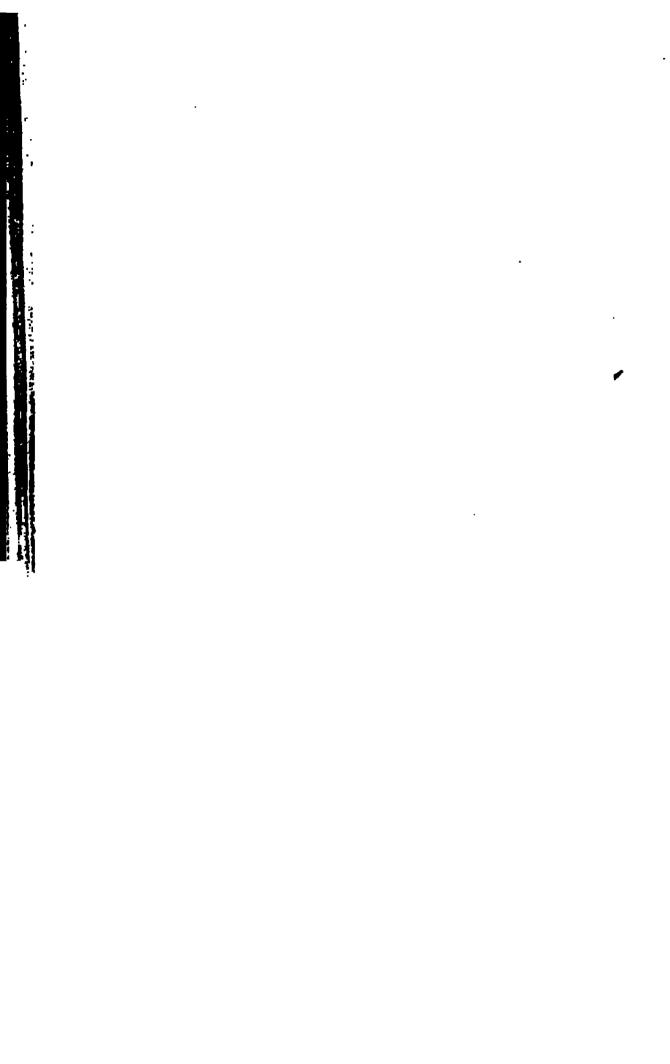
CÁLCULO DE LOS TRIÁNGULOS

	ANGULOS		
VÉRTICES.	ESFEARLOS.	PLANOS.	I.ADOS.
V Crucero Señal.	65 47 29,\$90	65 17 22,442	DI≔ 3405€
D Sta. Paula. Pilar.	58 26 30,289	58 원 원(유원	\1.3189/
I Majada Señal Iriángii.o rina	55 46 J.363 180) 2,662 2,277 - 0,385	55 46 4,176 190 o 0,21) - Exceso esferaco. - Eprer.	VD 3087- 2 P 90750 P 48876 42 P 4,68460

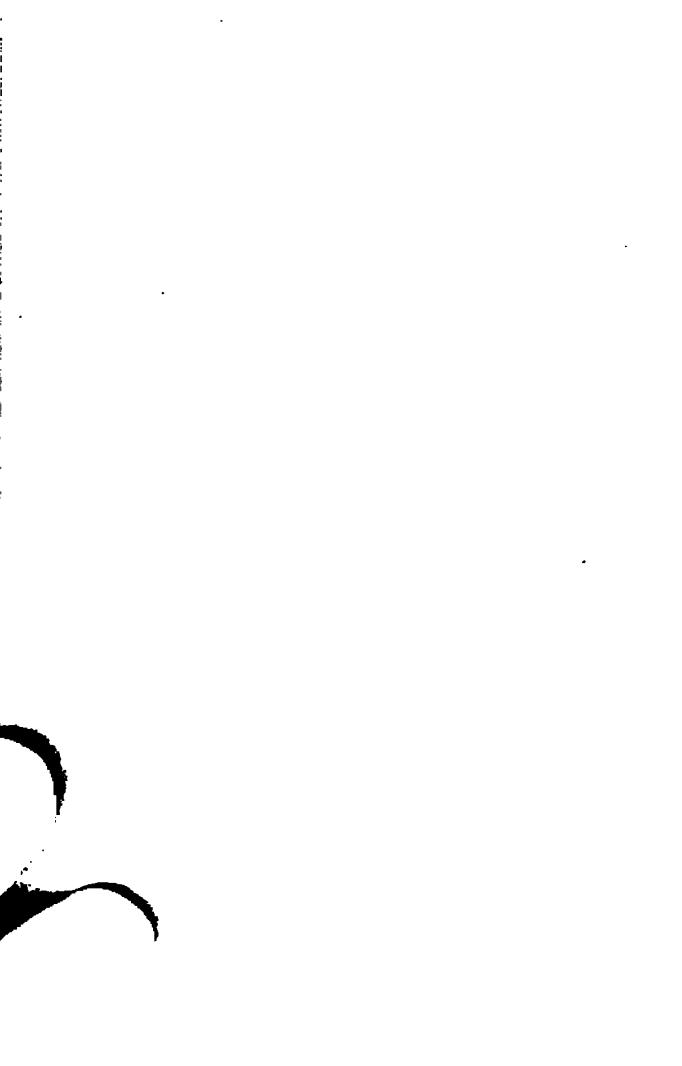
LA CADENA DEL	DE
log R 2,57915680	z 162 59 26,87
log K sen Z 4,47544260	a - 58 26 30,14
c. log cos L' 0,10512153	Z 104 32 56,73
log correc 3,03972090	$\log (M - M') \dots 3,08972090$
correc + 1229",48	log sen 4 (L+L'). 1,79169072
0 1 11	log correc 2,88141162
- correc 20 29,48	correc + 761",05
M+3 10 13.63	0 / //
M'+24944,15	- correc 12 41,05
}	$180^{\circ} + z284 32 56,73$
$M - M' \dots + 1229,48$	Z' 284 20 15,68
log R	z 342 55 11,74
[a + 55 46 8,91
log K sen Z 4,29364865	
c. log cos L' 0,10512143	Z
log correc 2,91291953	$\log (M - M')$ 2,91291953
correc + 818",31	log sen $\frac{1}{4}$ (L+L'). $\frac{1,79339753}{2,79339753}$
o t 11	log correc 2,70601703
- correc 13 33,31	correc + 578".18
$M. \ldots + 3 \ 3 \ 22,47$	0 1 11
$M' \dots + 24944,16$	— correc — 8 28,18
	$180^{\circ} + Z 218 41 29,68$
M — M' + 818,31	z' 218 32 52,57

HECHO POR DUPLICADO, Y CONFORME.

______ El_____







	89 42 17,50
28 ,6	89 53 23, 22
₹	•
8,7 9,7 18,7	
11 4 0 14.7 12 6 9.7	88 52 7,89
	80 6 14,11
D. C. C. J.	r romealos.

INSTRUMENTO USADO:

DATOS DE REDUCCION.

	Los valores de Santa Teresa marcados con asterisco se han obtenido apuntando á la cúspide de la señal y se han reducido á la base, siendo la corrección de
--	--

NOTA.

OBSERVADOR:

DISTANCIAS ZENITALES

(reducidas á los reritees).

Crucero. (Id.). Santa Paula. (Referencia interior del observatorio). Santa Teresa. (Id. id. de la señal). Columnas. (Referencia interior de la señal).... (Referencia interior de la señal.) Torre.

HECHO POR DUPLICADO, Y CONFORME.

1

4



	80 स्थ 17,50
2000 2000 2000 2000 2000 2000 2000 200	29 23 23,22
8 4 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8	•
6 212	
18,1 11,510 12,7111 9,712 14,7	8 32 7,80
4 54440	
64 € € € € € € € € € € € € € € € € € € €	
88 90 110 111	11,111
12	Promedios.

INSTRUMENTO USADO:

DATOS DE REDUCCION.

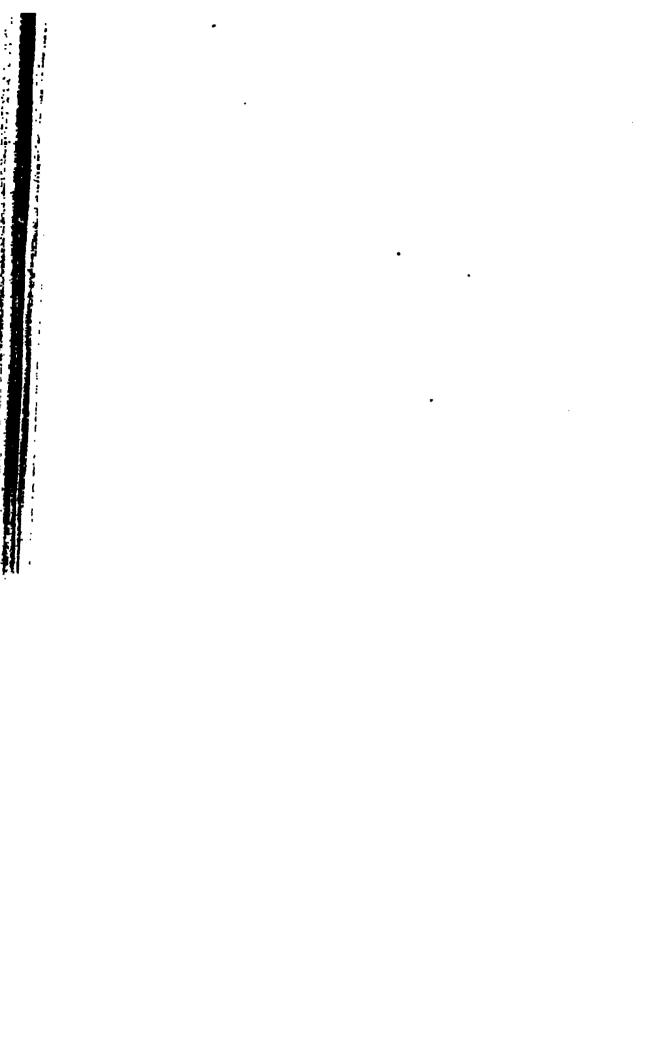
7,15	5,10 0,00 0,00 0,00 0,00 0,00 0,00 0,00	86.	3
	Columnas	Santa Paula.	Santa leresa
•		•	_
•		•	
•		•	
•		•	
•		•	
•			
•		•	

NOTA. Los valores de Santa Tere-a marcados con asterisco se han obtenido apuntando a la cuspide Los valores de Santa Tere, a marcados con ascertantes de Santa Tere, a marcados con ascertantes de señal y se han reducido à la base, siendo la corrección de $\frac{5m.50}{3}$ $\frac{50}{3}$ $\frac{50}{3}$

OBSERVADOR:

DISTANCIAS ZENITALES (redreidas á los rértices). £888 Columnas. (Referencia interior de la señal)... (Referencia interior de la señal.)

HECHO POR DUPLICADO, Y CONFORME.





Formulario nám, 21

ESTACION DE TORRE.

Reduccion de las distancias zenitales a los vértices.

ı	Distancias zenitales reducidas.	89 8 13,16	- Contract
TOTAL TOTAL OUT IN CONTRACTOR OF THE PROPERTY	CALCLIU DE LAS CORRECCIONES.	c. log sen l", = 5,31442513 log (a"-a). = 1,17608128, log sen 2. = 1,88994088 c. log A = 5,47274170 log v = 1,96820497,	c. $\log \sin 1"$. = 5,31442518 $\log (\alpha' - \alpha)$. = 0,21746394 $\log \sin x$. = 1,00001509 c. $\log A$ = 5,447370014 $\log R$ = 0,47370014
	Distancias zenitales ouservadas		
	CALCULO Distancias zenitales de a'-a, orservadas	a' = a = a = a = a = a = a = a = a = a =	a'- a- 7,15 a'-a- 1,95
	VERTICES.	Columbas,	6'- 5,50 6 - 7,15 6'- 7,15 6'- 7,15

Santa Paula(Heliotropo).	a' = 1,89 $a = 7,15$ $a' - a = -5,23$ 89 53 23,22	88 88		log sen s = 1,99990920° c. log A = 5,58723678 log e = 1,62264685 _n e = -41",94	8	41,28
	a'= 0,00			c. $\log \sin 1"$. = 5,31442513 $\log (a'-a)$. = 0,85430634 $\log \sin z$. = 1,99999423 c. $\log A$ = $\overline{5}$,3278368)		
Santa Teresa (Base de la señal).	a = 7.25 $a'-a = -7.15$ $89 42 17.39$	80 42	17,30	$\log \epsilon \dots = 1,4965622 n$ $\epsilon \dots = -31",37$	89 41	45,93

HECHO POR DUPLICADO, Y CONFORME.

BI.

477 Formulario núm. 22.

CALCULO DE LAS DIFERENCIAS DE NIVEL.

LADOS.	GÁL C ULO.
Majada	$z = 92 + 11.46 \log tg + (z-z') = 2.53312319$
Sta. Paula.	$z' = 83 \ 11 \ 14,52 \ \log l \dots = 4,53222618$
	$z-z' = 3 \ 52 \ 53,94 \ \log D = 3,03231937$
	$(z-z')=15628,47$ D = $1154^{10},38$
Ma'ada	$z = -9.577.01 \log \lg \frac{1}{4} (z-z') = 2.16137.389$
Crucero	$z' = 89 \ 17 \ 25.70 \ \log t \dots \dots = 4,5727)342$
	$z-z'=1$ 33 41.31 $\log D2.6$ 4.7431
	$\frac{1}{2}(z-z')=49\ 50,65$ D = 461 ^m ,49
Grucero	z .91 24 12 67 $\log \lg \frac{1}{2} (z-z') = \overline{2},3511$)117
Sta. Paula.	$z' = 83.49.55.53 \log l \dots = 1,489597.12$
	$z-z'=2$ 34 17,29 $\log D = 2,84333859$
	$\frac{1}{2}(z-z')$ 1 17 8.64 D 692 ^m ,94
Sta. Paula.	$z = 9.119 15,02 \log \lg \frac{1}{2} (z-z') = 3,53.03.447$
Torre	$z' = 89 \ 52 \ 41.28 \ \log t \dots = 4.41275322$
	$z-z' = 26 33,74 \log D1,99972769$
	$\frac{1}{2}(z-z')=$ 13 16.87 D = 90 ¹⁰ ,04
Crucero	z -91 24 26,63 log tg \(\frac{1}{2}(z-z')=2,34595617\)
Torre	z' 88 51 53,36 log l =4,55202393
	$z - z' = 2.32.28,3.1 \log D = 2,83858313$
	$\frac{1}{2}(z-z')$ 1 16 14,15 D

HECHO POR DUPLICADO, Y CONFORME.

... Rt____ _ _

CALCULO DE 1 - K.

сАьсиьо		c, log r'', = 4,88567487	tog (#	log (1-K) 1,924.09360	1-1K 0,88065	Literature and the second
СA		z+z' = 18) 15 25,93	104 (1 4.5322551)		" , " s 12 12,67	E' Brokeling
POR DISTANCIAS ZENTALES rec.procus entre	Majada.				Crucero	Santa Paula,

$\log (1-K)$ = 1,02854821 1-K = 0,84830	*	K	8 30	97 Log (1-K) = 1,92632701
	res úmen.	1 – K	0,83965	0,84397
			Por Majada y Santa Paula	Promedio

ላ

Formulario num, 24.

ENTRE AT PUNTO ("" LOONDE NO SE BA HECHO ESTACION, Y LOS VERTICES QUE SE EXPRESAN.

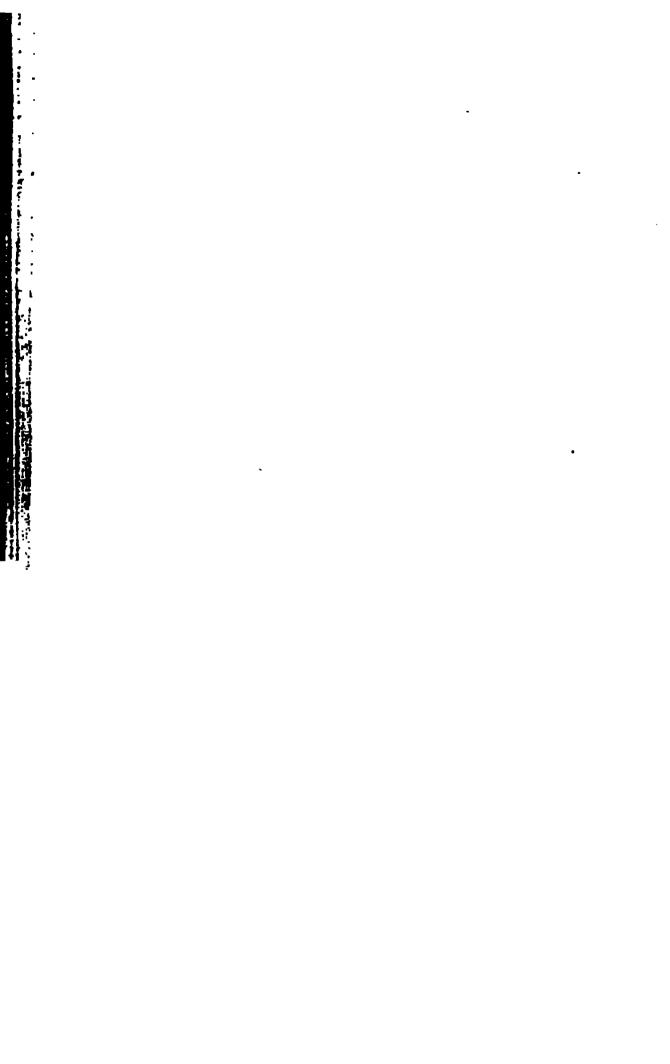
CAUCULO DE LAS DIFERENCIAS DE NIVEL

LADOS.	G41C1.L0.
Majada	93 57 7, 11 tag tar 1, 3-2' 2,16137,380
Crucero,	4,50270342
	2-2, 1 89 41,91 log D ,2,83407431
	* * * * * * * * * * * * * * * * * * *
Gruerto.	tog a
Punto,	log 7
	log .I-K
	*08 R = 6,8041499. 0.10g R =7,10383070
•	2 R , = 401,02 log 1 (1-K) 2" = 2,65371603

D	$\log \frac{r''}{2}$ =5,01339513	log 1 =4,33322303	$\log (1-K)$ = $\bar{1},9232701$	6,83414930	$\frac{(1-K)}{2}\frac{r''}{R_c} > \frac{293,34}{453,34} \log \frac{l(1-K)}{2}\frac{r''}{R_c} = 2.47179594$. =-93 22 22,32	$\frac{(1-A)^{T}}{2}$ = 0.3 17 25.93 log cot. $\left(z - \frac{(1-A)^{T}}{2}\right) = 2.75932367$	log 1	log D	1)	
	Majada	Punto (***)		Log R		6=					

HECHO POR DUPLICADO, Y CONFORME.

El



Formulario núm. 25.

CÁLCULO DE LAS ALTITUDES DE LOS VÉRTICES.

vėrices.	ALTITUDES DE PARTID Para cada triàngulo.	TUDES DE PARTIDA A CADA TRIÁNGULO.	DIFERENCIAS de nivel.	ALTITU- DES.	PRO- MEDIOS.	DIFE- RENCIAS.
Majada	Punto (***)	49,78	m + 1248,94	m 1296,72	m 1296,02	E *
Crucero	Punto (***)	49,08 \	+ 783,13	835,21	834,91	0,59
Santa Paula.	Majada	1296.02 \ 834.91 \	- 1154,38 - 692,94	141,64	141,83	0,33
Torre	Grucero	834,91	701,74	41,86	42,51	1,31

HECHO POR DUPLICADO, Y CONFORME.

For

COMPENSACION 1

Resolucion

Incog- nitas.	Coeficientes de las constantes (c).	Constantes (E)	P	roductos.	N	umei de prin tern
1	1	0 ,2 9	_	0,29		
111	8	- 0,02	_	0,06	+	
111	8	+ 0,03	+	0,94	-	
IV	21	+ 0,06	+	1,26	-	
v	, 55	+- 0,93	+	51,15	-	
VI	144	+ 1,16	+	167,04	-	
VII	377	+ 0,93	+	839,61	-	
VIII	987	+ 0,16	+	157,92	_	
IX	2581	- 0,23	_	516,80	_	
X	6765	+0,43	-+-	3247,20	+	
ΧI	17711	0,82		14523,92		1
XII	46363	- 1,79	-	82998,72	_	6
XIII	121393	+ 1,49	+	180375,57	+	24
XIV	317 811	 0,4 3		146193,03	_	3 0
XV	832040	0,34	_	282833,63	+	10
XVI	2178309	-+- 1,86	+	4051654,74	+	394
XVII	5702837	3,00	-	17108331,99		2105
XVIII	1493)352	 0,9 3	_	14333137,92	+	6718
XIX	39333169	+ 2,83	+1	10619518,27	-	10333



NCIAS DE NIVEL.

res normales.

ina-	Primeros términos.	Coeficientes de las incógnitas siguientes.	Segundos términos.	Valores de las incógnitas.
3 8 21 55 144 377 587 584 765 711	m - 0,097 + 0,029 0,000 + 0,023 + 0,347 + 0,311 + 0,237 - 0,029 - 0,065 + 0,208	- 0,3333 - 0,3750 - 0,3810 - 0,3818 - 0,3919 - 0,3820 - 0,3820 - 0,3820 - 0,3820 - 0,3820 - 0,3820	m - 0,006 - 0,011 + 0,029 - 0,100 - 0,086 - 0,086 - 0,011 + 0,058 - 0,088 - 0,088 - 0,088	m - 0,103 + 0,018 + 0,029 - 0,077 + 0,261 + 0,225 + 0,226 + 0,029 - 0,153 + 0,231
368 393 811 040 309 887 352 169 155	- 0,393 - 0,534 + 0,773 - 0,471 + 0,050 + 0,691 - 1,410 + 0,172 + 1,015	0,3820 0,3820 0,3820 0,3820 0,3820 0,3820 0,3820 0,3820	+ 0,334 - 0,341 + 0,120 + 0,156 - 0,458 + 0,507 + 0,083 - 0,388	- 0,059 - 0,875 + 0,893 - 0,315 - 0,408 + 1,198 - 1,327 - 0,216 + 1,015

486

Form

BESÚMEN DE DE LAS COORDENADAS GEOGRÁFICAS, AZIN

VÉRTICES.		0	COORDE	NAD	AS	GEOGE	láfi	CAS.
VERTIGES.	LATITUP.				ALTI1			
Majada	93	89	6,46	3	3	23,47	Ε,	1296
Santa Paula	88	12	B3,48	3	10	18,63	F.,]41
Traph,	'₩	١,	e 481	2	43	44,15	1.	831
Pera 1 zeer -	ī	23	21,85	3	1	20,55	E	2/2)

· PROVISIONALES

DD DE LAS LÍNEAS DIRECTAS.

				Lineas du	rectas.
AZEMUT	HACI	A		LOGARITMOS.	netros.
	D	٠,			
	243	87	12,89	4,55 184941	85796,98
ula	942	55	11,74	4,53222318	84058,55
	98	41	23,48	4,5 1270342	31820,94
	162	59	26,87	4,53222618	\$4038,55
• • • • •	2)4	2	8,4,1	4,72947173	53337,90
	27	ř	16,07	4,4127/323	25668,02
• • • • • •	104	33	54,73	4,49950742	80874,32
	218	32	52,50	4,50271342	81820,24
ula	284	51	15,98	4,48059742	3)874,32
• • • • •	329	2)	56,92	4,55262393	35696,36
S	20	11	19,93	4,92030950	41716,66
zda	804	37	25,36	4,51849653	32327,94
• • • • •	355	32	27,99	4.60484213	40257,07
18	117	1	25,80	4,71913119	51171,86

HECHO POR DUPLICADO, Y CONFORME.

Et_____

. . N. • .

Formulario núm. 28.

OBSERVACIONES PARA EL ESTUDIO DEL NIVEL NÚM.____ COLOCADO EN EL INSTRUMENTO NÚM._____

OBSERVADORES.

Mes	de		de	
-----	----	--	----	--

Bivel num. perteneciente al instrumento num,

El circulo del tornillo micrométrico está dividido en 420 partes iguales, y se toman cinco como unidad==1",939. Se consideran positivas las divisiones de la izquierda del nivel, y negativas las de la derecha.

	Grc.º de la NIVEL. prob.*					фŧ	re, ⁰ la ob. ^a		MIAE	La
١	v	P.	a.ps1	Der,a	Centro.	v	Р.	1zq.ª	Der.a	Centro.
١	1.ª serie, subjected.						2.	× serie,	bajan	do,
		-0945000	15,1 14,1 12,9 11,5 10,2 8,9 7,5 6,4 5,1	1,5 2,6 8,9 5,3 6,6 7,9 9,4 11,6 11,9	+6.80 +5.75 +4.50 +3.10 +1.81 +1.51 -0.95 -2.19 -3.41		1293456789	5,1 6,5 7,6 8,9 10,1 11,6 12,8 18,0 15,0	11,9 10,5 9,5 8,2 7,6 5,6 4,4 8,3 2,2	-3,40 -2,07 -0,95 +1,85 +1,51 +9,00 +4,20 +5,81 +8,47
1		9.0	serie,	subien	do.	4.ª serie, bajando.				
		199456709	14,9 14,0 13,1 11,8 11,9 9,4 8,4 6,8 5,8	2,5 8,5 4,6 5,8 6,7 8,2 10,8 11,9	+6,20 +5,25 +4,3) +3,1) +2,10 +2,10 +2,10 -2,10 -3,05		140 150 coco	5,7 7,0 8,0 9,1 10,1 11,4 12,7 14,0 15,1	12.0 13.7 9.4 8.6 7.5 6.2 5.0 9.7	$\begin{array}{r} -8.15 \\ -1.85 \\ -0.83 \\ +0.20 \\ +1.30 \\ +2.60 \\ +3.85 \\ +5.15 \\ +6.30 \end{array}$

Birel aum. perteneciente al instrumento num.

El circulo del tornillo micrométrico esta dividido en 120 partes iguales, y se toman cinco como unidad -4",939. Se consideran positivas las du isiones de la izquierda del nivel, y negativas las de la derecha.

de	re.º 3 la ob.ª.	NIVEL			de	ru.a • la ob.a		MINFI			
V	Р.	Izq. ²	Der. ⁿ	Centro.	1	ľ,	fzq.ª	Der.a	Gentro.		
	5.ª serie, subtendo.						6.ª serie, bajando.				
	1099400	15,0 14,0 12,8 11,0 10,6 9,2	5.0 4.1 5.2 6.4 7.4 8.8	+6,00 +5,70 +3,80 +2,60 +1,61 + ,2)		100000000000000000000000000000000000000	8448041775 901775	14,8 13,6 12,2 11,0 9,6 8,3 7,7	-5,8) -4,60 -3,20 -2,00 -3,50 -0,50 +0,7) +1,81 -1,80		
	7	Mark.	41.1		SA no. Intant.						
	2540.44	13,7 12,1 11,4 7,6 3,1 1,5	3 5,0 6,8 1,1 1,1 13,0			のおというとなって	3.8 5.1 7.8 7.8 11.2 11.3 12.6 13.6	11, 1 13, 1 12, 0 13, 6 9, 1 8, 1 8, 1 6, 6 4, 6	7,33 1,11 2,11 1,51 - 1,11 + 1,11 + 3,23 + 4,53		

Nivel nom. ___ perteneciente al instrumente num.

El circulo del tornillo micrométrico está dividido en 120 partes iguales, y se toman cinco como unidad—1",939. Se consideron positivas las divisiones de la izquierda del nivel, y negativas las de la derecha.

l d	(rc.º e la 'ob.ª		MIARE		de	re.º		NIVEL	**
v	р.	1xq.a	Der,a	Centro.	v	Р.	Izq.ª	Der.ª	Centro.
	9, serve, anbiendo.						s serie	, bajar	ido.
	128H56789	15,0 19,7 12,5 11,4 10,0 8,9 6,1 6,5 5,0	3,0 4,3 5,5 6,6 8,0 9,1 9,9 11,1 19,0	+6,00 +4,70 +3,50 +2,40 +1,00 -0,10 1,90 -2,90 -4,00		123455789	5,0 6,2 7,6 9,1 10,2 11,5 12,5 18,6 14,8	19,1 11,9 10,6 9,1 8,0 6,7 5,7 4,6 3,4	4,05 2,85 -1,50 0,00 1,10 +-2,40 +-3,40 4,51 5,70
Γ	11.	a serie,	subier	ido.	12. ⁿ serie, bajando.				
	123455769	15,0 13,8 12,6 11,1 9,8 8,2 7,0 5,8 4,8	1,2 2,4 3,6 5,1 6,4 8,2 9,4 10,8 12,0	+6,90 $+5,70$ $+4,50$ $+3,90$ $+1,70$ $-0,90$ $-1,20$ $-2,50$ $-8,60$		1 2 8 4 5 6 7 8 9	2,8 4,0 5,0 6,2 7,4 8,6 9,8 11,0 12,6	14,2 13,0 12,0 10,8 9,5 8,4 7,2 6,0 4,4	5,70 4,50 -3,50 -2,30 -1,10 +0,10 +1,30 +2,50 +4,10

Rivel num, porteneciente al instrumente num,

El circulo del tornillo micrométrico está dividido en 120 partes iguales, y se toman cinco como unida l=1".939. Se consideran positivas las divisiones de la izquierda del nivel, y negativas las de la derecha.

d	íre.º e la rob.ª		NIVEL. Circ. de la prob. "			e la	NIVEL.		
v	Р.	Izq.a	Der.a	Gentros	v	Ρ,	"ps1	Der.a	Gentro.
	5.4	serie,	subter	ido.	-	6.	serie.	, bajan	do.
	2345	15,0 14,1 12,8 11,0 11,0	3,0 4,0 5,2 6,4 7,1 8,8	+6.00 -+5.01 +3.80 +2.60 +1.11		1995年	3,2 4,4 5,8 7,0 4,1 7,0 4,1 7,0 1,1	14,8 18,6 12,2 11,0 9,6 7,7 7,7	-5,80 -4,61 -3,20 -2,00 -1,60 -1,80 (.8)
Γ	7	era .	1-14			٠,	E	പ്രവ	
	77 70 1.25	147 137 177 177 114 117 217 67 1 57	2,3 5,3 6,8 9,5 5,1 15,1 13,0	1,70 1,5 1,5 1,5 1,0 1,30 2,31 3,01		19.35.11.15.1.18.0	5,8 5,1 6,8 1,2 11,3 12,1 13,1	11,4 13,1 12,0 13,1 13,1 9,4 8,0 5,6 4,6	2,15 1,57 1,57 1,57 1,57 1,57 1,57 1,57 1

Nivel num. ____ perteneciente al instrumento aum.

El circulo del tornillo micrométrico está dividido en 120 partes iguales, y se toman cinco como unidad—1",939. Se consideran positivas las divisiones de la izquierda del nivel, y negativas las de la derecha.

	d	rc.º e la ob.ª		NIVEL		₫€	rc.° la ob.ª		NIVEL	м
	v	Р.	Izq.ª	Der.ª	Centro.	v	Р.	Izq.ª	Der.a	Gentro.
i		9,0	\$0 ୮ Le ₅	sub.en	ido.	i	10.	k serie	, bajan	do.
			15,0 19,7 12,5 11,4 10,0 8,9 6,1 6,5 5,0	8,0 4,3 5,5 6,6 8,0 9,1 9,9 11,1	+6.00 $+4.70$ $+3.50$ $+2.40$ $+1.00$ -0.10 -1.90 -2.30 -4.00		123456789	5,0 6,2 7,6 9,1 10,2 11,5 12,5 18,6 14,8	13,1 11,9 10,6 9,1 8,0 6,7 5,7 4,6 8,4	4,05 2,85 1,50 0,00 +1,10 +2,40 +3,40 +4,50 5,70
		11.	a serie,	subier	ido.		12,	a serie	, baja:	ndo.
		1 2 3 4 5 6 7 8 9	15,0 13,8 12,6 11,1 9,8 8,2 7,0 5,8 4,8	1,2 2,4 3,6 5,1 6,4 8,2 9,4 10,8 12,0	+6,90 +5,70 +4,50 +3,00 +1,70 0,00 1,20 2,50 -3,60		128456769	2,8 4,0 5,0 6,2 7,4 8,6 9,8 11,0 12,6	14,2 18,0 12,0 10,8 9,6 8,4 7,2 6,0 4,4	5,70 -4,59 -3,50 2,30 -1,10 +0,10 -←1,30 +2,50 +4,10



Formulario núm. 30.

COMPARACION

DE LA NIRA MARCADA I,

CON LA REGLA DEL APARATO IBAÑEZ.

Wes	de		 de
4 63	W6		 (+6



MICROSCOPIO NÚM I.

Mes de__

				R.	4Y.18 O.	RAYAS OBSERVADAS.	.78.		OBSERVA-
DIAS.	HORAS, SERI	SERIES.	40000	39999	39993	39997	39998	39993	DORES.
17	h 32		3,735	9,733	11,30	11,831	12,851	13,45)	7.
			8,74)	9.73)	11,4);)	11,847	12,833	13,433	
			8,734	9,733	1),732	11,731	12.851	13,857	
	47	•	8,717	9.752	11,73)	11,814	12,85)	13,853	
	1 44	-	CH. %	9.533	017,(1	11.917	12,77)	13,73)	7
			8,333	9,33)	11,721	11,710	12,753	13,73)	
			8,531	9,373	517,01	11,732	12,733	13,770	
	& &		8,32)	9,331	(17,01	11,747	12,733	13,737	
	_								

OESERVADORES: _

0 de la Regla al E. Mira I. 9 del micrometro al G.

		Cr.m		LOSCOP			7410	DE	LINAC LEJE D COPIO N	EL .
110	R / FI	150t of Mai		GLA	-	19 (Po	s:-		URAB NIVEL
h	pr	10%	1.	ft.	F.	34		Jo "	Est».	Onste.
3	47	l i	16	75,8	. H	11,4	n e	£.	16,2	30,0
	5)	2	16	35,)	8	23,0		0,	24,9	10,0
	5)	3	Ţ4	×L,1	8	23, 1			1	
ш	57	4	16	84,1	8	53,0		}		
ш	59	T)	16	55,1	8	37,5				
4	12	tf	16	19,0	N	44,5		1		į.
	5	7	16	73,2	н	48,7			Ι.	- 1
	G	8	16	72.3	. 8	42,8			1	4
	н	- 0	17	N , N	×	44,8		1		- 1
Į.	1	T.	17	A 2		63,5				ŀ
	2	11	17	ş +	7	84.7				í
	200	12	1.	"4,4 ₆	; .	0.75				i
	2.0	1	117	11,2	7	93,2		'		
	24		17	1.0	7	83,3			1	
L	3	-	l~	15,1	1	85.2			1	
	3.	- 1	17	1,3	-	92/8		1		
	31	17	1)	5.	. 7	ູກລຸດ				
	34	14	1,	1.1,***	-	0248				-
	34	1 -	- 8	13,7	~	051				1
	*3°	5,	13	57,1	(5	19.8				

503

o de la Regla al B. Mira I. o del micrómetro al O

	Com	MICI	RØS (001	rió N	ÚM. TO	NE	DE	TENYC TENYC	
	Comparacione	LE	CTUR	AS E	N LA		i i	1	TURAS
DIAR.	cion	- KE	A 16s	_ M	tns.	$\mathbf{P}a$	tor-	140	SIV Fla
	- Eli	P.	P+	r.	μ	bej n	ne .	Esle.	Oc. te.
8 Feb.º	1	3	95,4	1:3	71,7	ti.	0 15,	13.4	26,0
1877.	2	7	7612	13	00.7	nl	0,	30.5	1831
207711	3	i i	0,4	13	67.5				
	4	4	6,5	14	13,2				
	5	3	61.1	14	12.8				
	-0	3	62,6	11	10,7				
	7	3	0840	11	[0,5				
	- 8	3	97.0	13 (88,6				
	- 9	ā	26,1	1,3	H93,72				
	19	-5	24.2	118	20,0				
	11	4	97.8	13	174				
	13	4	92.0	123	21.8				
	13	4	70,0	116	5372		ŀ	-[
	14	1	([84,5)	14	18.2				Î
	12	Ţ	74.2	11	16,0				
	1+5	4	51.21	1.6	47.0				
	17	-1	81,2	14	49.81			1	
	14	4 .	83,5	14	15,8				
9	19	4	80.2	13	17.5				
	5)	4 4	180,5	11	7 196				

502

0 de la Regla al E. Mira I. 9 del micrómetro al O.

		Comp	-	ROSCOP			DE	LINAC LEJE D COPI + N	EI
สเ	RAS.	Comparactores		CTURA	-	IRA I	Posi-	1	TUICAS NIVEL.
þ.	m 	-E-S-	ε,	μ.	r.	<i>p.</i>	cione	Este.	Oeste.
8	47 51	1 2	16 16	75,9 35,1	94	11.4 23,0	0 n 1 _n n 0,	16,2	85,0 16,0
	53	ล	H	Nact.	R	26, 5	M1 575	2297	14641
	57	4	13	81,1	8	54,0			
4	59 13	5 n	16 15	55,1 49,0	N R	57,5 44,5			
	5	7	16	73,2	8	48,7			
	6	- 8	16	72,5 80,8	8	12,8 ±1,8			1
	11	1	-	<1,2	7	63,1			
	2)	ľ.	17	43.2	7	81.7			
	21	1 =	17	1344 3342	7	33,2			1
	23	1.6	17	34,	7	24,3			
	15.4		; ₁ .	142	7	35'8 *2'8 ;			
	33	17	1	51.1	7	1140			
	114	1 -	11		7	92,8			
	30	2	15	57.1 57.1	5	10 ₆ 3			

0 de la Regla al B. Mira I. 0 del micrómetro al O

	Comparacione	_	RØSCO1			DE	LINAC LIGIBI DOPIO	
	AT8	LE	CTUR	AS E	NLA		LEC	PURAS
DIAS.	cione	Ri	sGIA	M	IRA.	Pos-	DEI	
	<u></u>	r.	29	r.	$\frac{\nu_{\gamma}}{-}$.	Phone .	Este.	On te.
8 Feb.º	1	3	95 _' 8	1:5	71,7	af b _a	19,4	201,0
1877.	2	3	56,2	13	96,7	al O.	33.5	18,0
20114	3	4	6,4	13	67.5			
	-1.	4	6.5	11	13,2			
	5	8	61,1	11	19.8			
	-6	3	62,6	11	10.7		'	
R I	7	3	9819	11	10,5			
li I	8	- 8 '	97,0	13	(91,0		1	1
Ni I	9	- ā ,	25,1	13	8/1,5			
K I	1)	- 5	23.2	14	243			
N I	11	4 ;	97.8	13	17,5			-
	13	4	92.0	13	21.8		,	,
N I	13	4 5	70,1	13	23,5			
	14	l le l	060	13	18.2		l ,	.
	15	[-1	[4.2]	13	16,1		. '	
8	13	4	51,3	13	47, 1			
	17	1	81,2	11	49,41			
li l	18	1	#3,5	13	13,2			
	19	4	80.8	131	17.5			
	5)	4	40,5	11	7.145		1	

Mira I.

Comps-	11 cr	AA DE 1,38	TERMOMET	'ROS
race mes.	1.	2.	3	4.
	17	G	Lī	G
1	13,9	12,8	13,9	13,2
8	13,1	12,9	13,2	13,3
9	13,2	13,4	13,2	13,4
4	13,2	13,1	13.2	13,4
5	13.2	13,5	13,9	13,3
6	13,2	13,0	18,1	13,5
7	13,3	13,1	13,4	13,3
3	13,3	13,1	13,4	13,6
9	13,3	13,2	13,4	13,5
10	13,4	13,2	13,4	13,7
11	13,5	13,4	13,8	13,9
4	13,3	13.4	13,3	13,8
13	43,7	13,1	13,6	13,9
14	13,8	13.4	33,5	14,1
15	13,4	145	13,7	14,9
16	13.8	13,5	13,7	14,7
17	13.8	13.6	13,8	14,1
18	13,8	13,6	13,8	14.1
10	1 J.9	13,6	19,8	14.2
20	11,9	13,4	13,8	14,2

505

Formulario núm. 31.

NIVELACIONES DE PRECISION.

INSTRUMENTO NÚM. 4.

ORIGINAL.

Seccion de NP. 8 à VG. 02

De El Villar á Cerralpo.



Dia 3 de Julio de 4876 Empezó el trabajo á las 16^h 15^m.

Seccion V G. Cerralvo.

Linea de Magarria à La Probla,

7. Sobre el poste kilométrico núm. 273 (0 5)

La marcha del trabajo, por la citada carretera hasta la puerta del castillo.

	^		0	1	
13.0	12.4	12,8 13,0	cular.		ERR
13,2	13,8 2,8	13,4 13,2	Ocular. Objetivo.	0	ERRORES INSTRUMENTALES.
125,85 Rojo.	125,x5 Rojo.	125,45 Rojo.	Interior.	COLIMACION	TRUMEN
105,45 Negro.	195,45 Nox10.	1 5, 45 Negro.	Contral		TALES.
85,05 Blanco.	85,45 Blanco.	85, າົດ Blanco.	Inferior. Central Superior.		. A.
13.2	17	13,2	Ocular.	PARAL	о иетк
13,0	×.4	13.0	Ocular, Objetivo.	PARALELISMO	A 49 VETROS DE DE
13,2 13,4	17.3	13.2	Ocular.	I.N.	ISTANCIA
13,0 12,8	\$\$ 4.68	13,7 12,8	Objetivo.	NIVEL	•



Dia 3 de Julio de 1876 Empezó el trabajo á las 16^h 15^m.

Seccion V G. Cerralvo.

Linea de Morgorria à La Probla,

7. Sobre el poste kilométrico núm. 273 (0^m,5.)

La marcha del trabajo, por la citada carretera hasta la puerta del castillo.

					=,
13.0 13.2	15°4	12,8 13,0	Ocular.		ERR
13,0	13,8 2,8	13,4	Objetivo.		ERRORES INSTRUMENTALES
125.85 Rojo.	125,×5 Rojo.	125,×5 Rojo.	Interior.	COLIMACION	STRUMEN
105,45 Vegro.	195,45 Negro.	1 5, 15 Negro.	Central	N.	TALES.
Ranco.	ສວົ, ງົວ Blanco.	&ັ, າັວ Blanco.	Inferior. Central Superior.		. 1.
13.2	17. 	13,2	Ocular.	PARAL	A 49 METROS DE
13,9	×,4	13,0	Ob etivo.	PARALELISMO	
13,2 13,4	17,8	13,2	Ocular.	IN)ISTANCIA
13,0 12,8	3.4 8.4 8.4	13,0 12,8	Ocular. Objetivo.	NIVEL	

509 Nivelada de espalda

10s- tal ms	LECTURE	RA Dis	DOTERA DE LA MIRA.
de Fr trovac	Deplace	on- jetno,	Central Superior
Ľű ii	13,4 13,4	13.) 12.8	18.75 45,7) 14,55 Negro. Negro.
1 2	19,2 13,4	14.3 13,1	133/35 101.00 63,51 100 o.
e 3	13,4 12,5	13,0 13,5	112,65 8), 15 43,23 Blanco, Blanco, Negro.
6.4	13.1	13,3 12,3	100,85 79,9) 43,93 Negro,
	12.7	ŧ 4 5	17.0 (c) 10.45 10 (c) 10.00 Rojo
,1 :	124	128 12.	1 5.5 Dans 72.01 Negre, Negre,
7	1 % 7	2.3	110,10 100,15 73,15 Negro.
eA	12.3	12,	g 5 95,25 63,30 R 5 Rojo, Rojo,

509 Nivelada de frente.

Esta-		TURA	LECTU	RA DE L/	MIRA.	Doble nive-
de la mira.	Ocu- lar.	Oh'e- tivo.	Infe- rior.	Central	Supe- rior.	lada. Puscs.
ſ	13,4 13,8	12,8 12,4	18 2, 05 Rojo.	143,33 Blanco.	117,10 Blanco.	145
ſ 2	13,8 14,)	12,6 12,4	235,45 Blanco.	172.73 Blanco.	139,95 Negro.	143
f 3	13,2 13,8	13,2 12,3	191,30 Negro.	158,55 Rojo.	125,7) Rojo.	148
ſ 4	12,8 13,9	13,2 13,)	221,65 Negro.	183,55 Rojo,	155,4) Rojo.	157
f 5	12,7 13,)	12,9 12,6	279,75 Blanco.	175,75 Blanco.	142, 10 Blanco.	15)
f 6	13,8 13,8	11,4 11,4	192,05 Negro.	159,35 Rojo.	123,3) Rojo.	143
f 7	12,3 12,4	12,3 12,2	197,17 Negro.	165,9) Negro.	134,5) Negro.	14)
f 8	12,4 12,6	11,8 11,6	132,40 Negro.	134 ,7 5 Negro.	77,05 Negro.	123

CIA.	NIVEL	(B)	12, 11,9	1	12,0 11.1	
A 40 METROS DE DISTANCIA.	PARAL FLISMO	Objetivo, Oc.	12.0	7,6	11.A	
O WETR	PARAL	Ocular	9,0	υ ⁴ 91	11,6	
1. 4		Gottral Superior.	123.35 Rojo,	121,30 Rojo.	121,35 Rojo.	
1 AT.EN			110.30 55.00 A	14.0	11,71 Blanco,	
FRUMEN	COLIMAC IN	Int stadil.	Thurst North	20,00, Nexte	Negative N	
ERRORLS INSTRUMENTALES]	Ornar, Otherw	12,1	13,1	12,4 12,4	
ERRO		Jrular.	500 500 500 500 500 500 500 500 500 500	0.11	11,6	

Fiempo bueno: temperatura agradable; atmosfera confuertes calinus, Calma.

Terminó el trabajo a las 18^b +0^m

OBSIGEVATIONS

Dia 1 de Julio de 1876 Empezó el trabajo á las 3^h 43^m

Seccion VG, Cer-

La Pricha.

+ Pintada al pié y parte E. de un muro sobre el que se asienta el pilar de observacion.

> En una piedra de la parte superior de dicho muro.

VG. ○2. En una pie⁻ dra colocada al pié y ángulo N. E. del pilar de observacion, enrasando con su zócalo.

P. Cara superior del pilar de observacion.

Altura vertical medida con la cinta de acero desde $+\frac{1}{2}$ à \times y deducido el error de la cinta, =: 5^m ,0375.

ERF	ERRORES INSTRUMENTALES GOLIMACION	STRUMEN	TALES.	. .	A 49 METROS DE D		STANCIA	IA.
. Ocular.	Objetive. Inferior.		Gentral Superior.	Superior.	Ocular, Objetivo	Objetivo.	Ocular.	Objetivo.'
12,9 12,4	12,4 12,8	8),25 Blanco.	59.85 Blanco.	33,5) Rojo.	12,2	12,4]2,2]2.1	12,1
11,5	13,2 18,2	8),2) Blanco.	59.83	39,45 Rojo.	17.2	6,9	12.2	6,9
12.8 12.0	12,4	80 ,2 5 Blanco.	39,85 Blanco.	39.59 Rojo.	12.2	12,2	12,2	12,2

A 40 METROS DE DISTANCIA. PARALEI 18M6 Or. Ocular, Objetivo, Oculur. 5 11,8 12,0 12,0 12,0 12,0 12,0 12,0 12,0 12,0	11.8
	11,6
Super-	121,35 Rojo.
ERRORES INSTRUMENT MES. 193. On ethy Inc. pr. Central 2,1 12,0 15,1 114,7 1,2 13,0 15,15 14,45 1,0 13,0 15,0 14,45 1,0 13,0 15,0 14,45 1,0 13,0 15,0 14,45 1,0 13,0 15,0 14,45 1,0 13,0 15,0 14,45 1,0 13,0 15,0 14,45 1,0 13,0 15,0 14,45 1,0 13,0 15,0 14,45 1,0 15,0 15,0 14,45 1,0 15,0 15,0 14,45 1,0 15,0 15,0 14,45 1,0 15,0 15,0 14,45 1,0 15,0 15,0 14,45 1,0 15,0 15,0 1,0 15,0 15,0 1,0 15,0 15,0 1,0 15,0 15,0 1,0 15,0 15,0 1,0 15,0 15,0 1,0 15,0 15,0 1,0 15,0 15,0 1,0 15,0 15,0 1,0 15,0 15,0 1,0 15,0 15,0 1,0 15,0 15,0 1,0 15,0 15,0 1,0 15,0 15,0 1,0 15,0 15,0 1,0 15,0 15,0 1,0 15,0	
ERRORES INSTITUTE 19.0 18.1 18.0 18.1 18.0 18.1 18.0 18.1 18.0 18.1 18.0 18.0	1981

riempo bueno, temperatura agradable; atmósfera con fuertes calunas, Calma,

Terminó el trabajo a las 18⁵ 10^m

OBSERVATION

Dia 4 de Julio de 1876 Empezó el trabajo á las 3^h 45^m.

Seccion VG, Cer-

Linea de Mingorria à La Puebla.

+ Pintada al pié y parte E. de un muro sobre el que se asienta el pilar de observacion.

× En una piedra de la parte superior de dicho muro.

VG. Q2. En una piedra colocada al pie y ángulo N. E. del pilar de observacion, enrasando con su zócalo.

P. Cara superior del pilar de observacion.

Altura vertical medida con la cinta de acero desde \rightarrow la \times y deducido el error de la cinta, = 5^m ,0375.

12,2 12,0	11,5	6,31 2,31	Ocular.		ERR
12,4 12,6	13,2 13,2	12,4 12,4	Ocular. Objetivo. Inferior.		ERRORES INSTRUMENTALES.
80 ,2 5	8),2) Blanco.	8),25 Blanco.	Inferior.	COLIMACION	STRUMEN
59,85 Blanco.	59.8) Blanco.	59,85 Blanco.	Central	\ 	TALES.
39.50 Rojo.	39,45 Rojo.	33.5) Rojo.	Central Superior.		À .
12,2	17,8	12,2	Ocular, Objetivo	PARALELISMO	A 49 METROS DE D
12,2	6,9	12,4	objetivo.	OWSITE	
12,2 12,1	17,8	12,2 12,1	Ocular.	NI.	ISTANCIA
12,2 12,0	a,9	12,1	Ocular. Objetivo.	NIVEL	

512 Nivelada de espalda.

Estacica		TURN UVEL.	TECTV	RA DE 1.7	MIRA,
d t	Ocular,	Ohjes tayor	infa- r.er,	Central	Supe-
0 +	12,0 12,1	11.8	245,45 Rojo.	241.43 Rogo.	237,35 Lianco,
a 10	1171	11,4	S ri _s n) Blanco.	233,70 Plauco.	201,41 Blanco.
e 11	11,2	11.4 11.0	253.44 Negro.	25 1,97 Negr	248.4) Rojo,
e 12	11,7	31,4 11,4	150,93 Rojo,	144,15 Папсо.	137,40 Negro.
17	11.	1,7	127 2) Rojo,	110,15 1 cs = 0,	113,) Banco,
	>, 3 >,	148	Talana Et is	.57.4a Ro _e s,	155,10 Rojo
		Att ra	verticul	desde —	a
×	ii.	1.) .)) (s.15 Rajo.	1975 1076	124,55 Rojo.
1, 0	15,1	ίτ,	15,94	l. I.l.) lanco,	112,79 3lanco.

513 Nivelada de frente.

Esta-	i e	rura Nivel.	LECTUR	RA DE LA	MIRA.	Doblo nive-
de la mira.		Ol.je- tivo.	Infe- rior,	Gentral	Supe- rior.	lada. P .zos.
f 9	12,8 12,8	11.0	38,2) Rojo.	34,10 Rojo.	3),") Rojo,	22
f 10	12,2 12,2	11,2 11,2	17,15 Negro.	14,85 Nogro.	12,55 Negro.	12
f 11	11.9	11.3	6,85 Rojo,	4,35 Rojo,	1,8) Rojo,	11
f 12	11.2	11,2	132,25 Rojo.	175,75 Blanco.	160 ,2 5 Negro.	32
f 13	11,7	11.0 11,0	25,5) Blanco,	2),3) Blan (0.	11.7) No gro.	3)
+-	10,3	17,8	5,9) Rojo.	3,45 Rojo,	1,9) Rojo,	13
	~		× == 5m	,9375		
V G 02	19,6	11,0	115,9) Blanco,	114,19 Blanco.	112,3) Blanco.	10
Р.	11,2 11,4	10,4 10,2	34,5°) Rojo,	32,71 Rojo.	3),9) Rojo,	10

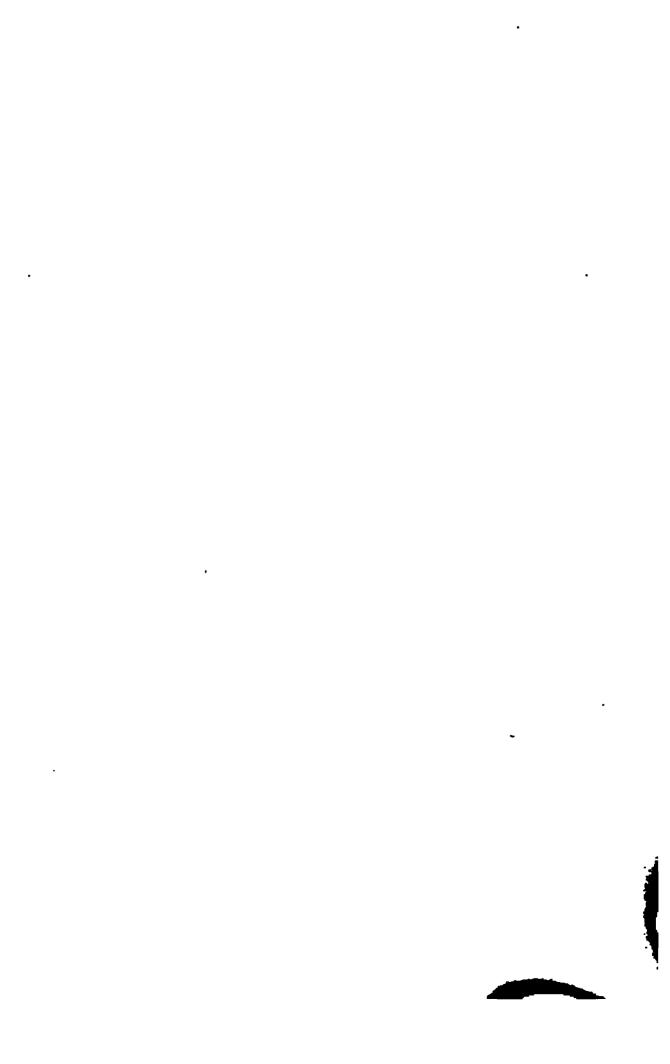
TANCIA.	NIVEL	OLITHE, O'SPORTAGE.	10.2 10.2 10.2	BB	11,2 13,2
40 METROS DE DISTANCIA.	PARAFELISA	-	11.2	4.6	2743
40 MEFR	PSRM	O subat.	13,2	15,14	112
-	1	Superior	81,15 Rojo,	31,40 Rope,	
111111111111111111111111111111111111111	[]	P	10.14	7]	37.7
TWA	1.		•		1919
*. * #			1-2-	[100
2					

the parcha act trabais en este dia fue; the deseptenta deleasthe por la rampa, at terraplea, dirigiondosa terraplea, dirigiondosa terraplea, dirigiondosa terraplea, dirigiondosa terraplea, dirigiondosa terraplea, dirigiondos activo pue forman tos aditiones del cartifio bata »

I empo bueno; temperatura regular, atm strena despenda, viento 0.

ternamo el trabajo a las u^h 30^m

LESERVADOR



TANGIA.	MYFL	Trail Superior, O. mar. Observe, Oakler, Observe.	10.2	\$5. \$5.	15,0
A 43 METROS DE DISTANCIA.	PARALPHEN	ofaction.	11,2	4,6	10,2
D METRO	PIRA	O. ular.	1.42	1 <u>1</u>	14.9
-		Supportor	3 1,915 Reajo.	88,33 8 90,3	39.95 Roje.
TELY.		lear	2.	1,31	:: : : : : : : : : : : : : : : : : : :
PRRORIS INSTRUCE NOUTES,	11.3.603	-	:	1,-	(5.7 (7.2
1R1 > 185			12	27	a* a*
FRR		0	-		

ha marcha der trabupo en este dia fué: de di concreta del cartilir por la rampa, al terra den, diregiendose la care pola, V por la e die que firman los el hecer del cardalo ha ta +

Tienes y limente temperatura regular, alma scena despenda. Viento O.

termino el trabajo a las 6^b 30^m

CHERRYADOR.



		·	
		•	
	•		
•			

F	Año d	Le 1878 0,005184
$5 \text{ part} y'' = \Delta_3''$		12
96,2500 $y^{x_1} = \Delta_6^{x_1}$ $y^{x_1} = \Delta_2^{x_1}$	- 0,303 - 0,274	0,091809 0,075076
$y^{x_1} = \Delta_x^{x_1}$	$\begin{array}{c c} -0.274 \\ \cdot -0.325 \end{array}$	0,105625
$y^{x_1} = \Delta_{q}^{x_1}$	- 0,215	0,046225
$I J - \Delta_9$	0,020	0,625569
$\mathbf{y^{x_{11}}} = \mathbf{\Delta_{i}^{x_{13}}}$	+ 0,135	0,018225
$9y^1 = 0, y^{XII} = \frac{\Delta_{XII}^{XII}}{2}$	- 0,159	0,025281
$\begin{array}{ccc} 9 y^{1} &= 0 \\ 9 y^{11} &= 0 \end{array} y^{XII} = \frac{2}{\Delta_{5}^{XII}}$	- 0 ,13 0	0,016900
$9 y^{III} = 0^{\circ} y^{XII} = \Delta_4^{XII}$	- 0,101	0,010201
$9y^{iv} = 0 y^{xii} = \Delta_5^{xii}$	- 0,072	0,005184
$9y^{\mathbf{v}} = 0 y^{\mathbf{x}\mathbf{H}} = \Delta_{\mathbf{G}}^{\mathbf{x}\mathbf{H}}$	- 0,043	0,001849
$9 y^{vi} = 0 y^{xii} = \Delta_{7}^{xii}$	- 0,013	0,000169
$9y^{VII} = 0 y^{XII} = \Delta_8^{XII}$	+ 0,177	0,031329
$9 y^{\text{viii}} = 0 y^{\text{xii}} = \Delta_{9}^{\text{xii}}$	+ 0,207	0,042849
$\begin{array}{ccc} 9y & = 0 \\ 9y & = 0 \end{array}$		0,151987
9y = 0		"
9y = 0 $= 4,939$	$\frac{2,3957}{95}$	$\frac{11}{2} = +0.785301$
	"	"
$\overline{p']+} = \pm$	$\frac{0,785301}{33,097}$	$= \pm 0.024$
	,,	

1/

·				
	•			
7				

P	Año	le 1878
$\Delta 5 \text{ part} y'' = \Delta_3''$	+ 0,072	0,005184
$\sum_{\alpha \in \Delta_{G}} y^{x_1} = \Delta_{G}^{x_1}$	— 0,303	0,091809
$96,2500 \qquad y^{XI} = \Delta_{xI}^{XI}$	- 0,274	0,075076
$y^{x_1} = \Delta_8^{x_1}$	· — 0,325	0,105625
$y^{x_1} = \Delta_9^{x_1}$	- 0,215	0,046225
1		0,625569
$\mathbf{y}^{\mathbf{x}_{11}} = \boldsymbol{\Delta}_{1}^{\mathbf{x}_{11}}$	+ 0,135	0,018225
$9y^1 = 0 y^{XII} = \Delta_{\frac{9}{2}}^{XII}$	- 0,159	0,025281
$\frac{9y^{11}}{9y^{11}} = 0 y^{X11} = \Delta_{5}^{X11}$	- 0,130	0,016900
$9y^{111} = 0$ $y^{X11} = \Delta_{\Delta}^{X11}$	- 0,101	0,010201
$9y^{1V} = 0 y^{X11} = \Delta_5^{X11}$	- 0,072	0,005184
$9 y^{\mathbf{v}} = 0 y^{\mathbf{x}11} = \Delta_{6}^{\mathbf{x}11}$	- 0,043	0,001849
$9y^{v_1} = 0 y^{x_{11}} = \Delta_{\overline{z}}^{x_{11}}$	- 0,013	0,000169
$9y^{VII} = 0 y^{XII} = \Delta_{8}^{XII}$	+ 0,177	0,031329
$9 y^{\text{viii}} = 0 y^{\text{xii}} = \Delta_{\alpha}^{\text{xii}}$	+ 0,207	0,042849
$9\mathbf{y} = 0$		0,151987
$9 \mathbf{y} = 0$	•	
9 y = 0 " $9 y = 0$ = 4,939	$\frac{1}{2,395}$	$\frac{711}{2} = \pm 0,785301$
$9y = 9^{3} = 4,959$	95	
$\frac{1}{p^{\prime}]+}=\pm$	0,785301 33,097	$= \pm 0.024$
•		

!

/

A

ı

Obser- vadores.	Posiciones del nivel.	LECTURAS.	i-s	1-c	Tang. A ₁	Log taı
		cm.	em.	cm.		
N.	1	i = 246,50 c = 222,75 s = 198,70	47,80	23,75	0,00296875	3,4725
	2	248,90 225,10 201,00	47,90	23,80	0,00297500	3,4734
M.	3	240,60 216,90 192,90	47,70	23,7 0	0,00296250	3,4716
	4	239,80 216,05 192,05	47,75	23,75	0,00296875	3,4725
Р.	5	237,50 213,70 189,60	47,90	23,80	0,00297500	3,4734
	6	235,40 211,60 187,55	47,85	23,80	0,00297500	5,4734
Λ.	7	143,90 120,15 96,10	47,80	23,75	0,00296875	3,4725
	8	145,80 122,05 98,00	47,80	23,75	0,00296875	3,4725
Q.	9	149,40 125,70 101,70	47,70	23,70	0,00296259	3,4716
	10	151,00 127,25 103,20	47,80	23,75	0.00296875	3,472 5
Z.	11	136,55 112,85 88,85	47,70	23,70	0,00296250	3,4716
	12	134,70 110,95 86,90	47,80	23,75	0,00296875	3,4725
		Sumas	573,50	285.00 22 75		Į
		Promedios.	•	23,75	ι	ı
Error 1	nedio de i	una observ."	==0,91			

Formulario núm. 34.

CÁLCULO

PARA DETERMINAR LA SEPARACION

ANGULAR DE LOS TRES HILOS DEL RETÍCULO EN EL

INSTRUMENTO NÚM. 4.

Febrero de 1877.

Obser- yadares.	Posiciones del nivel,	LECTURAS.	1-3	1-c	Tang. A	Lo
		cm,	em.	CBI		
Ŋ.	1	t = 246,50 c = 222,75 s = 198,70	47,80	28,75	0,00296875	29
	2	243,90 225,10 201,00	47,90	29,80	0,00297500	3
M.	3	240,60 216,90 192,90	47,70	23,70	0,00290250	8
	4	239,90 216,05 19 2, 05	47,75	23,75	0,00298875	8,
Р.	5	237,50 213,70 189,60	47,90	29,80	0,00297500	8
	6	235,40 211,60 187,55	47,85	23,80	0,00297500	9,
Λ.	7	149,90 120,15 96,10	47,80	23,75	0,00296875	8,
	*	145,80 122,05 98, 8)	17.80 ·	23,75	0,67296875	3,
Q.	ş	$\substack{149,40\\125,70\\101,70}$	47,70	23.70	0,00290259	3,
))	151,00 127,25 103,20	47,80	23,75	0,302(9)875	3,
z.	11	186,55 112,85 88,85	47,70	23,70	0,00296350	3,
	12	134,70 110,95 86,90	47,80	23,75	0,00296875	3,
		Sumas Promedios.	573,50 47,79	255,00 23,75		

ايستينات						
11	c—s	Tang. A2	Log tang	A ₂	Λ	$\frac{A_2-A_1}{3}$
11	em.	1	i	"	11	,,
,847	24,05	0,00900625	3,47802509		 1 232,42 9	+ 2,578
,636	24,10	0,00301250	3,47892706	621,371	1235,007	+ 2,578
,058	24,00	0,00300000	3,47712125	618,798	1229,851	+ 2,578
,847	24,00	0,00300000	8 ,47712125	618,793	1231,140	+ 2,149
,696	24, 10	0,00301250	3,47892706	621,371	1235,007	+ 2,578
,636	24,05	0,00300625	3,47802509	620,082	1233,718	+ 2,149
,847	24,05	0,00300625	3,47802509	620,082	1232,429	+ 2,578
847	24,05	0,00300625	3,47 802509	620,082	1232,429	+ 2,578
058	24,00	0,00300000	8 ,47712125	618,793	1229,851	+ 2,578
B47	24,05	0,00300625	3,47802509	620,082	1232,429	+ 2,578
)5 8	24,00	0,00300000	3,47712125	618,793	1229, 851	+ 2,578
347	24,05	0,00300625	3,47802509	620,082	1232,429	+ 2,578
164 347	288,50 24,04	l		7438,406 619,867	14786,570 1232,214	+30,078 2,506
Error medio del resultado. $\epsilon \pm 0,522$						土 0,048

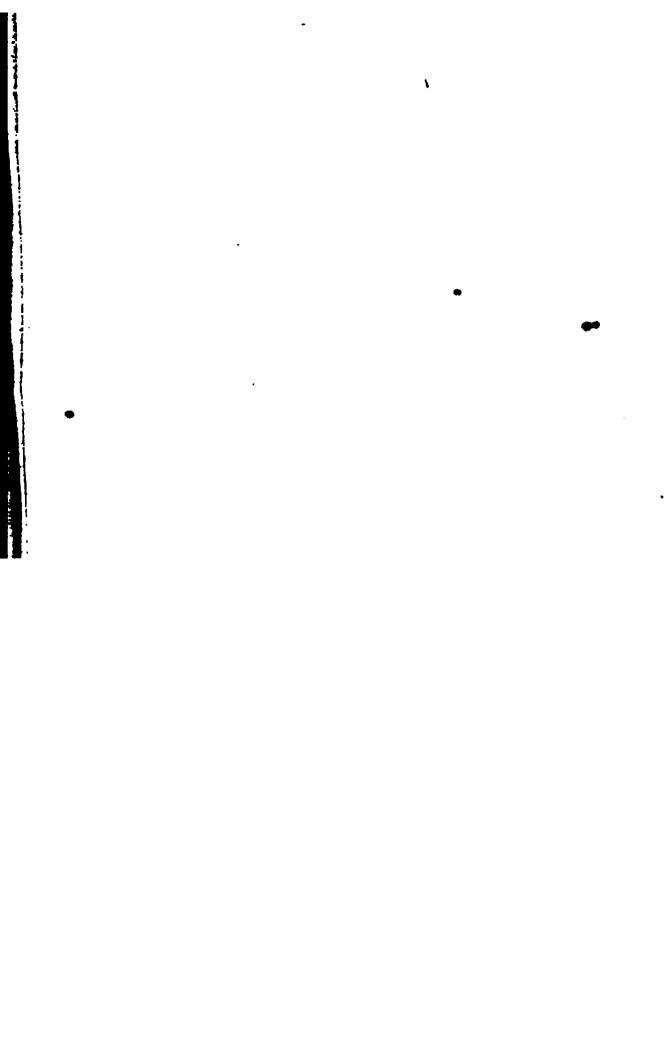
Forms

 $A = A_t$

Ţ					
A	E	đ	g s	v	29. Å
1169,831	H 3,665	1000	13,432225	1,00	1168,88
1209,224	2,057	2000	4,291249	1,59	1922,00
1217,532	1,977	3000	8,908529	1,15	1400,16
1225,553	0,916	4000	0,839056	4,00	4909,31
1227,786	0,767	5000	0,586289	4,57	5610,99
1228,182	0,717	6000	0,514089	4,85	5349,87
1228,978	0,517	7000	0,267289	7,18	8819,75
1232,214	0,522	8000	0,272484	6,16	77590,489
1233,384	0,570	9000	0.324900	4,59	5861,235
1233,924	0.479	10000	0,229441	5,85	7218.45
				40,44	49637.110

				
OR MEDIO. [p. A] [p]	v	v ²	v ² p	ERROR MEDIO. $ \sqrt{\frac{[v^2p]}{[p]. n(n-1)}} $
1 227,42 6	58,595 18,202 9,894 1,873 0,362 0,706 0,952 4,788 5,958 6,498	3433,374025 331,312804 97,891236 3,508129 0,131044 0,498436 0,906304 22,924944 35,497764 42,224004	2,16819660 6,50726272 141,21765504 162,93473676	± 1,139
,			4647,20596636	

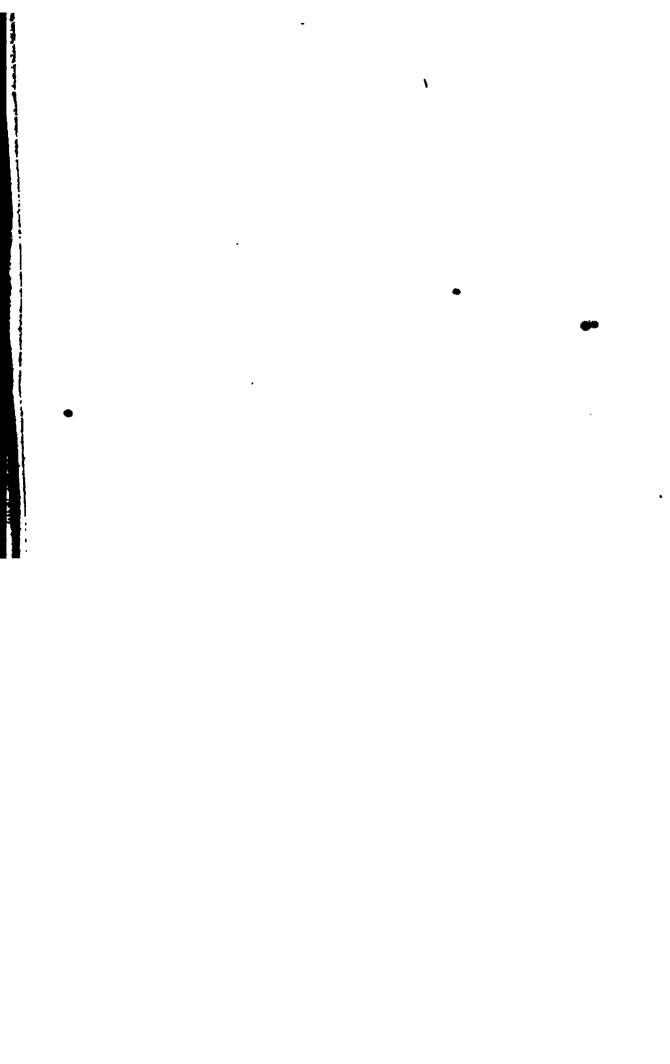
= 1227,426 ± 1,130



APARATO «IBAÑEZ» DE MEDIR BASES.

$$M - 0.75 F_{t_R} = ((f'+m'') - (m'+f'')) h - 0.75 \varphi (t_R - T)$$

$$M - 3000.49065 = 0.038 N - 0.03239475 (21.93 - T)$$



APARATO «IBAÑEZ» DE MEDIR BASES.

$$\begin{array}{l} {\rm M}\,-\,0.75~{\rm F}_{\ell_{\rm R}} = \left((f'+m'') - (m'+f'') \right)\,h - 0.75\, \mbox{\mbox{\em p}} \, \left(t_{\rm R} - m'' - m'' + m''' + m'' $



Formulario núm. 39.

Cuadro de valores para evitar errores groseros de lectura ó escritura.

D	A	A	A ₂	A ₂ A ₁	Promedio = hilo central -
m 10	cm 5,67	cm 2,83	em 2,84	em + 0,01	em 0,0033
20	11,72	5,82	5,90	0,08	0,0267
30	17,71	8,80	8,90	0,10	0,0333
4 0	23,77	11,81	11,95	0,14	0,0467
50	29,76	14,79	14,97	0,18	0,0600
60	35,72	17,76	17,97	0,21	0,0700
70	41,69	20,72	20,97	0,25	0,0833
80	47,79	23,75	24,04	0,29	0,0967
90	53,82	26,75	27,07	0,32	0,1067
100	59,82	29,72	30,10	0,38	0,1267

Formulario núm, 40,

LÍNEA DE MINGORRÍA Á LA PUEBLA.

Seccion al VG. Cerralvo.

Troso de 🗌 7 d f 8.

Se siguió por la citada carretera hasta la puerta del castillo——————

Dia 4 de Julio de 1876, desde las 4h 45m de la mañana á las 6h 40m de la misma.

Tiempo utilizado, (h 55m.

La maxima longitud de las niveladas fué de 67m, la minima de 55m y la media de 64m.

La mayor inclinacion del nivel fué de ^{4 d},20 y la media de 0 d ,28.

El máximo error de equidistancia fué de 6m,3

y el medio de 6th,3 por trozo

La máxima longitud de un trozo fué de 4010^m.

El mayor valor de los errores instrumentales

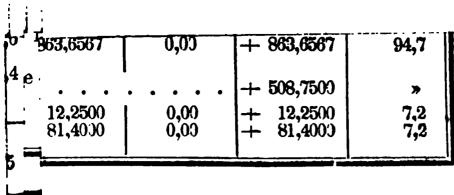
fué de 1^d,55 y el medio de 1^d,22.

La mayor diferencia al promedio de los erro-

res instrumentales fué de 0^d,33.

El error que esta diferencia introduce en el trozo à que corresponde es de 0^{mm},03.

La longitud nivelada es de 1k,0103.



60		4	de 3 ^h — 45 ^m
,60 ⊕0			a
10			6 ^h — 30 ^m
4 '0			
1,52			
1			
0.3	+ 1,86		
. 20			
00 2 0			
. 20			
2,20		1	
em -se we			



LÍNEA DE MINGORRÍA Á LA PUEBLA.

Seccion al VG. Cerralvo.

Trozo de e9 $\dot{a} + y \times y \, \dot{a} \, VG.O2$

Se siguió el trabajo en este dia, desde la puerta del castillo (rampa) al terraplen, dirigiéndose al muro en donde se halla el pilar por la calle que forman los edificios del castillo hasta +

Dia 4 de Julio de 1876, desde las 3^h 45^m de la tarde á las 6^h 30^m de la misma.

Tiempo utilizado, 2h 45m.

Se hicieron 8 estaciones_

La máxima longitud de las niveladas fué de 13^m, la mínima de 4^m y la media de 7^m.

La mayor inclinacion del nivel fué de 0^d,90 y la media de 0^d,22.

y la media de 36^m.

El mayor valor de los errores instrumentales fué de 2^d,20 y el medio de 4^d,86.

La mayor diferencia al promedio de los erro-

res instrumentales fué de 0^d,34.

El error que esta diferencia introduce en el trozo á que corresponde es de 0^{mm},00.

La longitud nivelada es de 0k,409.

NIVELA

LÍNEA DE MINGORRÍA À LA PUEBLA.

Instrumento núm, 1.

Resúmen de las distancias y diferencias de nivel d

Valore

	DISTANCIAS.	מ	DIFERENCIAS D		
SEÑALES.	Kilómetros.		SBRVADAS. Metros.	COX.	
□1-NP.8	0,3784	_	4,194801	_	
2 - 1	1,0090		8,608099	_	
3 - 5	1,0016	←	20,174333		
4- 3	1,0077	_	32,512909		
5- 4	1,0091	_	11,346033	_	
□6 - □ 5	1,0048	+	5,872433	+-	
7 - 8	0,9990	_	16,6041 10	_	
🔲 7	1,1050	+	2,695366	+-	
VG. ○2-×	0,0072	-+-	0,122500	-+	
P VG. () 2	0,0072	+	0,814000	-1-	
× - +	Altura vertica	l	. ,	+	
NP. 8 - P.	7,5870		J	4	

PRECISION.

•	SECCION AL V G. CERRALVO
	Observador,
rregid	las por el valor de la mira, y descripcion de señales.
ira I =	= 1 ^m ,000 373.
•	
j '	DESCRIPCION DE SEÑALES.
<u>-</u>	
NP 8	
٠	parroquial de San Antonio Abad. en el «Villar.» Il
☐ 1.	próxima al batiente de piedra de la puerta. —Señal pintada en el poste del kilómetro núm. 279,
	en la carretera de Alicante á Madrid. (0 ¹¹¹ ,50)
• —	—Idem idem del kilómetro número 278 en idem (0 ¹¹¹ ,50)
	—Idem en la imposta de una alcantarilla á la derecha de la carretera y próxima al kilómetro 277.
. [] 4.	-Idem en una piedra colocada al efecto á la derecha de la carretera y á un kilómetro próximamente de la anterior.
	—Idem en el poste del kilómetro número 275 (0 ^m ,50).
	—Idem idem del kilómetro número 274 (0 ^m ,50).
十"	—Idem idem del kilometro número 273 (0 ^m ,50). Pintada al pie y en la parte E. de un muro sobre el
×	que se asienta el pilar de observacion. En una piedra de la parte superior de dicho muro.
VG. O 2	. En una piedra colocada al piè y angulo N.E. del pi- lar de observacion, enrasando con su zócalo.
P.	Cara superior del pilar de observacion.

Linea	de la		
MIN DA	80		

Seccion VG. Cerralyo.

Se empezó en la señal principal NP. Senel Villar siguiendo la carretera hasta unos 60^m después del poste kilométrico núm. 273, donde se tomó una vereda que va directamente al castillo de Cerralvo, en donde está el VG.

Se emplearon 9 dias en nivelacion; 1 en colocacion de señales, y se perdió à causa del mal tiempo 1, total dias, 11.

Se hicieron 110 estaciones,

La máxima longitud de las nivelaciones fué de 78^{to}, La mínima de 5^{to} y la media de 58^{to}.

La mayor inclinacion del nivel fué de 2^d,10 y la media de 0^d,38.

El máximo error de equidistancia fué de 3º02 y el medio 1º08 por trozo.

La máxima longitud de un trozo fué de 1^m009 y la **media de 859^m**.

El mayor valor de los errores instrumentales fué de 1 6 y el medio de 0 6,87.

La mayor diferencia al promedio de los errores instrumentales fué de 0^d,17.

El error que esta diferencia introduce en el trozo de 🔲 5 à 🔲 6 es de 0^{mm},00.

La longitud nivetada es de 74,527.

SECCION AL VG. CERRALVO.

INSTRUMENTOS NÚMEROS 1 Y 2.

 $= 1^{m},000373.$

El màximo error de equidistancia es de 8m,2 y el medio de 1m,7 p.

La màxima longitud de un trozo es de 1m,018 y la media de 861m.

El mayor valor de los errores instrumentales es de 1^d,86 y el med

La mayor diferencia al promedio de los errores instrumentales es

El mimero de trozos nivelados por tercera vez es de 1.

El número de trozos nivelados por tercera vez es de 1.

La longitud de las dos nivelaciones es de 15^k,166 y la de la 3.ⁿ de 1

La longitud do las dos nivelaciones es de 15^k,166 y la de la 3.ⁿ de 1

La longitud doble y completamente nivelada, es de 7^k, 527.

ITUDES SE HAN DE OBTENER.

DESCRIPCION DE SENALES.

- NP. 8.—Señal principal colocada en el interior de la iglesia parroquial de San Antonio Abad, en El Villar.
- + Pintada al pié y en la parte E. de un muro, sobre el que se asienta el pilar de observacion.
- × Pintada en una piedra de la parte superior de dicho muro.
- VG. O 2.—En una piedra colocada al pie y angulo N. E. del pilar de observacion.
 - P.—Cara superior del pilar de observacion.

3, donde se tomo una vereda que va directamente al castillo de

Formulario núm. 43,

Resúmen general de diferencias de nivel, por intervalos.

INTERVALOS.	Dis- tancias.	Diferencias de nivel.	Error medio. ±
•	k	m ^s	\mathbf{m}^{6}
O 1 — NP 10	0,9941	- 4,2832	0,0027
NP 9 - O 1	5,0444	+ 42,9972	0,0050
O1-NP 9	0,7553	+ 13,7105	0,0024
6-01	5,0402	÷ 25,1363	0,0035
11 — 6	5,6193	+ 30,6241	0,0051
NP 8 — 11	0,4395	+ 4,2405	0,0004
NP 7 — NP 8	7,2538	+ 17,0039	0,0034
01-NP 7	0,5086	— 15,3947	0,0016
6-01	5,0386	— 54,7815	0,0040
11 — 6	4,7879	+ 30,4212	0,0047
NP 6 — 11	0,1560	+ 1,2580	0,0003
NP 5 - NP 6	7,0315	+ 12,0024	0,0037
O1-NP5	0,1035	- 2,7652	0,0004
5-01	3,5172	- 8,6452	0,0007
NP 4 — 5	7,5403	+109,2886	0,0022

Formulario adm. 44.

Resumen general de diferencias de nivel, por secciones.

Distancias.
k 6,0885
11.8546 7.2538
10,4911
7,0315
11,1610

Formulario mum, 45.

Resumen de diferencias de nivel de los vértices geodésicos de primer órden, adyacentes d la linea.

		Diferencias	Error medio.	PETANGE OF THE CONTAINS
SENALES	DISTRICTES	de nivel.	+1	RESENA DE LAS SENALES
	K	ន	Ħ	
VG. O15 - O9	2,4906	+ 85,9815	0,0012	O9. Casilla de peones
VG. O 2 - NP.8	7,5198	- 39,7707	0,0011	VG. O 15. Albujon, Al
P VG. O 2	0,0072	+ 0,8141	0,0023	NP. 8. En el interior
				de El Villar.—VG. O2.
				Cerralvo, Al ple del pl- lar de observacion.—
				P. Cara superior del pilar.

Forth,

NIVELACE

LÍNEA DE MENGORRÍA Á LA PUEBLA.

Estado de las altitudes de los principales puntos d

BENALES.	DISTANCIAS.	ALTITUDES.	BRROR MO
	k	DE .	
NP.	575,839	1032,964	0,043
OB	582,879	923,675	0,043
	586,397	932,320	0,043
NP. ~5	598,500	995,086	0,048
NP. 6	593,532	923,083	0,043
OII	598,688	921,825	0,043
6	598,478	891,404	0,048
1	603,514	946,185	0,043
NP. 7	604,023	961,580	0.043
NP. 8	611,277	944,576	0,043
O 11	611,716	940,336	0,048
6	617,335	909,712	0,044
1	622,378	884,575	0,044
NP. 9	623,131	870,865	0.044
0.1	628,176	913,862	0,044
NP. 10	629,170	918.145	0,044
0 0	694,921	882,182	0,044
VG. () 15	606,513	997,562	0,043
NP. 8	611,277	944,576	0,043
VG. O 2	618,804	900,532	0,043
P	618,304	905,619	0,043

múm. 46.

DE PRECISION.

AÑO 4877.

nea sobre el nivel medio del mar en el puerto de Alicante.

RESEÑA DE LAS SEÑALES.

Mingorría: en el interior de la iglesia.

Santo Domingo de las Posadas: en el interior de la Casa Consistorial.

Velayos: en la escalera de la Casa Consistorial.

Velayos: en el interior de la iglesia parroquial.

Sanchidrian: en el interior de la iglesia parroquial.

Sanchidrian: en el pedestal de la cruz que se halla en la Plaza.

En el pretil del puente llamado de Mombar.

Gemenuño: en el pretil del puente inmediato à la poblacion.

Gemenuño: en el interior de la iglesia parroquial.

El Villar: en el interior de la iglesia parroquial.

El Villar: en el batiente de la puerta del cementerio.

Marazuela: en el interior de la iglesia parroquial.

Sobre el poste miriamétrico número 20 en la carretera.

En el pilar extremo E. del puente Iñez.

Garcillan: en el interior de la ermita de la Soledad.

Garcillan: en el interior de la iglesia parroquial.

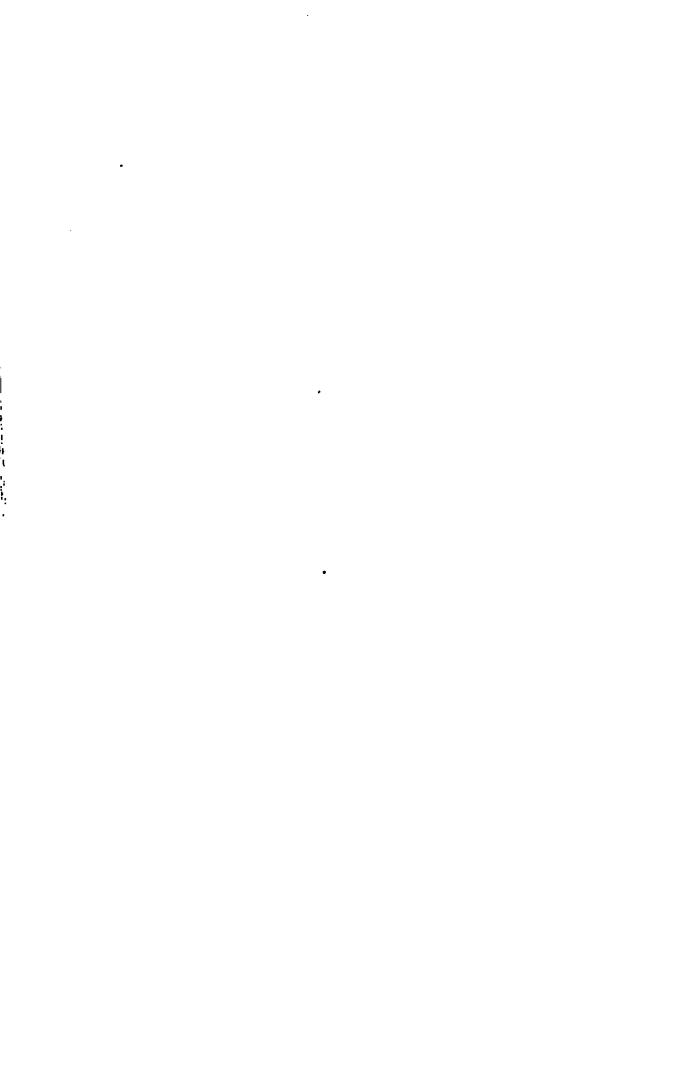
Casilla de peones camineros La Puebla.

Albujon (vértice) en una piedra al pié de la señal geodésica.

El Villar: en el interior de la iglesia parroquial.

Cerralvo (vértice) al pié del pilar de observacion.

Cerralvo: en la cara superior del pilar de observacion.



ST...

1.ª

medi.

....e 0,2:0 **0,2**:2

0.4

0.:

·**0**,

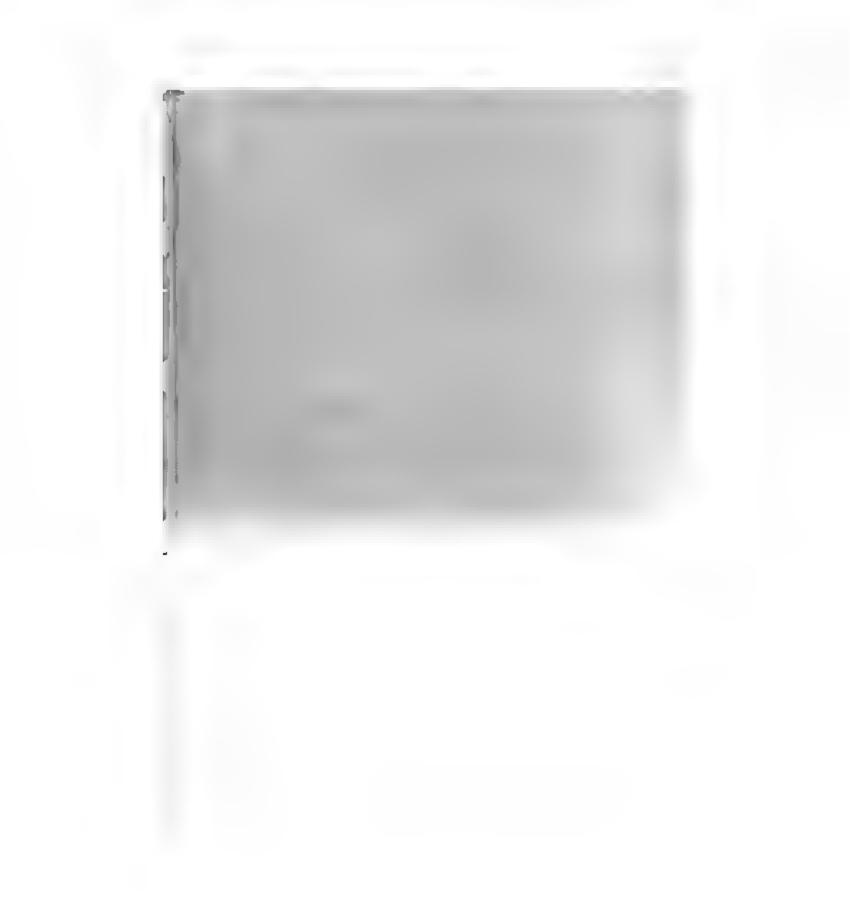


turas del i cuando el zador pasa el centro el papel.	Correccion para las altitudes máximas.		S DEL AGUA O DE COMP. Máxima.		Oscila- cion.	Estado del mar.
m	m	m	m	m	m	
		6,5654	5,44 00	7,6496	2,2096	Calma.
		6,6266	5,6671	7,5450	1,8779	Calma.
		6,6215	5,7640	7,4353	1,6713	Calma.
		6,6368	5,6058	7,4429	1,8371	Calma.
- 6,295	+ 0,031	6,6368	5,3405	7,6190	2,2785	Calma.
		6,7236	5,2349	7,8511	2,6162	Calma.
		6,5807	5,8661	7,1827	1,3166	Picada.
		6 ,5 807	4,5257	8,5909	4,0652	Gruesa.
		6,5909	4,3523	8,7644	4,4121	Picada.
		6,5654	4,2155	8,8690	4,6535	Calma.



SGICA DE.

t	das.						
30	эмвка.	Minima	MÄXIMA	AL SOL			
-	Oscila.	de irradia cion.	En el vacio.	En el aire.			
	5,80 6,20 5,80 5,70 5,50 4,20 6,00 4,60 8,00	14,70 14,00 15,40 15,70 16,40 18,60 16,70 17,80 14,90 16,70	57,00 55,90 57,00 59,40 53,30 62,90 58,00 57,60 58,80 57,00	93,01 41,61 29,61 91,61 40,11 85,51 40,01 92,51 45,11 84,51			
	12,60 19,00 16,20 19,70	14,00 14,50 14,80 14,00	62,9 0 62,90 63, 10 6 3, 10	45,11 44,71 44,01 45,11			



Dia	lturas del la cuando el azador pasa r el centro	Correccion para las altitudes		S DEL AGUA	Oscila-	Estad	
	del papel.	máximas.	Media.	Máxima.	Minima	cion.	ma
1	m	m	m	m	m	m	
			-6,5654	5,44 00	7,6496	2,2096	Caln
2			6,6266	5,6671	7,5450	1,8779	Caln
3			6,6215	5,7640	7,4353	1,6713	Calr
4			6,6368	5,6058	7,4429	1,8371	Caln
5	6,295	+ 0,031	6,6368	5,3405	7,6190	2,2785	Caln
6			6,7236	5,234 9	7,8511	2,6162	Caln
7			6,5807	5,8661	7,1827	1,3166	Pica
8			6 ,5 807	4,5257	8,5909	4,0652	Grue
9			6,5909	4,3523	8,7644	4,4121	Pica
10			6,5654	4,2155	8,8690	4,6535	Caln
<u> </u>	1						

554

Mes de Agosto de 4877.

		·								
	OBSERVACIONES BAROMÉTRIC									
	en milimetros, á 0º y corregidas de cal									
Dias.	0	6	12	18	A 24.00					
	horas.	horas.	horas.	horas.	Altui					
	HOLSE.	noras.	погаз.	moras.	medi					
1	761,45	761,56	761,60	762,25	761,7					
2	762,87	762,48	762,11	762,06	762.5					
8	769,91	759,09	757,58	756,86	758,0					
4	755,90	765,28	756,04	757,08	756,0					
5	757,62	758,28	757,64	757,67	787,7					
6	756,99	755,84	754,56	751,96	754,8					
7	751,97	754,06	754,00	754,72	753,6					
8	755,87	757,08	738,47	758,99	757,4					
9	759,92	760,36	759,97	759,34	759,9					
10	759,60	760,55	760,7R	761,00	700,4					
				!						
-										
Series.										
1.4	758,26	758,45	758,97	758,19	758,2					
2.4	756,42	756,56	753,12	755,59	756,11					
ð'o	758,91	759,01	759,16	758,80	758,97					
Mes.	757,90	758,04	757,89	757,57	757.85					
				,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,						



ı. 50.

ESTACION METEOROLÓGICA DE_____

	. ANEMOMETRO.									
oms.	RECORRI	DOS POR E	L VIENTO	DIRECCION DEL VIENTO Á LAS						
) h 6 :as.	de 6 h ⁸ å 12 horas.	de 12 h ^s á 18 horas.	de 18 h ^s á 24 horas.	0 horas.	6 horas.	12 horas.	18 horas.			
i,10 i,65 i,80 i,10 i,20 i,60 i,45 i,45 i,90	87,25 23,85 78,40 18,05 19,75 21,40 66,80 60,65 21,70 86,50	57,45 42,90 17,25 18,25 3,50 18,25 34,90 51,15 33,55 57,15	68,40 46,25 59,90 74,85 30,75 221,75 64,15 77,60 36,95 34,80	N. O. N. E. N. O. N. E. O. N. O. N. O.	N. O. N. E. N. O. N. E. N. O. N. O. N. O.	N. O. S. O. E. S. O. S. E. S. O. S. O. S. O.	O. S. O. S. E. S. O. S. E. O. S. O.			
,90 ,70 ,40	484,35 620,45 356,75 1461,55	334,35 492,45 505,35 1332,15	715,40 893,85 698,10 2307,35	N.N.O. N.O. N.N.E. N.	N.N. O. N. N.N. E. N.	E.S.E.	s.			



Formulario núm. 51.

RED GEODÉSICA DE 2.º ÓRDEN.

PROVINCIA DE MADRID.

AZIMUTALES.

Estacion de Cancho-Gordo.

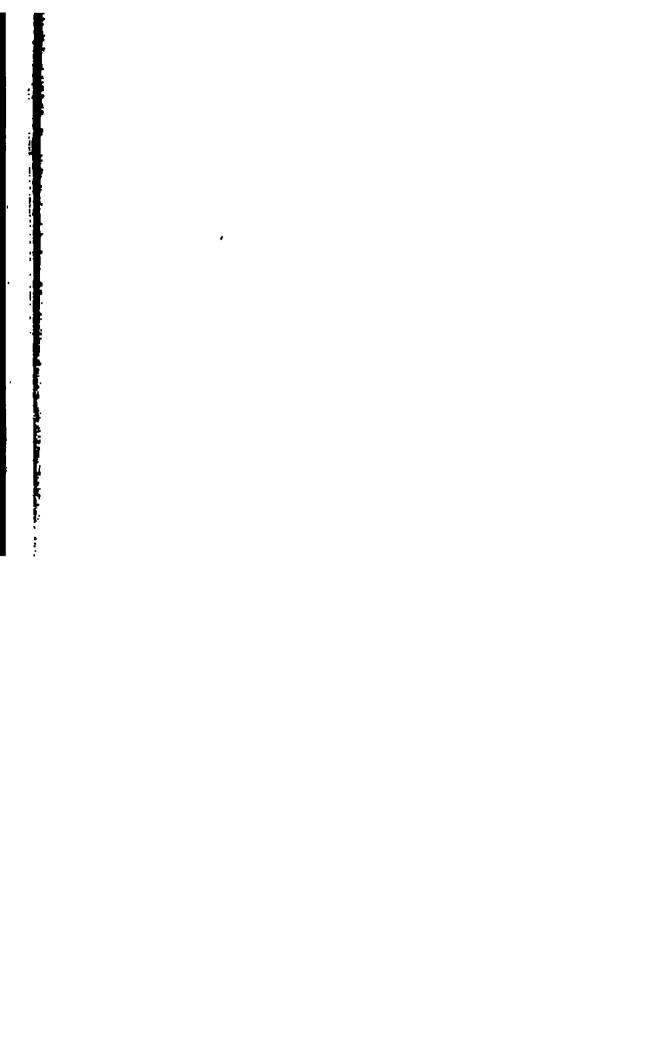
Consta de dos cuadernos.

Cuaderno núm. 1.

Instrumento usado, teodolito de Brunner,
número 5.

OBSERVADOR

Ð			•	
	AÑO DI			
Recibido el	de		de 18	
con el oficio del	Sr			
de de_				
NÚM	DEL	REGISTRO	GENERAL.	



N.04	LEC	TUE	LA.S	PROME- DIOS.		DIRECCIO- NES.		_	Notas.	
1 11 151 1V	o	,	.19	Q.	1	a.	0	ſ	d	
II III IV									_	
IV III II										
i i ii iii iv										
IA III II				į						
II II I										

ESTACION DE CANCHO-GORDO.

			- 0 1	NOMBRE Y FORMA DE
7.0	DIAS.	HORAS.	C.º V.1	
1	22 Agosto	18—40	1	(Inicial). Gundalix de la Sierra. (Torre).
	de 1676.			No es vértice de la red
				Atalaya de El Molar.
				(Pllar).
				San Pedro,
				(Señal).
5	22 Agosto	19— 5	1	San Pedro.
	de 1874.			(Señal ,
				Atalaya de El Moiar.
				(Plla),
				Guadalix de la Sierra (Torre).
				Vojes vertije de la red

(Media firma del Obsercador).

Distancia al centro de la señal... r == 4,50

Direccion al mismo con el 14 y == 399º 30' 22"

cero en Guadalix.... 2°

N,05	LECTUSA	,1	OMR-	DIRE		NOTAS.
III III I	0 8 8 90 8 9 180 8 8 270 8 3	5	, ,	. *	1 . 8	Buena.
111 111 111 71	326 11 2 56 11 2 146 11 1 236 11 3	5			_	Buena.
II III IV	856 44 1 86 44 0 176 44 0 266 44 1	}				Muy buena.
III III I	856 44 1 86 43 5 176 44 × 266 44					Mny buena.
l ll lll lV	826 11 2 56 11 1 148 11 1 236 11 2					Buena.
1 111 111 VI	0 3 8 90 3 2 180 3 8 270 3 8	-				Mny busua.

ESTACION DE

16.0	DIAS.	BORAS.	c.º v.¹	NOMBRE Y FORMA DE LOS OBJETOS.

Formulario núm. 52.

RED GEODÉSICA DE 2.º ÓRDEN.

PROVINCIA DE MADRID.

ZENITALES.

Estacion de Cancho-Gordo.

Consta de dos cuadernos.

Cuaderno núm. 1.

Instrumento usado, teodolito de Brunner,
número 5.

OBSERVADOR,

oficial 2.	O DEL CUERPO DI	TOPÓGRAFOS,
D		
	AÑO DE 1874	·•
Recibido el	de	de 18
con el oficio d	el Sr	
de	_ de	
NÚM	DEL REGIST	RO GENERAL.



565
Altura del instrumento_____
Idem del punto de mira_____

C.º V.1	EXTREMOS DEL NIVEL.	N. 95		CTU	r <u> </u>	PRC D	0 MI 109		NOTAS.
1	$a^{\prime} - a^{\prime\prime} = $	IV III II	٥	, 	11	¢ i	1	ŧŧ	
р	$a_i = a_{ii} = a_{ii} = a_{i} + a_{ii}$	I III IV							
D	$a_i = a_n = a_i + a_n$	IV III III							
Ī	a' = a'' =	III III IV							
1	a'' = a''	IN III II							
n	$a_i = a_n = a_i + a_n = a_i$	IN III III			_				3

866 ESTACION DE CANCHO-GORDO.

N.º	DIAE.	HORAS.	NOMBRES Y FORMA DE LOS OBJETOS.
1	28 Agosto de 1874.	21—50	Atalaya de El Molar. (cara superior del pilar.)
2	78	2154	Id.
33	24 A go sto de 1874	2 -20	In.

567
Altura del instrumento, 1,35.
Idem del punto de mira, 1,90.

c. °v.¹	EXTREMOS DEL NIVEL.	N.ºs		CTU AS.		PR D	omi ios		NOTAS.
Ι	$a' = 14$ $a'' = 29$ $a' + \overline{a''} =$	I II III IV	56 146 236 326	5 5	10 15 30 25	0		"	Buena.
D	$a_{i} = 29$ $a_{ii} = 14$ $a_{i} + a_{ii} =$	I II III IV	240 330 60 150	40 40	30 40 35 30				Buena.
D	$a_{i} = 25$ $a_{ii} = 11$ $a_{i} + a_{ii} =$	I II III IV	240 330 60 150	40 40	45 45 50 35				Buena.
I	a' = 14 a'' = 29 a' + a'' =	I II III IV	56 146 236 326						Buena.
I	a' = 12 $a'' = 32$ $a' + a'' =$	I III IV	91 181 271 1	99999	45 55				Buena.
D	$a' = 32$ $a'' = 12$ $a' + \overline{a''} =$	I II III IV	275 5 95 185	- 888888888888888888888888888888888888	20 20 15 5			}	Buena.

ESTACION DE_____

N.º	DIAS.	HORAS.	NOMBRES Y FORMA DE LOS OBJETOS.

Formulario núm. 53.

RED GEODÉSICA DE 3.er ÓRDEN.

PROVINCIA DE MADRID.

AZIMUTALES.

Estacion de Cancho-Gordo.
Consta de tres cuadernos.
Cuaderno núm. 2.
Instrumento usado, teodolito de Brunner.
número 10.

OBSERVADOR,

OFICIAL 2.º D	EL CUERPO D	E TOPÓGRAFOS,
D		
	AÑO DE 4874	4.
Recibido el	de	de_18
con el oficio del S	r	
dede		
NÚM.	DEL REGIST	RO GENERAL.



Distancia	al	centro	7-		
Direcciona	4n	rismo con el cero en	y=	•	

8.4	LECT	tn.	AS	PRO	ME .80	-	DIRE	ES.	0_	NOTAS,
11	0	-	11	٥	-	a	o	1	н	
t 11										
i IT										
T 18								-		
I !!			_							
11					_			-		

572

ESTACION DE CANCHO-GORDO,

K.º	bias.	noras.	c.º v.¹	NOMBRE Y FORMA DE LOS OBJETOS,
1	24 agosto de 1874.	18-5	1	Guadalíx de la Sierra. (Torrel. No es vertice de la red
				Pendon.
				Bustarviejo <i>(Torre).</i> No es vertico de la red
				Valdemane of Farme).
				Modafiad).
				Quadr



573

N,s	LECTI RAS	PROME plos.		DIRECCIO- NES,		VOTAS.
11	0 4 00 180 4 10	0 1	P	U	0	Muy buena.
1 1	32 30 40 212 30 50	- - -	_			Mny buena.
T II	48 59 40 228 59 40		_			Buene.
1 II	55 47 40 295 47 40		_		_ -	Bnena.
	73 34 30	-	_		-	Лиеда,
I	253 35 80 		_	-		
11	314 7 90					Ruena.

INTACION DE____

\.	BLAS	#4518.	c*v.	NOMBRE Y PORMA LOS OBJETOS,	DE
					1
					1
					1
					-
					_

Formulario núm. 54.

RED GEODÉSICA DE 3.er ÓRDEN.

PROVINCIA DE MADRID.

ZENITALES. ·

Estacion de Cancho-Gordo.

Consta de tres cuadernos.

Cuaderno núm. 2.

Instrumento usado, teodolito de Brunner,
número 10.

OBSERVADOR,

OFICIAL 2.	O DEL CUERPO DI	E TOPÓGRAFOS,
D.		
	AÑO DE 4874	
Recibido el_	de	de 18
con el oficio d	el Sr	
de	de	
NÚM.	nri reciet	RO GENERAL.

577
Altura del instrumento______
Idem del punto de mira_____

C.º V.	EXTREMOS DEL NIVEL,	N.01	LECTU- RAS.	PROME- DIOS,	NOTAS,
I	a' − a" −	I	0 7 #	0 1 11	
	a' +a'' =	11			
1)	$n_{a^{-}}$	1			
	$a_i + \overline{a_{\mu}}$	11		_	
T)	а, п,	1			
	$a_i + a_n - 1$	Jf _	_ _	. _ _ _	
1	a^{a} =	I			
	a'+a''.	— 11			
1	a'	1			
	a' +a"		_ _ -	_ _ .	
ת	$u_n = \underline{}$	1		1	
<u> </u>	$a_i + a_n$	II —			
1)	$a_i = a_n $	I			
-	$a_i + a_{ij} = $ $a_i - $	11 1		· -	
I	a' - a'' = $a' + a'' =$, II			

578
ESTACION DE CANCHO-GORDO.

N.º	nas.	HORAS,	NOMBRE Y PORMA DE LOS OBJETOS.
1	Bi Agosto de 1874	22	Pendon.
2	34 Agosto de 1874	22- 5	Id.
3	25 Agost -de 1874	2 3	ıd,
4	%5 Agosto de 1×74	2 -]1	11.

579
Altura del instrumento, 1,35.
Idem del punto de mira, 2,68.

					-				
g.º v.1	BXTREMOS DEL NIVEL.	V.05	£.80	CT1			0 5 (1		NOTAS,
1	a' 10 a'' = 25	Ι.		12	Ш	c	ř	11	Ruena.
ъ	$\begin{array}{c c} a'+a''- & 31 \\ \hline a_{\mu}- & 39 \\ \hline a_{\mu}- & 19 \\ \end{array}$	11	278 273			-	-	-	Buena.
	$a_i + a_n =$	11	98		20	_	_		
D	$a_n = 34$ $a_n = 19$	I	273		10				Buena.
	$a_i + a_{ii} =$	11		<u>1</u>			_	_	
τ	a' = 10 $a'' = 25$	1		11					Buena,
	a'+a''	Ť1	279		_		_		
Т	$a' = \frac{14}{27}$	Ē	93						Burua.
	a'+a''	II	273	12	20				
13	$a_i = 86$ $a_n = 22$	1	273			_	_	_	Buena.
	$a_i + a_n$	II	93	31	30				
1>	a_i 30 a_μ 23	1	273	3]	10				Buena,
	$a_i + a_n$.	II	93	31	20				
ī	a' = 27 $a'' = 14$	Ī	98	12	00		-		Buena.
	a' + a'' =	11	273	12	10				

ESTACION DE_

N.º	BIAA	HORAS.	NOMBRE LCS	Y FORMA OBJETOS.	DE
	·				
			-		
<u> </u>					

ÍNDICE.

PRIMER ÓRDEN.

RED GEODÉSICA.

TRABAJOS DE CAMPO.

BASES.

Art	8.	l'ags.
1.	Longitud de una base y su enlace con l	a . 5
2.	Condiciones principales à que han de satis facer las bases.	•
3.	Proyecto de enlace y medicion provisiona	1. 7
4.	Construcciones que fijan los extremos d	e . 8
5.	Preparacion del terreno en que se ha d medir una base.	. 8
6.	Alineaciones	. 9
7.	Estudio preliminar del aparato de medicion.	- . 10
8.	Manera de efectuar la medicion	. 10
9.	Apreciacion de los intervalos menores que la longitud de la regla.	e . 17

Arts		Page.
10.	Cálculos de la tongitud de la base	. 1
11.	Cálculos de la correspondiente à la segun	
12.	da medicion Reduccion al nivel del mar de la longitud medida.	i 2
	REGONOCIMIENTO PARA LA ELECCION	
	DE LOS VÉRTICES.	
19.	ldea general sobre la manera de efectuar e	9
14.	Division de la red total en cadenas y gran- des cuadrilateros.	. 8
15.	facer las cadenas.	. 8
16.	facer los situos que se elijan para ver-	
17.	tices. Empreo de las señales provisionales.	. 3
B.	Formacion del cróquis del proyecto	. 9
19.	Reconocimiento de los grandes cuadrila-	- 5k
20.	Proyecto de las redes especiales que enla- zan las bases con la general.	3/
	PREPARAGION DE LOS VÉRTICES PARA LA	s
	OBSERVACIONES.	
21.	Que se entiende por señales permanentes y	<i>†</i>
	Bu objeto	, 3.
22.	Referencias	. 3
21. 22. 23. 24.	Referencias.	, 3 , 3 , 3
22. 23.	Referencias. Pilares de observacion. Objetos de mira. Condiciones generales que determinan la	. 3 . 3 . 3
22. 23. 24. 25.	Bu objeto. Referencias. Pilares de observacion. Objetos de mira. Condiciones generales que determinan la clase de señal que se debe emplear el	. 3 . 3 . 3 . 3
22. 23. 24. 25.	su objeto. Referencias. Pilares de observacion. Objetos de mira. Condiciones generales que determinan la clase de señal que se debe emplear el cada caso. Forma y dimensiones de las señales.	. 39 . 39 . 39 . 4
22. 23. 24. 25. 26. 27.	su objeto. Referencias. Pilares de observacion. Objetos de mira. Condiciones generales que determinan la clase de señal que se debe emplear el cada caso. Forma y dimensiones de las señales. Forma y dimensiones de los observatorios	. 99 . 99 . 99 . 99 . 94
22. 23. 24. 25.	su objeto. Referencias. Pilares de observacion. Objetos de mira. Condiciones generales que determinan la clase de señal que se debe emplear el cada caso. Forma y dimensiones de las señales.	. 33 . 33 . 34 . 44 . 44

Art	S.	Page
	servacion	. 4
31.	Disposicion de las miras y casos en que de	-
32.	beran emplearse	
33.	blero desde varios vértices Establecimiento de las diversas clases d	e
34.	referencias	. 4
35.	Croquis de las obras permanentes hecha	S
36.	Prescripciones sobre la señal-tipo	. 4
37.	Señales en los vértices de las redes de en	-
38.	lace de las bases	S
	por Ertel y por Brunner	•
39.	Descripcion del heliotropo de Gauss	
40. 41.	Objeto y uso del anteojo del heliotropo	
	Prescripciones comunes para el servicio de toda clase de heliotropos	•
12.	Caso en que un mismo punto liubiese de se observado simultáneamente desde dos	Ó
43.		-
44.	tropos	•
(OBSERVACION DE DIRECCIONES AZIMUTALE	s.
45.	Método que se sigue	. !
16.	Método que se sigue	
17.	Establecimiento del teodolito en estacion	•
18.	Practica de las observaciones	•
49.	Líneas cuyas direcciones se deben observar en las cadenas.	
50.	Observaciones, en los vértices de cadena de puntos importantes que no sean vér	l, -
51.	Observaciones en los grandes cuadrilate	-
52.	ros Lineas cuyas direcciones se deben obser	
53.	var en los grandes cuadrilateros Observaciones, en los vértices de cuadrila	_
	tero, de puntos importantes que no sea	n
	· JRX	

Arts	<u> </u>	Pags.
	vertices. Observaciones de los vertices de cuadri-	. 63
54,	Observaciones de los vertices de cuadri- lateros en los de cadena.	. 64
ຈີວີ.	Cuándo debe darse principio á las obser-	
36	vaciones.—Direction initial	
	falsear et método de observa cio n	. 05
57,	Caso et, que se estaciona fuera del vertice, —Datos de reducción.	
ā8,	Caso en que sea ab outamente indispen- sable apuntar a un objeto de man des- viado de la señal que fija el vertice.	
59.	Cuadernos pava anotar las observaciones,	66
iin.	Prescripciones generales sobre la práctica de las observaciones.	68
		-
0	ESEAVACIONES DE DISTANCIAS ZENITALE	. 8.
61. 62,	Práctica de la observacion	70
69,	dena Resteracion en las of servaciones de cua-	71
	drilatero. Lineas que se fel en observar.	72
63,	Observations I put to a portuntes que	72
	no sear stees	72
68,	Datos de reducción de las distancias zeni- tales a los puntos-vertices.	72
67	Horas y circunstancias propicias para la	
68,	observacion de distancias zenitales	72
5 0.	cerse segu.das	78
ηι.	Cuadernos para anotar las observaciones.	73
	TRABAJOS DE GABINETE.	
DIRE	CCIONES MÁS PRODABLES EN CADA ESTA AISLADA,	CION
70,	Metodo que se sigue en el calculo de los elementos de la red.	74

Art	S.	Pags.
71.	Cálculo de las constantes del teodolito	. 74
72.	Cálculo de los valores relativos de las di recciones observadas	. 76
7 3.	Estado de direcciones azimutales obser vadas	- . 76
74.	Manera de salvar en el estado algun erro grosero	r . 77
75.	Fórmulas para calcular las direccione más probables en la estacion aislada.	. 77
76.	Formacion de las ecuaciones finales	. 78
77.	Resolucion de las ecuaciones finales	79
78.	Formulas para las reducciones al vértice.	. 80
79.	Ecuaciones preparatorias	. 81
80.	Ecuaciones que sirven de enlace entre lo calculos de cada estacion y los que exige	e
	la compensacion de los errores augula	- . 82
81.	res en la red	. ()& R
174.	observaciones de cuadrilátero	
V	ALORES APROXIMADOS DE LOS ELEMENT	os
	LINEALES DE LA RED.	
82.	Las lineas directas servirán para fijar e enlace de los puntos	
83.	enlace de los puntos	. 84
84.	Orden sucesivo de resolucion de triangulos.—Exceso esférico.	-
85.	Resolucion de triángulos, en las cadenas y los cuadriláteros.	
86.	Resolucion de triángulos para fijar puntos	
	importantes que no sean vertices	. 89
1	LATITUDES, DIFERENCIAS DE LONGITUD	Υ .
	AZIMUTES APROXIMADOS.	
87.	Primer meridiano	. 90
88.	Orden que se seguira en el calculo	. 90
89.		. 90
90.	calculos correspondientes a puntos im-	- . 96
	portantes que no sean vértices	. T

ALTITUDES APROXIMADAS.

Art		Pags.
91.	Formulas para el calculo de las distracias	
	renibiles	State
92	Estado de distancias zenitales observadas.	98
98.	Formula para reducir las distancias reni-	6.2
91.	tales à los puntos-sertices	98
	puntos rec.procamente observados	99
95.	Calos en que solo se baya observado en	
	uno de los pentes	100
96,	Formula para conocer cual de dos puntos,	
	onya diferencia de navel es muy peque- na, tiene mayor altitud.	100
97.	Calculo de las altitudes	101
96	Compensacion por trozo de cadena de las	404
	diferencias de myel que resultan inme-	
	diatamente de las distancias cenitales	101
99.	Resumen de las coordenadas de los ver-	
	tices, azimutes de las lineas directas y	104
100	maguitudes de estas. Prescripciones generales para la ejecucion	T. b.R.
e to to	de todos los calculos.	104
101	Resent description que continuer a la-	
	da fridajn de ode No.	104
	CÁLCULOS DEPINITIVOS DE LA RED.	
105	La red española torma parte de la gran	
	red europea, , , , , , , , , , , , , , , , , , ,	107
103.	Elementos del elipsoide Impotetico para	
	estos calculos encaminados al comun	303
40,	Ompensacion independiente de los erro-	107
31.1	res en las redes especiales de culace de	
	las bases.	107
105.	Division de la red en trozos ladepondien-	
	tes para los efectos de la compensacion	10-7
166.	de las observaciones angulares Formacion dei croquis de cada trozo	108 112
107.	Formulas que dan el número de ecuacio-	116

Art	8.	Págs.
	nes de condicion	. 112
108.	Eleccion de las figuras parciales para for	•
3.00	mular las ecuaciones de condicion	. 112
109.	Establecimiento numérico de las ecuacio-	
110	nes de condicion.	. 112
110. 111.	Forma de las ecuaciones de ángulo Forma de las ecuaciones de lado	. 113 . 113
112.		
IIÆ.	tre dos puntos no enlazados directamen	-
	to dos parios no enjazados directamen	- . 114
113.	te por otra	. 114
110.	ciones de condicion para conseguir e	1
	menor desarrollo posible de los cálcu-	-
114.	los	-
	munes à dos ó más trozos	. 122
115.	Expresiones de las incógnitas de la forma	
	[x]	. 126
116.	Expresiones de las correcciones (1) (2)	. 126
117.	Formacion de las ecuaciones finales	. 126
118.	Resolucion de las ecuaciones finales	. 126
119.	Correcciones de las direcciones iniciales	. 127
120.	Obtencion de las correcciones totales d	e
	las direcciones	. 127
N	VIVELACIONES DE PRECISIO	N .
	PRESCRIPCIONES GENERALES.	
121. 122. 123.	Lineas de nivelacion	. 128 e
124. 125.	la nivelada	. 128 . 129 . 129

888			
Art	в.	Paga	
128, 127, 128, 129,	Olgeto de las referencias	. 131	
180.	principales. De cripil a de la lienules secundarias d	. 13)	
131	printera clas Descripcion de las señales secundarias d	. 132 e	
130.	trecamentes para e mocet la situación d	. 199	
133	Establec menta de las referencias en la	. 133	
134	sendes gendes cas	192	
136, 136, 137, 1384	Cuandas deben estable or ins senales. Situas our cuientes para efectuarlo. Como se lebe evitar en las lineas de nive lacion el paso do túneles. Advertencia para inpredefinitivamente lo itinerarios de nivelacion.	. 133 . 134 . 134 . 134	
	instrumentos.		
139. 140.	Descripcion de los instrumentos	. 134 136	
DETERMINACION DE LAS CONSTANTES DE LOS INSTRUMENTOS.			
144 142 143. 141	Cuales son las constantes de los instru- mentos. Determinacion de los val res angulares de las divisiones de los inveles. Determinacion de la sepunacion augular de los hilos paralelos de, reticulo. Determinacion de la longitud absoluta de las miras.	. 139 . 139 e 141	

PRÁCTICA DE LA NIVELACION.

Arts	5 . 	Pags.
145.	Errores instrumentales. Cuándo se deber determinar	4 40
146.	Posiciones normal é inversa del instru-	- . 143
147.	Determinacion de los errores instrumen-	. 144
148.	Caso en que no se puedan determinar po segunda vez estos errores	r • 146
149.	Caso en que el instrumento sufre algui choque à accidente	1 . 146
159.	Cómo se coloca el instrumento en esta-	-
151.	Precauciones para asegurar una buena observacion.	. 146
152.	servacion	. 147
153.	Paso de la nivelada de espalda à la de frente	. 148
154.	Hojas para anotar las observaciones	. 149
155.	Nota del itinerario y descripcion de las se nales.	151
156. 157.	Copias de las observaciones originales	. 151
	Precauciones en el uso de los instrumentos	- . 152
158.	tos	. 152
159.	la mira	. 153
160. 161.	Conocimiento de la longitud del paso	154
101.	curso de la nivelación	154
	MAREÓGRAFOS.	
162.	Objeto de la red de nivelaciones de precision.	154
163.	Nocion fundamental de lo que se entiende	. 155
164.	por nivel medio	. 156
165.	Estudios preliminares del aparato	. 158
166.	Establecimiento de los aparatos	. 159
167.	Hojas de papel que se arrollan al cilindro)

4.6		Pags.
-	_	
1000年100日	Gel aparatus. Crando se aum cuerda al reiss. Transis de la selectuaria. Transis esa del aparato. Seminara de las hojas a la furección ge-	- 101
174.	neral. Instrucciones perticulares para cada apa- rato.	10
	ESTACIONES METEOROLÓGICAS.	
175	tperatos que compensor una estación me-	161
176.	Colorados y manera de observar el faro-	162
177.	metro	
178.	metra. Cojocación y numera de observar los ter-	162
179. 180. 181. 182. 183. 184, 185.	no metros de temperaturas extremas. Observacion del atmometro y pluviometro. Observacion de la veleta. Observacion del estado atmosférico. Horas de la estado atmosférico.	168 168
TRABAJOS DE GABINETE,		
CÁLCULO DE LAS CONSTANTES DE LOS INSTRUMENTOS.		
186. 187.	Calculo del valor de una division dei nivel Calculo de la separación angular de los hi-	167
188.	los del reticulo. Calculo de los resultados más probables de	168
180.	estos valores en cada in frumento	109

CÁLCULO DE LAS DIFERENCIAS DE NIVEL.

Art	.	Pags.
190.	Formacion de tablas auxiliares	. 175
191.	Preparacion de la formula para obtener l colimacion.	
192.	Cuadro de valores para evitar se deslice	n
193.	errores groseros	. 177
194.	Manera de efectuar los cálculos	. 178
195.		1-
	mento	. 181
196.	Estado comparativo por trozos de line	a
	de nivelacion	. 181
197.	de nivelación	-
100	cipales y secundarias de primera clase.	. 10%
198.	Resumenes por lineas de nivelacion	. 182
199.	Determinacion de las altitudes	. 182
200.	Modo de salvar las enmiendas en las hoja de cálculo	s . 184
	ÁLCULO DEL NIVEL MEDIO DE LOS MAR	
201.	Preparacion de las hojas del mareografo para el cálculo gráfico.	o . 184
202.	para el cálculo gráfico	l . 184
CÁL	CULO DE LAS OBSERVACIONES METEOROLÓ	GICAS.
203. 204.	Manera de efectuar estos cálculos Confrontacion de los cálculos	. 187 . 191
DIF	ERENCIAS DE LONGITUD, LATIT	UDES
	Y AZIMUTES.	
205.	Enunciado general del asunto	. 192

PROBLEMA PRELIMINAR. — DETERMINACION DE LA HORA.

	DE LA HORA.	
Art	s	'ags.
3 06,	Procedimientos principales para determi- uar la hora, o el cata lo de un cronôme- tro	193
207.	Observation de la distancia zenital de un astro, por medio del teonolito, y del cro-	
208.	nometro cuyo estada se basa	194
200.	Condic, was far rables de la observacion, ô del sistema de observaciones que para determinar la hima deben verificarse,	199
210.	Influencia de la refracciola de la luz en las	
211.	distancias cen tujes observa las	200
	mismas distancias se reaeren	202
212,	cion y calculo de attamas, o de distan- cios sentales, correspondantes; e de al-	
	turas iguales de un astro, sucesivamen- te observado al E. y al O. le, incridiano.	202
213,	Miner, are and a selemental agency and time needs. The recent of the	W171E
214.	Definicion de la satura, in de un anteojo de	205
215,	pasos, en comeidencia apaximada con el meridiano	208
216.	observictores de pasos, e de dadas por la formula de Mayer	207
	sea Adverte mas comunes a las tres formulas.	209
217. 218.	Inclinación del oje le rotación 1 a usteojo de pa o a cete, minada por medio del ni-	209
219.	vel Goltmación del eje óptico, determina la por	210
	punterias a un objeto terrestre, en posi- ciones inversas del anteojo,	212
220.	Idem, por la doble observación analoga de	

Art	S.	Pågs.
221.	una estrella circumpolar	. 212
222.	ra de proceder.—Aberración diurna de la luz	. 214
ææ.	los anteojos rectos, determinados por la comparación del retículo con su imágen	ì
223.	reflejada por un baño de mercurio Advertencia relativa al modo de procede:	. 215 r
224.	en este caso	. 218
225.	por el meridiano de dos estrellas	. 219
226.	superiores ó inferiores	. 22 0
227.	duccion al hilo promedio de una observacion de pasos incompleta Orden o numeracion convencional de los	. 223
ACI.	hilos, y distincion de las dos posiciones del anteojo sobre las muñoneras.	\$
228.	Serie de observaciones, necesarias para una buena determinacion del estado del	1 ·
229.	cronómetro	. 226 - . 227
23 0.	puestos y casos particulares	•
231.	blema	2 <u>2</u> 3
	nes de pasos de estrellas, verificadas en el vertical de la <i>Polar</i> .—Causas que las motivan y órden en que deben hacerse.	3
232.	Fórmulas propuestas por Döllen para el cálculo de estas observaciones, en la hi-	
വൈ	pótesis de que el estade del cronometro sea desconocido por completo.	. 233
233.	Correccion que en las coordenadas de las estrellas observadas debe introducirse por aberracion diurna de la luz	237
234.	Deduccion final del estado del cronómetro como resultado de las observaciones y	?
	formulas à que se refieren los parrafos anteriores	; . 233

26. Ampliación de calculo, en el supuesto de que el estado sen va previa y aproximazdamente como do. 26. Ampliación del parrato precedente.—Advertencias de utilidad en la práctica. 27. Reducción de las observaciones incompletas de pasos, al promedio de los hilos del reticino. 28. Arecedimientos para determinar las homas formica, que deben preferirse cuando de resolver el problema de las longitudes se trates. 29. Orden de las operaciones, tanto para determinar las horas locales, como para comparar los cronometros, correspondientes a dos distintos vértices. 241. Repet ción de estas multiples operaciones durante varias noches. 242. Conveniencia de que los instrumentos de observación sem lo posible. 243. De finición de los cronografos y su manera de funcionar, ya en la determinación de la hora local, ya para facilitar la com-	250 2df
26. Ampliación del parrato precedente.—Advertencias de utilidad en la práctica. Reducción de las observaciones incompletion de pasos, al promedio de los hilos del reticino. 27. Advertencia fluid. 28. Procedimientos para determinar las homos locatos, que deben preferirse cuando de resolver el problema de las longitudes es trates. 29. Orden de las operaciones, tanto para determinar las horas locales, como para comparar los cronometros, correspondientes a dos distintos vértices. 241. Repet eton de estas multiples operaciones durante varias noches. 242. Conveniencia de que los instrumentos de observacion sean en ambos vertices identicos en lo posible. 243. De finicion de los cronografos y su manera de tuncionar, ya en la determinación de	241
28. Procedimientos para determinar las homas locatos, que deben preferirse cuando de resolver el problema de las longitudes e trates. 29. Orden de las operaciones, tanto para determinar las horas locales, como para comparar los cronometros, correspondientes a dos distintos vértices. 241. Repet eton de estas multiples operaciones durante varias noches. 242. Conveniencia de que los instrumentos de observacion sean en ambos vertices identicos en lo posible. 243. De finicion de los cronografos y su manera de tuncionar, ya en la determinación de	
premencias de Longitto. 20. Procedimientos para determinar las homa tomas, que deben preferirse cuando de resolver el problema de las longitudes se trates. 20. Orden de las operaciones, tanto para determinar las horas locales, como para comparar los crunometros, correspondientes a dos distintos vértices. 241. Repet cion de estas multiples operaciones durante varias noches. 242. Conveniencia de que los instrumentos de observacion seam en ambos vertices identicos en lo posible. 243. De fine ion de los crone graf es y su manera de tuncionar, ya en la determinación de	
20. Procedimientos para determinar las horax locales, que deben preferirse cuando de resolver el problema de las longitudes se trates. 26. Orden de las operaciones, tanto para determinar las horas locales, como para comparar los cronometros, correspondientes a dos distintos vértices. 21. Repet ción de estas multiples operaciones durante varias noches. 22. Conveniencia de que los instrumentos de observación sem en ambos vertices identicos en lo posible. 23. Definición de los cronografos y su manera de tuncionar, ya en la determinación de	340
242. Convenience de los comparations de que los los des des des des des des des des des de	
24). Orden de las operaciones, tanto para de- terminar las horas locales, como para comparar los cronometros, correspon- itentes a dos distintos vértices. 241. Repet ción de estas multiples operaciones durante varias noches. 242. Conveniencia de que los instrumentos de observacion sean en ambos vertices identicos en lo posible. 243. Definición de los cronografos y su manera de funcionar, ya en la determinación de	
241. Repet cion de estas multiples operaciones durante varias noches. 242. Conveniencia de que los instrumentos de elegervación sean en ambos vertices identicos en lo posible. 243. Definición de los cromegrafes y su manera de funcionar, ya en la determinación de	243
242. Conveniencia de que los instrumentos de elegervacion sean en ambos vertices identicos en lo posible. 243. Definición de los cromegrafos y su manera de funcionar, ya en la determinación de	248
elservacion sean en ambos vertices identicos en lo posible	250
la hora local, va para facilitar la com-	258
paración a distancia de los cronometros 244. Ecuaciones personales de los observado- res.—Modo de averiguar sus valores, y	254
procedimiento de ciminación de sus efectos. 245. Inferencia reciprocas de longitud, com-	256
prendidas entre tres distintos vertices ó puntos, y simultaneamente determina- das.— Comprobación de los resultados obtenidos.	259
246. Resumen y conclusion de todo lo expuesto.	260

LATITUDES.

Art	S. I	'ags.
247.	latitud geográfica de un lugar, por ob- servaciones de distancias zenitales cir- cunmeridianas de una ó de varias es-	 261
248.	Reduccion al meridiano de las distancias zenitales observadas.	264
249.	Advertencia importante, complementaria de lo expuesto en el parrafo precedente.	265
25 0.	Otra advertencia, relativa à las observa- ciones de estrellas circumpolares, cerca de sus culminaciones o pasos inferiores por el meridiano.	263
251.	Fórmula de reduccion al meridiano, pro- puesta por Delambre	267
25 2.	Reduccion de las distancias zenitales ex- trameridianas de la <i>Polar</i>	268
253,	Caso particular en que el astro observado, poco ántes y despues de su paso por el meridiano, sea el Sol	270
254.	Lo que se entiende por una serie de obser- vaciones, ó de valores de la latitud	272
255.	Complemento de la serie: graduacion del zenit.	274
256.	Objeto y necesidad de multiplicar las series de observaciones para obtener un resultado final, exento de error sistema-	275
257.	Empleo del círculo meridiano, en vez del teodolito, para determinar el valor de	277
258.	la latitud	278
259.	Formula de reduccion al meridiano de las observaciones con él verificadas.	279
26 0.	Advertencia relativa al uso de esta for- mula.	281
261.	Rectificacion de la horizontalidad del hilo	282
262.	Influencia de la inclinacion del mismo hi- lo, conforme varían el horario y decli-	

411		Pags.
20%	nacion de la estreila que se chanva. I so del hilo ma cometrico horizontal, en c audipantica com el de referencia co- mus, are sal con e posde la graduación	283
264.	del ravno Convene ica e necondad de la reteración de la colo es se apelhecias con el circula la menda an apera del crounter el valor	296
205,	de la salidad Observa pare vermendas con el masmo objeto en el proceso cereste al lustalación del anteco de pasos en este plano, y ma-	287
266,	nera la procador en la práctica. Preca o des que leben a loptarse cuando la mata actor del anteono no sea dema-	289
297.	Preliminares para la observación de una estrella, a su pase por el senuer vertical. Hora y distancia a mital a la ingreso en	290
264,	el calupo visual del a ite yo	591
dutek	versas del anteojo,	298
209,	de servicio en la contracta de	
27),	en listint des en la altego que la otra, per cada un ul ulo a ma posecion ach, y al O del mer d'ano	295
1 ⁻¹ 1	otro. Mivertencias complementarias y conclu-	296
27]	son de cuanto precede, , , , , , , ,	297
	AZIMUTES.	
272.	Azmitt de una dirección terrestre, deter- minado por comparación de esta direc- ción con la correspondiente à la Polar, observados ambas con el teodorito.	208
273.	Lo que debe entender e por una secre de	~011

Art	9.	Pags.
274.	observaciones de esta especie. Series ne cesarias para una determinacion completa del azimut. Correcciones, por inclinacion y colimacio de los ejes de rotacion y óptico del teo dolito, que deben aplicarse á las graduaciones leidas en el círculo horizontal tras cada puntería á los objetos comparte cada puntería de los ejes de cada comparte cada puntería de los ejes de cada comparte cada c	- . 300 n - l,
275.	tras cada puntería á los objetos comparados	300 s -
276.	dolito	<u> </u>
277.	cion terrestre	. 301 - . 303
278.	cion, tras cada serie de observaciones. Influencia de la posicion celeste del astro observado en la deduccion del azimu	o t
279.	que en último término se busca. Manera de proceder en la resolución de mismo problema por observaciones de Sol	el
280.	Variante y complemento de este método.	309
281. 282.	Resúmen de los dos parrafos anteriores Advertencia sobre la determinación, si multánea casi con la del azimut, del estado del cronómetro	. 310 -
283.	Cálculo de los azimutes del Sol	. 310
284.	Ambigüedad de los resultados obtenidos	
285.	Determinacion del azimut de una direccion terrestre, valiendose del anteojo de pa	n -
286.	sos en vez del teodolito	n O
287.	Orden y distribucion de las observacione necesarias para determinar el azimut d	S
	esta señal	. 970

	598	
Art	it.	Pags.
268,	Complemento de lo expuesto en el parrafo que precede. — Determinación, simulta- nea casi con la del azimut de la señal, del estado para ello nece ario del cro- nometro.	
289.	Deduccion final del asimut de la marca d	
590.	pasos, algo distinta de la precedente,	319
291.	para la resolución del mismo problema. Conclusión de lo expuesto en los cinco au-	390
	teriores y ultimos parrafos	392 324
	INTENSIDAD DE LA GRAVEDAD.	
292,	La determinacion de la intensidad de la gravedad forma parte de los servicios encomendados al Instituto	981
	REDES DE 2.º Y DE 3.er ÓRDENES.	
	TRABAJOS DE CAMPO.	
BE	CONOCIMIENTO Y CONSTRUCCION DE SEÑAL	re.

299. Construccion de las señales de 3er. órden 381 300. Noticia oficial para la conservacion de las señales. 383 301. Noticia mensual de los trabajos efectuados al Director general. 384 OBSERVACIONES ANGULARES DE 2.º ÓRDEN. 302. Estudio preliminar del teodolito reiterador. 385 303. Número de valores observados para cada direccion. Eleccion de la inicial. 385 304. Establecimiento del teodolito en estacion. 386 305. Correccion de la colimacion. 387 306. Práctica de la observacion. 387 307. Cuaderno para anotar las observaciones. 397 308. Calificacion de la visibilidad de los objetos de mira. 397 309. Requisitos del cuaderno de observaciones. 397 310. Reiteracion. 397 311. Punterías hechas por mitad en las posiciones simétricas del anteojo. 397 312. Estacion fuera del vértice.—Datos de reduccion. 397 313. Número de valores para cada distancia zenital. 397 314. Cuaderno para anotar las observaciones. 397 315. Número de observaciones que se deben hacer seguidas. 397 316. Horas convenientes para distribuir las observaciones. 397 317. Observaciones de 3er órden en vértices de 2.º: observaciones de puntos importantes. 397 318. Número de distancias zenitales observadas en el 3er órden. 397 319. Caso en que el vértice de estacion sea tambien de 1er órden. 397	Art	5.	Pågs.
señales. Noticia mensual de los trabajos efectuados al Director general. OBSERVACIONES ANGULARES DE 2.º ÓRDEN. OBSERVACIONES ANGULARES DE 2.º ÓRDEN. 302. Estudio preliminar del teodolito reiterador. 383. Número de valores observados para cada direccion. Eleccion de la inicial. 384. Establecimiento del teodolito en estacion. 385. Correccion de la colimacion. 386. Práctica de la observacion. 387. Cuaderno para anotar las observaciones. 389. Requisitos del cuaderno de observaciones. 390. Reiteracion. 391. Punterías hechas por mitad en las posiciones simétricas del anteojo. 3912. Estacion fuera del vértice.—Datos de reduccion. 3913. Número de valores para cada distancia zenital. 3914. Cuaderno para anotar las observaciones. 3915. Número de observaciones que se deben hacer seguidas. 3916. Horas convenientes para distribuir las observaciones. 3917. Observaciones de 3er. órden en vértices de 2.º: observaciones de puntos importantes. 3918. Número de distancias zenitales observadas en el 3er. órden. 3920. Idem en que lo sea de 2.º y 3er. órden. 3931. Cróquis de las señales.		Construccion de las señales de 8 ^{er} . órden. Noticia oficial para la conservacion de las	3
OBSERVACIONES ANGULARES DE 2.º ÓRDEN. 302. Estudio preliminar del teodolito reiterador		señales	. 386 5
302. Estudio preliminar del teodolito reiterador		al Director general	. 380
dor	(BSERVAGIONES ANGULARES DE 2.º ÓRDE	N.
303. Número de valores observados para cada direccion. Eleccion de la inicial. 304. Establecimiento del teodolito en estacion. 305. Correccion de la colimacion. 306. Práctica de la observacion. 307. Cuaderno para anotar las observaciones. 308. Calificacion de la visibilidad de los objetos de mira. 309. Requisitos del cuaderno de observaciones. 310. Reiteracion. 311. Punterías hechas por mitad en las posiciones simétricas del anteojo. 312. Estacion fuera del vértice.—Datos de reduccion. 313. Número de valores para cada distancia zenital. 314. Cuaderno para anotar las observaciones. 315. Número de observaciones que se deben hacer seguidas. 316. Horas convenientes para distribuir las observaciones. 317. Observaciones de 3 ^{er} . órden en vértices de 2.°: observaciones de puntos importantes. 318. Número de distancias zenitales observadas en el 3 ^{er} . órden. 319. Caso en que el vértice de estacion sea tambien de 1 ^{er} . órden. 320. Idem en que lo sea de 2.° y 3 ^{er} . órden. 331. Cróquis de las señales. 332. Gróquis de las señales.	302.		
 804. Establecimiento del teodolito en estacion. 805. Correccion de la colimacion. 806. Práctica de la observacion. 807. Cuaderno para anotar las observaciones. 808. Calificacion de la visibilidad de los objetos de mira. 809. Requisitos del cuaderno de observaciones. 810. Reiteracion. 811. Punterías hechas por mitad en las posiciones simétricas del anteojo. 812. Estacion fuera del vértice.—Datos de reduccion. 813. Número de valores para cada distancia zenital. 814. Cuaderno para anotar las observaciones. 815. Número de observaciones que se deben hacer seguidas. 816. Horas convenientes para distribuir las observaciones. 817. Observaciones de 3^{er}. órden en vértices de 2.º: observaciones de puntos importantes. 818. Número de distancias zenitales observadas en el 3^{er}. órden. 819. Caso en que el vértice de estacion sea tambien de 1^{er}. órden. 820. Idem en que lo sea de 2.º y 3^{er}. órden. 831. Cróquis de las señales. 	303.	Número de valores observados para cada	à
905. Correccion de la colimacion	904		-01
 306. Práctica de la observacion. 307. Cuaderno para anotar las observaciones. 308. Calificacion de la visibilidad de los objetos de mira. 39. Requisitos del cuaderno de observaciones. 39. Requisitos del cuaderno de observaciones. 39. Refiteracion. 39. Punterías hechas por mitad en las posiciones simétricas del anteojo. 39. Estacion fuera del vértice.—Datos de reduccion. 39. Número de valores para cada distancia zenital. 39. Sistema de la compara anotar las observaciones. 39. Número de observaciones que se deben hacer seguidas. 39. Horas convenientes para distribuir las observaciones. 39. Observaciones de 3er. órden en vértices de 2.º: observaciones de puntos importantes. 39. Número de distancias zenitales observadas en el 3er. órden. 39. Caso en que el vértice de estacion sea tambien de 1er. órden. 39. Idem en que lo sea de 2.º y 3er. órden. 39. Cróquis de las señales. 30. Idem en que lo sea de 2.º y 3er. órden. 30. Cróquis de las señales. 		Correccion de la colimacion.	
307. Cuaderno para anotar las observaciones. 39 308. Calificacion de la visibilidad de los objetos de mira. 39 309. Requisitos del cuaderno de observaciones. 39 310. Reiteracion. 39 311. Punterías hechas por mitad en las posiciones simétricas del anteojo. 39 312. Estacion fuera del vértice.—Datos de reduccion. 39 313. Número de valores para cada distancia zenital. 39 314. Cuaderno para anotar las observaciones. 39 315. Número de observaciones que se deben hacer seguidas. 39 316. Horas convenientes para distribuir las observaciones. 39 317. Observaciones de 3 ^{er} , órden en vértices de 2.°: observaciones de puntos importantes. 39 318. Número de distancias zenitales observadas en el 3 ^{er} , órden. 39 319. Caso en que el vértice de estacion sea tambien de 1 ^{er} , órden. 39 320. Idem en que lo sea de 2.° y 3 ^{er} , órden. 39 321. Cróquis de las señales. 30		Práctica de la observacion.	
308. Calificacion de la visibilidad de los objetos de mira. 309. Requisitos del cuaderno de observaciones. 310. Reiteracion. 311. Punterías hechas por mitad en las posiciones simétricas del anteojo. 312. Estacion fuera del vértice.—Datos de reduccion. 313. Número de valores para cada distancia zenital. 314. Cuaderno para anotar las observaciones. 315. Número de observaciones que se deben hacer seguidas. 316. Horas convenientes para distribuir las observaciones. 317. Observaciones de 3 ^{er} , órden en vértices de 2.°: observaciones de puntos importantes. 318. Número de distancias zenitales observadas en el 3 ^{er} , órden. 319. Caso en que el vértice de estacion sea tambien de 1 ^{er} , órden. 320. Idem en que lo sea de 2.° y 3 ^{er} , órden. 331. Cróquis de las señales.			
 809. Requisitos del cuaderno de observaciones. 810. Reiteracion. 811. Punterías hechas por mitad en las posiciones simétricas del anteojo. 812. Estacion fuera del vértice.—Datos de reduccion. 813. Número de valores para cada distancia zenital. 814. Cuaderno para anotar las observaciones. 815. Número de observaciones que se deben hacer seguidas. 816. Horas convenientes para distribuir las observaciones. 817. Observaciones de 3er. órden en vértices de 2.º: observaciones de puntos importantes. 818. Número de distancias zenitales observadas en el 3er. órden. 819. Caso en que el vértice de estacion sea tambien de 1er. órden. 820. Idem en que lo sea de 2.º y 3er. órden. 83. 321. Cróquis de las señales. 		Calificacion de la visibilidad de los objetos	8
 810. Reiteracion. 811. Punterías hechas por mitad en las posiciones simétricas del anteojo. 812. Estacion fuera del vértice.—Datos de reduccion. 813. Número de valores para cada distancia zenital. 814. Cuaderno para anotar las observaciones. 815. Número de observaciones que se deben hacer seguidas. 816. Horas convenientes para distribuir las observaciones. 817. Observaciones de 3er. órden en vértices de 2.º: observaciones de puntos importantes. 818. Número de distancias zenitales observadas en el 3er. órden. 819. Caso en que el vértice de estacion sea tambien de 1er. órden. 820. Idem en que lo sea de 2.º y 3er. órden. 831. Cróquis de las señales. 	209		
 811. Punterías hechas por mitad en las posiciones simétricas del anteojo. 812. Estacion fuera del vértice.—Datos de reduccion. 813. Número de valores para cada distancia zenital. 814. Cuaderno para anotar las observaciones. 815. Número de observaciones que se deben hacer seguidas. 816. Horas convenientes para distribuir las observaciones. 817. Observaciones de 3er órden en vértices de 2.º: observaciones de puntos importantes. 818. Número de distancias zenitales observadas en el 3er órden. 819. Caso en que el vértice de estacion sea tambien de 1er órden. 820. Idem en que lo sea de 2.º y 3er órden. 831. Cróquis de las señales. 			
 812. Estacion fuera del vértice.—Datos de reduccion. 813. Número de valores para cada distancia zenital. 814. Cuaderno para anotar las observaciones. 815. Número de observaciones que se deben hacer seguidas. 816. Horas convenientes para distribuir las observaciones. 817. Observaciones de 3er. órden en vértices de 2.º: observaciones de puntos importantes. 818. Número de distancias zenitales observadas en el 3er. órden. 819. Caso en que el vértice de estacion sea tambien de 1er. órden. 820. Idem en que lo sea de 2.º y 3er. órden. 821. Cróquis de las señales. 		Punterías hechas por mitad en las posicio	-
 Número de valores para cada distancia zenital. 39 314. Cuaderno para anotar las observaciones. 39 315. Número de observaciones que se deben hacer seguidas. 316. Horas convenientes para distribuir las observaciones. 317. Observaciones de 3^{er}. órden en vértices de 2.°: observaciones de puntos importantes. 318. Número de distancias zenitales observadas en el 3^{er}. órden. 319. Caso en que el vértice de estacion sea tambien de 1^{er}. órden. 320. Idem en que lo sea de 2.° y 3^{er}. órden. 321. Cróquis de las señales. 	812.	Estacion fuera del vértice.—Datos de re	-
 314. Cuaderno para anotar las observaciones. 39. Número de observaciones que se deben hacer seguidas. 316. Horas convenientes para distribuir las observaciones. 317. Observaciones de 3^{er}. orden en vértices de 2.°: observaciones de puntos importantes. 318. Número de distancias zenitales observadas en el 3^{er}. orden. 39. Caso en que el vértice de estacion sea tambien de 1^{er}. orden. 39. Idem en que lo sea de 2.° y 3^{er}. orden. 39. Cróquis de las señales. 39. 39. 39. 39. 39. 39. 39. 39. 39. 39.	313.	Numero de valores para cada distancia ze	-
 315. Número de observaciones que se deben hacer seguidas. 316. Horas convenientes para distribuir las observaciones. 317. Observaciones de 3^{er}· órden en vértices de 2.º: observaciones de puntos importantes. 318. Número de distancias zenitales observadas en el 3^{er}· órden. 320. Caso en que el vértice de estacion sea tambien de 1^{er}· órden. 321. Cróquis de las señales. 	814.	Cuaderno para anotar las observaciones	. 39
317. Observaciones de 3 ^{er} orden en vértices de 2.º: observaciones de puntos importantes. 318. Número de distancias zenitales observadas en el 3 ^{er} orden. 319. Caso en que el vértice de estacion sea tambien de 1 ^{er} orden. 320. Idem en que lo sea de 2.º y 3 ^{er} orden. 321. Cróquis de las señales.		Número de observaciones que se deber	1
317. Observaciones de 3 ^{er} . orden en vértices de 2.º: observaciones de puntos importantes. 318. Número de distancias zenitales observadas en el 3 ^{er} . orden. 319. Caso en que el vértice de estacion sea tambien de 1 ^{er} . orden. 320. Idem en que lo sea de 2.º y 3 ^{er} . orden. 321. Cróquis de las señales.	316.	Horas convenientes para distribuir las ob	
818. Número de distancias zenitales observadas en el 3 ^{er} · órden. 39 819. Caso en que el vértice de estacion sea tam- bien de 1 ^{er} · órden. 39 820. Idem en que lo sea de 2.º y 3 ^{er} · órden. 39 821. Cróquis de las señales. 30	317.	Observaciones de 3 ^{er.} orden en vértice de 2.º: observaciones de puntos impor	8
819. Caso en que el vértice de estacion sea tambien de 1 ^{er} · órden	318.	Número de distancias zenitales observada	. ບຸລ 8
320. Idem en que lo sea de 2.º y 3 ^{er.} órden	819.	Caso en que el vértice de estacion sea tam	_
321. Cróquis de las señales			. 39
-			. 39

Art	\$	Págs.
\$99. \$88.	Remision de los condermos originales à la Direction general. Parte mensual de los trabajos efectuados, OSERVACIONES ANGULANES DE 3 ⁶⁷ . ÓRDEN	394
2004. 2007. 2027. 2028. 2020. 2020. 2021. 2022. 2023.	Observaciones de direcciones azimulales. Número de valores para cada direccion. Establecimiento del teodolito en estacion. Reiteracion. Puntos de mira. Cuaderno para anotar las observaciones. Distancias zenitales. Cuaderno de observaciones. Boras convenientes para distribuir las observaciones. Puntos de mira. Puntos de mira en las iglesias en que no se ha de estacionar. Referencias exteriores de los vértices. TRABAJOS DE GABINETE.	395 395 395 396 397 397 397 398 398
384. 335. 336. 887. 889. 349. 341. 342. 343.	Estado de direcciones azimutales. Reducciones à los vértices. Estado de distancias zenitales. Resolucion de trian ulos. Reduccion de las distancias zenitales à un mismo punto de mira. Diferencias de nivel. Galculo del coeficiente de refraccion. Altitudes de los vértices. Latitudes, longitudes y azimutes. Detalles para efectuar este calculo. Tablas auxiliares. Resumen de coordenadas, azimutes y longitud de los lados de cada uno de los órdenes 2.º y 3.º	999 400 400 401 402 402 404 404 404 404

DISPOSICIONES GENERALES.

Art	Arts. P	
345.	Número de cifras en los cálculos logarí	
346.	micos Valor numérico de la última cifra de un mantisa	1a . 405
847. 848.	Característica	. 40 5 os
349 .	muy pequeños o cosenos de los muy proximos á 9%	404
350. 351.	Hojas de cálculo	406
35 2.	Requisitos de estas hojas	e- 40%
	rai	. 40A

FORMULARIOS. .

4er órden.

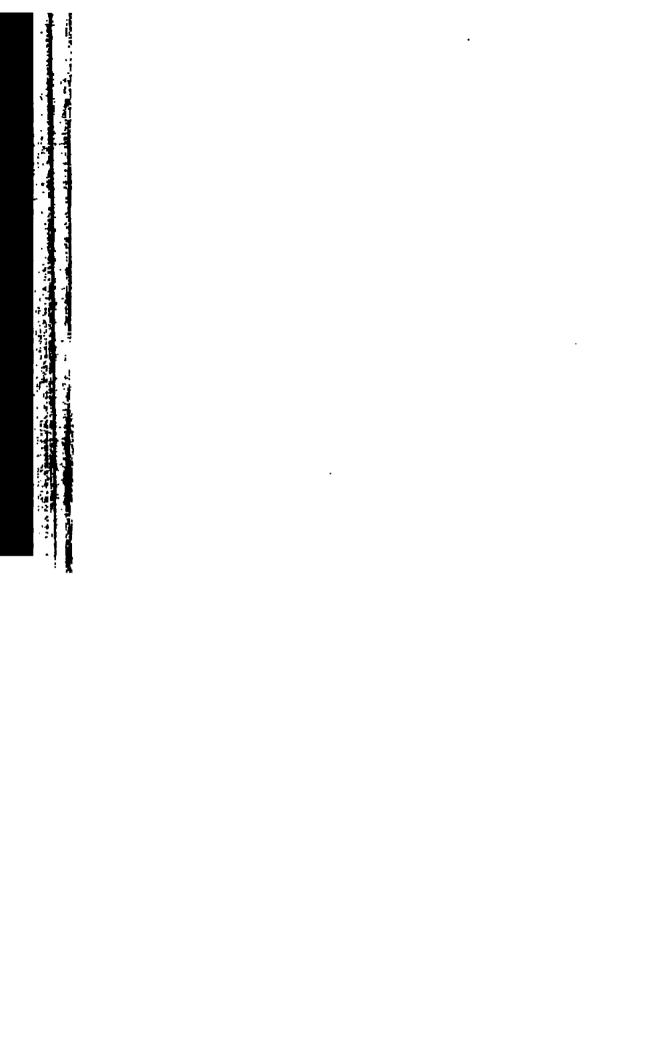
Núm	8.	Pags.
1.	Primera medicion de una base geodésica Cuadernos de observaciones	. 411
2.	Segunda medicion de una base geodésica Cuadernos de observaciones	
3.	Calculo de la primera medicion	
4. 5.	Calculo de la segunda medicion	. 420
5 (segun	ido). ceda fito tiene inferometro en c	el . 429
6.	Distancias zenitales. Cuadernos de obser	`-
7.	vaciones	. 435 1-

Num	<u>-</u>	Pags.
	das,	441
Я,	Grupos de igual poso	443
9.	Formacion de las ecuaciones fluales	445
10,	Resolucion de las ecuaciones finales	446
	1 Idem (sin el empleo de logaritmos) .	445
[unites	REO). 1	420
41.	Sustitucion de los valores de las incògni- tas en las ecuaciones finales.	451
12.	Reducciones à los vertices	452
181	Resolucion de las ecuaciones preparato-	-26/45
\$ 6.97	1185.	454
18		
(segui		458
14.	Sustitucion de los valores de las incogni-	
	tas en las ecuaciones preparatorias	461
15.	Estado general de las direcciones más	
	probables, en cada estación aistada	463
16,	Calculo de triangulos de cadena	464
17.	Idem de idem de cuadrilatero, por dos la-	
10	dos y el angulo que comprenden	466
18.	Idem de idem de idem, cuando se conocen	460
19.	los tres lados	468
20.	Cálculo de latitudes, longitudes y az mutes.	470- 479
21.	Estado de distancias zenitales observadas. Reduce on de las distancias zenitales a los	4/3
21.		474
22.	Cálculo de las diferencias de nivel.	477
23.	Idem del coeficiente de refraccion.	478
24.	Idem de las diferencias de nivel, emplean-	
711	do el coeficiente de refraccion	480
25.	Idem de las altitudes de los vertices	483
26.	Compensacion de las diferencias de myel.	
	Resolucion de las ecuaciones normales.	484
27.	Resumen de los valores provisionales de	
	las coordenadas geográficas, azimutes y	40.0
90	magnitud de las líneas directas	486
28,	Estudio de un nivel. Cuaderno de obser-	400
29.	Vaciones.	489
417,	Determinación de la separación angular de los hilos de los reticulos en los an-	
	teoros de los niveles. Chaderno da ob-	
	servaciones,	495
30.	Comparacion de una mira con la regla del	Z (PAP)
	aparato Ibañez Cuaderno de observa-	

Núm	AS.	Pags.
31.	ciones	
32.	servaciones	. 505 - . 516
33.	Calculo del valor angular de las divisiones	8
34.	Idem para determinar la separacion an gular de los tres hilos paralelos del re	-
35 .	Idem para deducir los resultados má probables de todas las observaciones, que se refiere el formulario anterior.	s á . 524
36.	Idem de la comparacion de una mira con la regla de hierro del aparato Ibañez de medir bases	n e . <i>52</i> 7
37.	Idem del valor más probable de una vuel ta del tornillo micrométrico	- . 529
38.	Determinacion del valor medio de 1 ^m de las miras y su variabilidad media	e . 531
39.	Cuadro de valores para evitar errores gro-	-
40. 41.	seros de lectura ó escritura	. 534 e
4 2.	de la mira y descripcion de señales Comparacion de la doble nivelacion efec- tuada en cada seccion con dos distintos	. 538 - 3
43.	Resumen general de diferencias de nivel	, 541
44.	Resumen general de diferencias de nivel	•
45.	por secciones	
46.	tices geodésicos de ler. órden adyacente à la linea Estado de las altitudes de los principale puntos de la línea sobre el nivel medic	. 545 8
47.	del mar en el puerto de Alicante Cálculo gráfico del nivel medio del mar.	. 546 . 548
48. 49.	Cálculo gráfico de las observaciones termométricas	
	Pranco de las onesi taciones bar	



• •



• •



